Journal of Water and Wastewater, Vol. 34, No. 3, pp: 104-124

# A Review on the Separation of Nanoparticles by Froth Flotation

M. Abdolkarimi-Mahabadi<sup>1\*</sup>, A. Bayat<sup>2</sup>

1. Assist. Prof., Dept. of Chemical Engineering, Tafresh University, Tafresh 39518-79611, Iran (Corresponding Author) <u>Abdolkarimi@Tafreshu.ac.ir</u> 2. Assist. Prof., Dept. of Chemical Engineering, Tafresh University, Tafresh 39518-79611, Iran

(Received April 28, 2023 Accepted July 19, 2023)

**To cite this article:** Abdolkarimi-Mahabadi, M., Bayat, A. 2023. "A review on the separation of nanoparticles by froth flotation" Journal of Water and Wastewater, 34(3), 104-124. Doi: 10.22093/wwj.2023.394620.3343. (In Persian)

#### Abstract

**F** roth flotation is an effective method for separating fine solid particles from aqueous solutions based on surface properties. The most important phenomenon in this issue is the formation of solid-gas bubble accumulation. Appropriate selection of operating conditions such as size, shape, charge and hydrophobicity of nanoparticles, concentration, pH solution, flow rate and gas velocity, bubble size and flotation reagents such as surfactants for hydrophobicizing particles is essential to increase absorption by gas bubbles and collect them in the froth. In this article, an attempt has been made to examine the potential and limitations of the process of flotation of nanoparticles and their separation from solutions, or the use of nanoparticles as collectors, reinforcements and stabilizers of the froth, and the existing challenges and solutions to overcome them should be explained. According to the progress made in the field of equipment and reagents used, the flotation method could be a promising method to remove, separate, recover and purify nanoparticles from the solution.

Keywords: Purification, Separation, Flotation, Surfactant, Nanoparticles.

### **Extended Abstract**

#### **1. Introduction**

Froth flotation is one of the oldest processes of mineral processing and particle separation and is also used in non-mineral industries such as pulp and paper processing, water and wastewater treatment. The flotation method has been considered as a reliable, economic method from the beginning due to its simplicity, speed and low operating cost. Flotation is a process that selectively separates materials and particles based on their hydrophobicity or hydrophilicity. In this method, the desired particles are physically separated from the liquid phase due to the difference in their ability to stick to air bubbles, based on their hydrophobicity. Hydrophobic particles are carried to the surface by air bubbles,

Journal of Water and Wastewater



1.4

Vol. 34, No. 3, 2023

forming a foam that can be removed, while hydrophilic particles remain in the liquid phase. Inorganic nanoparticles and organic nanoparticles have wide applications due to their reactivity, specific surface area, and tunable nature. Therefore, their recovery, purification and separation by an easy and low-cost method is expected. At the same time, few studies have been carried out to investigate the separation, recovery and purification of nanoparticles using the froth flotation method (Abdolkarimi-Mahabadi and Manteghian, 2015a). In this article, an attempt has been made to investigate the potential and challenges of the flotation method as a suitable method for the processing and recovery of nanoparticles.

#### 2. The mechanism of particle flotation

The flotation process key is the absorption of particles by the bubble, which is the result of 1) collision of particles with the bubble, 2) attachment (sticking) of particles to the bubble, and 3) stabilization of the particle-bubble intraction. Three dominant mechanisms are considered: interception, gravity (sedimentation) and Brownian diffusion. The combination of these three transfer mechanisms allows determining the transition between Brownian diffusion and hydrodynamic gravity collection mechanisms.

## 3. The role of nanoparticles as a flotation agent

The potential of using nanoparticles as reagents (collector, enhancer and stabilizer of froth, etc.) in flotation processes has increased significantly in recent years. Nanoparticles have unique properties such as high surface area, tunable surface chemistry, and enhanced colloidal stability, which can improve the flotation performance of fine and ultrafine particles. Attempts have been made to investigate hydrophobic nanoparticles as a new class of flotation aggregates that can be classified into several subgroups: polystyrene nanoparticles, cellulose nanocrystals/cellulose nanofibers, and inorganic nanoparticles and styrene and cellulose. Their ability to modify and the physicochemical improvement of the surface are distinguished, while inorganic nanoparticles are usually not chemically functional due to their structural nature

There is also great potential to improve the properties of silica nanoparticles by making changes in the synthesis method. The performance of nanoparticles can be improved through properties such as shape, size and structure to the expected properties of the final product. Nanoparticles such as alumina, titanium dioxide and iron oxide have been investigated as foaming agents, and good results have been obtained. The combination of these nanoparticles with nano-silica can potentially improve the grade and recovery of minerals. It should be noted that nanobubbles can be used in the flotation of nanoparticles to expand the application of flotation and the selectivity of nanoparticles (Chen et al., 2019).

## 4. Separation of nanoparticles by flotation method

Several studies have been conducted on the separation of nanoparticles by flotation method and with the help of nanobubbles or surfactants (Hu et al., 2015, Oliveira et al., 2021, Zhang and Guiraud, 2013, Zhang et al., 2017). Liu et al showed that more than 99% of silica nanoparticles can be removed from simulated wastewater by flotation (Liu et al., 2013).

Since flotation is done for solutions, it is possible to simultaneously use solution analysis techniques such as spectrophotometry to measure solution concentration and flotation efficiency (Abdolkarimi-Mahabadi et al., 2021). In most of the synthesis reactions of nanostructures in chemical solutions, nanoparticles remain in stable suspension and it is difficult to precipitate and separate them. Therefore, in this case, using the flotation method, separation or purification of nanoparticles is facilitated.

In our previous study, for the separation and quantitative dilution of solutions containing graphene oxide nanoribbons, the froth flotation method using CTAB surfactant was used. The presence of CTAB in the solution causes hydrophobicity of nanostructures and increases the performance of absorption into bubbles and ultimately improves flotation and separation (Abdolkarimi-Mahabadi and Manteghian, 2015b).

Changchamronkit and colleagues used the froth flotation method to separate carbon black from silica gel and also to purify carbon nanotubes (Chungchamroenkit et al., 2009).

#### **5.** Conclusions

The flotation of nanoparticles and sub-micron particles does not follow the conventional collection theory based on interception and collision mechanisms and predicts a very low collection efficiency for nanoparticles. Brownian diffusion and colloidal forces strongly influence the collection of such particles by air bubbles in flotation. In general, in order to increase the adsorption efficiency of bubbles to nanoparticles and, as a result, to improve the flotation performance of nanoparticles, according to the properties of nanoparticles and the colloidal



behavior of suspensions, the following are important:

- (a) Using surface functionalized nanobubbles to increase the electrostatic and hydrophobic attraction between nanoparticles and bubbles in the flotation process.
- (b) Increasing the mass, apparent size and surface hydrophobicity of nanoparticles by modifying or reducing the surface energy of nanoparticles.

By changing the physicochemical conditions of the suspensions (pH adjustment and/or the help of organic substances/collectors), the accumulation of nanoparticles and the subsequent increase in the size of the particles occur. In this case, interception can be the dominant collision mechanism between these particles and bubbles and their removal can be facilitated by using flotation. Also, the efficiency of flotation can be improved by increasing Brownian diffusion and then colloidal interaction through the use of nanobubbles and surface modification of bubbles.

In recent years, nano-based flotation reagents

and technologies, such as nanobubble producers, play an essential role in the flotation process. However, apart from traditional surfactants and coagulants/coagulants, new and environmentally friendly flotation aid reagents are still needed. Fortunately, flotation technology has made many advances in many dimensions, including process equipment, flotation components and materials.

However, the existing methods for the synthesis of nanoreagents and nanobubble production have low efficiency, non-uniform bubble size distribution and low stability, so more research should be done on their controlled synthesis (size, quantity and hydrophobicity) in the future. Also, due to their complex technology, nanobubble production devices are expensive and made on a laboratory scale.

Therefore, despite the high potential of the flotation method and the above-mentioned limitations, this method shows promise for use in the separation, purification or removal of nanoparticles from solutions or wastewater efficiently and at low cost.





## مروری بر جداسازی نانوذرات با روش شناورسازی کف

ميثم عبدالكريمي مه آبادي '\*، احمد بيات

۱ – استادیار، گروه مهندسی شیمی، دانشگاه تفرش، تفرش ۲۹۵۱۸–۳۹۵۱۸، ایران (نویسنده مسئول) <u>Abdolkarimi@Tafreshu.ac.ir</u> ۲- استادیار، گروه مهندسی شیمی، دانشگاه تفرش، تفرش ۲۹۶۱۱–۲۹۵۱۸، ایران

(دريافت ١٤٠٢/٢/٨) پذيرش ١٤٠٢/٢/٨)

برای ارجاع به این مقاله به صورت زیر اقدام بفرمایید: عبدالکریمی مهآبادی، م،، بیات، ۱، ۱، ۱، ۴۰۲، "مروری بر جداسازی نانوذرات با روش شناورسازی کف " مجله آب و فاضلاب، ۲۴(۳)، ۲۰۲–۱۰۲، 2023.394620.3946

### چکیدہ

شناورسازی کف، یک روش مؤثر برای جداسازی ذرات جامد ریز از محلولهای آبی بر اساس خواص سطحی است. مهـم تـرین پدیده این بحث، تشکیل یک تجمع جامد-حباب گاز است. انتخاب مناسب شرایط عملیاتی مانند اندازه، شـکل، بـار و آبگریـزی نانوذرات، غلظت، pH محلول، دبی و سرعت گاز، اندازه حباب و معرفهای شناورسازی مانند سورفکتانتها برای آبگریـز کـردن ذرات به منظور افزایش جذب توسط حبابهای گاز و جمعآوری آنها در کف ضروری است. در این پژوهش سعی شد تا پتانسـیل و محدودیتهای موجود برای فرایند شناورسازی نانوذرات و جداسازی آنهـا از محلـولهـا و یـا بـهکـارگیری نـانوذرات بـهعنـوان جمع کننده، تقویت کننده و تثبیت کننده کف شناورسازی بررسی شود و چالشهای موجود و راهکارهای فائق آمدن بـر آنهـا تبیـین شوند. با توجه به پیشرفتهای انجام شده در حوزه تجهیزات و معرفهای استفاده شده، روش شناورسازی، روشی امیدوار کننـده

*واژههای کلیدی*: خالصسازی، جداسازی، شناورسازی، سورفکتانت، نانوذرات

#### ۱ – مقدمه

در نانوتکنولوژی جداسازی و تصفیه نانوذرات سنتز شده، اهمیت خاصی دارد. همچنین یکی از موضوعات مهم محیط زیستی، تصفیه و حذف نانوذرات (سمّی) موجود در انواع پسابهای صنعتی است (Padervand et al., 2019, Padervand et al., 2022a, Padervand, 2021)

نانومواد را می توان با توجه به اندازه، روش سنتز، شکل ساختاری، اندازه منافذ و سمیّت تقسیم بندی کرد. نانوذرات بر اساس سمیّت بالقوه به سه گروه دسته بندی می شوند: الف) نانوذرات

نیبر مانند، ب) نانوذرات دانه ای پایدار و ج) نانوذرات CMAR فیبر مانند، ب) نانوذرات (Mekuye and سم تولیدمثل Mekuye and). (سرطانزا، جهشزا، ژنتیکی آسم، سم تولیدمثل Abera, 2023, Padervand et al., 2022b)

از روش های مرسوم جداسازی نانوذرات بر اساس اندازه و شکل می توان به جداسازی مغناطیسی، رسوبی، فیلتراسیون، الکتروفورز و روش های کروماتوگرافی اشاره کرد Bleul et al., 2015, Bai et ). al., 2010, Ramin et al., 2023)



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Carcinogenic Mutagenic Asthma Genic Reproductive Toxin (CMAR)

dx.doi.org/10.22093/wwj.2023.394620.3343

از طرفی، شناورسازی یکی از قدیمی ترین فرایندها و روشهای جداسازی در فرآوری مواد معدنی بوده است. شناورسازی یک روش فیزیکوشیمیایی جداسازی آلاینده ها از یساب است و دارای مزايای متمايزی مانند عمليات سريع، نياز به فضای کم، انعطاف پذیری، کاربرد و هزینه متوسط است. شناورسازی انواع مختلفی دارد، مانند شناورسازی کف و شناورسازی با هوای محلول . روش شناورسازی با هوای محلول بیش از ۳۰ سال است که در تصفیه آب و فاضلاب، استفاده شده و از ابتدا بهعنوان یک روش قابل اعتماد اقتصادی مدنظر بوده است (Ahmadi et al.). 2017, Nazari and Ayati, 2018, Tsai et al., 2007)

از پیشرفتهای اخیر در کاربرد نانوتکنولوژی، بهبود جداسازی و بازیابی ذرات با استفاده از شناورسازی کف است. نانوذرات با ویژگیهایی که دارند می توانند برای تولید معرفهای مناسب برای بهبود جداسازی و غنیسازی انواع مواد در طول فرایند شناورسازی کف، بهرهبرداری شوند. در پرتو این پیشرفتها، بینشی درباره جهتهای پژوهشی بالقوه آینده برای پژوهشهای نانوتکنولوژی در حوزه شناورسازي كف ارائـه خواهـد شـد تـا جـزو پركـاربردترين و مؤثر ترین روش برای جداسازی ذرات ریز مطرح شود (Neisiani). et al., 2023)

شناورسازی کف فرایندی است که بهطور انتخابی مواد و ذرات را بر اساس آبگریز بودن یا آبدوست بودن جدا میکند. در این روش، ذرات موردنظر بهدلیل تفاوت در توانایی چسبیدن به حبابهای هوا، بر اساس آبگریزی آنها، بهطور فیزیکی از فاز مایع جدا می شوند. ذرات آبگریز با حباب های هوا به سطح منتقل می شوند و در نتیجه کفی تشکیل میدهند که می توان آن را حذف کرد، در حالی که ذرات آبدوست در فاز مایع باقی میمانند (شکل .(Dai et al., 2000, Nguyen-Van, 1994, Hewitt et al., () 1995, Nguyen-Van and Kmet', 1994, Ralston et al., 1999, Ralston et al., 2001, Yang and Pelton, 2011, Yang et al., 2012, Yang et al., 2011, Chau et al., 2009) انتخباب مناسب سور فکتانت برای آبگریز کردن ذرات بهمنظور افزایش جذب توسط حبابهای گاز و جمع آوری آنها در کف ضروری است. مواد سورفکتانت زیادی در این روش استفاده

Journal of Water and Wastewater

Vol. 34, No. 3, 2023



آبگریزی ذرات، انرژی پتانسیل تعامل بین ذرہ و حباب جـذاب تـر می شود و در نتیجه کارایی اتصال و در نهایت بازیابی شناورسازی افزايش مي يابد (Chipfunhu et al., 2011). انرژی سطحی ذرات، با توجه به مشخصات سیستم از جمله اندازه ذرات، شکل، اندازه حباب و هیدرودینامیک سیستم، تعیین و مدلسازی میشود. تأثیر اندازه ذرات بر شناورپذیری ذرات توسط دانشمندان از اوایل دهه ۱۹۴۰، بررسی شده است. احتمال برخورد ذرات ریز با حباب کم بوده و در نتیجه کارایی اتصال حباب- ذره کمی دارند که منجر به بازیابی ضعیف فرایند شناورسازی این ذرات .(Dai et al., 2000, Fuerstenau et al., 2007, مے شود . Miettinen et al., 2010, Ralston et al., 1999, Trahar and

یافتن فرایندی برای بهبود تعاملات بین ذرات و حباب، روشی كار آمد براي غلبه بر مشكل بيان شده براي نانوذرات است. لازم به بسـتگی دارد کـه بـر پایـداری و خـواص کـف تـأثیر مـیگـذارد

می شود که به نوبه خود به طور انتخابی، آبگریزی سطوح ذرات را بهمنظور دستیابی به طیف گستردهای از جداسازی تغییر میدهد. انواع مختلف سورفكتانتها و معرفها به روشها و اهداف مختلفي استفاده می شوند و هر یک از آنها نقش مهمی ایفا میکنند مانند: جمعكنندهها أ، كفكنندهها ٩، تثبيتكنندههاي كف ٢، كاهش دهندهها ٧ و فعالکنندهها^و تنظیمکنندههای pH. در یک سیستم شناورسازی، سورفکتانتی که برای تبدیل سطح ذرات از آبدوست تا آبگریز بهکار میروند بهعنوان جمعکننده نامیده میشوند. اتصال و جدا شدن حباب- ذره به شیمی سطح ذرات و حبابهای هوا بستگی دارد که بەطور گستردە بررسى شدە است , Chipfunhu et al., 2011). Crawford and Ralston, 1988, Adamson and Gast, 1967, Drelich and Miller, 1992, Gennes et al., 2004, Trahar, 1981, Wark, 2002)

افزایش آبگریزی سطح، منجر به گسیختگی سریع تر لایه مایع بین حباب و ذره می شود. از دیدگاه ترمودینامیکی، با افزایش

Warren, 1976)

ذکر است که عملکرد شناورسازی به توزیع و تحرک حباب نیز

- <sup>4</sup> Collectors
- Frother
- <sup>6</sup> Stabilizer
- Reducer
- Activator

Dissolved Air Flotation (DAF)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Hydrophobicity

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Hydrophilicity



**Fig. 1.** Froth flotation process (Crawford and Quinn, 2017) (Crawford and Quinn, 2017) شکل ۱- فرایند شناورسازی به کمک کف

.(Gupta et al., 2007, Nakhaei et al., 2013, Zanin et al., 2009, Farrokhpay, 2011)

گاهی اوقات نانوذرات بهعنوان سورفکتانت و تثبیتکننده برای افزایش پایداری کف استفاده می شوند. در این راستا پژوهش های زیادی در استفاده از نانوذرات برای تقویت فرایند شناورسازی Dickinson et al., 2004, Du et al., 2003, انجام شده است Hajati et al., 2016, Khaleghi et al., 2014, Liu et al., 2012, Sirota et al., 2018, Yang et al., 2012, An et al., 2020)

نانوذرات غیر آلی (فلزات، اکسید فلزی و نقاط کوانتومی) و نانوذرات آلی (نانوساختارهای کربنی)، به دلیل واکنش پذیری، سطح ویژه و ماهیت قابل تنظیم، کاربرده ای گسترده ای دارند. بنابراین تصفیه، خالص سازی و جداسازی آنها توسط روشی آسان و کمهزینه، مورد انتظار است. تا به حال مقاله مروری در خصوص جداسازی، تصفیه و بازیابی نانوذرات از محلول با روش شناور سازی کف ارائه نشده است. در این پژوهش سعی شد تا پتانسیل و چالش های روش شناور سازی به عنوان روشی مناسب برای فرآوری و بازیابی نانوذرات بر سی شود.

۲ – مکانیسم کلی شناورسازی ذرات کلید فرایند شناورسازی، جذب ذرات توسط حباب است که حاصل ۱) برخورد ذرات به حباب، ۲) اتصال (چسبیدن) ذرات به حباب و

$$E_{capt} = E_{coll}. E_{att}. E_{stab}$$
(1)

که در آن

Ecapt کارایی جذب، Ecoll کارایی برخورد، E عکارایی اتصال و Estab کارایی پایداری دانههای حباب – ذرات است. انتقال ذرات به سمت سطح حباب به صورت شماتیک در شکل ۲ نشان داده شده است. سه مکانیسم غالب در نظر گرفته می شود: رهگیری، گرانش (رسوب) و انتشار براونی. انتقال ذرات توسط رهگیری به دلیل جریان مایع است که ذرات را در امتداد خطوط جریان مایع حمل می کند. ذرات به دلیل اندازه محدودشان با حباب ها در تماس هستند. انتقال توسط نیروی گرانش برای ذرات جامد که چگالی آنها بیشتر از آب است، مهم است. تأثیر نیروهای اینرسی و براونی مهم ترین مکانیسم است. ترکیب این سه مکانیسم انتقال، امکان تعیین انتقال بین مکانیسمهای انتشار براونی و جمع آوری گرانش هیدرودینامیکی را فراهم می کند , 2011, است. (Huang et al., 2011,

Journal of Water and Wastewater

Vol. 34, No. 3, 2023



**Fig. 2.** Schematics of the (1) interception (2) gravity (3) Brownian transport mechanisms for fine particles towards a rising bubble in a rotationally symmetrical coordinate system (r, θ). The thick lines describe the particle trajectory while the thin lines describe the liquid streamlines (Nguyen et al., 2006) **شکل ۲** - نمایی از مکانیسمهای (۱) رهگیری (۲) گرانش (۳) انتقال براوونی ذرات ریز به سمت حباب در حال بالاآمدن، در یک سیستم مختصات (Nguyen et al., 2006)

در مورد نانوذرات و ذرات زیرمیکرونی درگیر شناورسازی، برخلاف ذرات بزرگ، تجمع یک ذره با حباب پایدار است (E<sub>stab</sub> = 1)، زیرا هم نیروی هیدرودینامیکی و هم نیروی گرانش در مقایسه با نیروی چسبندگی ناچیز است. بنابراین رابطه کارایی جذب را میتوان به E<sub>att</sub> E<sub>col</sub> ناچیز است. بنابراین رابطه کارایی جذب را میتوان به E<sub>att</sub> E<sub>col</sub> ناچیز است. بنابراین رابطه کارایی کارایی اتصال، زمانی اتفاق میافتد که سد انرژی بین حبابها و ذرات در حال برهمکنش، کمتر از انرژی حرکت حرارتی ۲ باشد. هنگامی که سد انرژی بالاتر از انرژی حرکت حرارتی باشد، تجزیه وتحلیل اتصال ذرات پیچیده تر میشود، زیرا احتمال غلبه بر سد انرژی، تابعی از نیروهای سطحی و انتشار ذرات است (Mishchuk et al., 2012).

پس اگر E<sub>att</sub> = 1 باشد معادله بازده جذب، بیشتر به بازده برخورد E<sub>coll</sub> کاهش می یابد.

همان طور که قبلاً بیان شد، برای نانوذرات، مکانیسم عملیاتی اصلی، برخورد از طریق انتشار براونی است. انتشار، یک مکانیسم مؤثر انتقال جرم است و از دست دادن اینرسی مرتبط با ذرات ریز ممکن است جمع آوری توسط حبابها را افزایش دهد و بنابراین به یک مزیت مثبت در حرکت براونی تبدیل شود.

پژوهشهای فرایندهای شناورسازی شامل نانوذرات نشان داده که بازیابی ذرات توسط شناورسازی در محدوده اندازه ۱۰ تا ۲۰۰ میکرومتر بیشترین مقدار بوده است ,Ahmed and Jameson). (1985

بازیابی شناورسازی نانوذرات و زیر میکرون در درجه اول بهصورت کیفی توسط ری توضیح داده شده است (Reay, 1973). جمع آوری و بازیابی ضعیف نانوذرات از سوسپانسیون های آبی بهدلیل کاهش قابل توجه در نرخ برخورد و کارایی برخورد با کاهش اندازه ذرات، به چالش قابل توجهی برای شناورسازی نانوذرات تبدیل شده است (Nguyen et al., 2006, Miettinen et al., 2010)

یک مدل نظری برای پیش بینی کارایی جمع آوری نانوذرات ارائه شده است. این تئوری شامل انتقال جرم توسط انتشار براونی، میکروهیدرودینامیک ذرات در مجاورت سطح لغزش حبابهای بالارونده و برهمکنش های کلوئیدی است که در فواصل جدایی کوچک اعمال میشوند. با کوچکتر شدن ذرات، انتشار براونی و نیروهای کلوئیدی (نیروهای آبگریز دو لایه الکتریکی و غیر



DLVO) ' جمع آوری ذرات را کنترل می کنند، در حالی که مکانیسمهای رهگیری و برخورد برای ذرات بزرگتر غالب است (Mishchuk et al., 2012, Nguyen et al., 2006, Miettinen et al., 2010)

با کاهش اندازه ذرات، مشکل شناورسازی ظاهر می شود و کارایی جمع آوری کاهش می یابد (Reay, 1973). البته می توان با افزایش اندازه ظاهری ذرات توسط اصلاح سطح ذرات و کاهش انرژی سطح توسط اصلاح سطح حباب برای تقویت برهم کنش ردان دره، بازدهی شناورسازی نانوذرات را بهبود بخشید Cho. حباب – ذره، بازدهی شناورسازی نانوذرات را بهبود بخشید (Cho. دمال 2005, Duan et al., 2003, Henderson et al., 2009, Li and Somasundaran, 1991, Li and Somasundaran, 1992, Li and Somasundaran, 1993, Pyke et al., 2003, Yap et al., 2014)

بنابراین، بازده شناورسازی را می توان با افزایش انتشار براونی و سپس کارایی بر خورد و یا تقویت نیروهای کلوییدی بین نانوذرات و حبابها از طریق استفاده از حباب کوچک بهبود بخشید (Wen et al., 2011, Chungchamroenkit et al., 2008) حبابهای کوچکتر بهدلیل نسبت سطح به حجم زیاد آنها و افزایش کسر حجمی حباب در یک نرخ جریان ثابت بهدلیل سرعت بالاروندگی کمتر، برای شناورسازی نانوذرات ترجیح داده می شوند. کوچک اجازه می دهد، زمان ماندگاری طولانی در ستون شناورسازی داشته باشند که اتصال بین ذرات – لختهها و حبابها را افزایش می دهد. همچنین پتانسیل زتا ریز حبابها بهدلیل کاهش سطح حباب به سرعت افزایش می یابد Chen et al., 2011, et al., 2011).

توانایی نانوحبابها برای برهمکنش با نانوذرات و همچنین اصلاح سطح ذرات، باعث پیشرفت در جداسازی با روش شناورسازی خواهد شد (Zhang and Seddon, 2016). تعداد زیادی از روشهای مکانیکی و فیزیکوشیمیایی برای تولید حبابهای کوچک بهکار گرفته شده تا بازده مجموعه نانوذرات در شناورسازی را بهبود بخشد. برای ذرات ریز، نشان داده شده که نرخ شناورسازی با افزایش اندازه ذرات و یا استفاده از نانوحباب افزایش مییابد (Ahmadi et al., 2013). تکنیکهای زیادی برای افزایش اندازه و جرم ذرات و کاهش انرژی سطحی توسعه یافتهاند.

مجله آب و فاضلاب دوره ۳۴، شماره ۳. سال ۱۴۰۲

ذرات ريز بايد تجمع يابند و تشكيل توده يا لختـه دهنـد Duan et). (al., 2003, Pyke et al., 2003)

بارگذاری ذرات بر روی سطح حباب ممکن است به چهار مدل متمایز اتفاق بیافتد: (الف) بارگذاری تکلایه (شکل ۳–۵) که زمانی اتفاق میافتد که نیروهای پیوستگی ذره - ذره در مقایسه با وزن یک ذره ناچیز باشد. (ب) بارگذاری چند لایه (شکل ۳– d) که زمانی رخ میدهد که نیروهای پیوستگی ذره - ذره از حد وزن ذرات فراتر رود. (ج) بارگذاری خوشههای ذرات (شکل ۳– c) که هنگامی رخ میدهد که نیروهای پیوستگی ذره - ذره بیشتر افزایش مییابد، اما هنوز وزن خوشه کوچکتر از نیروی چسبندگی بین آن ذرات و حباب است و افزایش بیشتر نیروهای پیوستگی ذره - ذره از طریق آبگریزی سطح، ممکن است منجر به تشکیل ذرات بزرگتر شود و دیگر خوشهها قادر به چسبیدن به حبابها نیستند. (د) بارگیری از خوشههای مرکب از ذرات و حبابهای کوچک (شکل ۳– b) که شامل حبابهای کوچک قابل مقایسه با نانوذرات است (Wang

خلاصه بررسی پژوهشهای موجود بر روی اندازهگیری بارگذاری سطح حباب، توسط نیسیانی و همکاران ارائه شده است (Neisiani et al., 2023). بعضی مواقع برای بهبود شناورسازی ذرات از اکسیداسیون سطحی ذرات هم استفاده می شود Jiang et). al., 2023)

۳- نقش نانوذرات بهعنوان معرف شناورسازی

حداکثر نرخ شناورسازی زمانی بهدست می آید که پتانسیل زتا ذرات صفر باشد که این را می توان با افزودن منعقدکننده یا سورفکتانت مناسب بهدست آورد (Tsai et al., 2007). پتانسیل بهکارگیری نانوذرات بهعنوان معرف (جمعکننده، تقویتکننده و تثبیتکننده کف) فرایندهای شناورسازی، در سالهای اخیر افزایش قابل توجهی داشته است. نانوذرات دارای خواص منحصربه فردی مانند مساحت سطح بالا، شیمی سطح قابل تنظیم و پایداری کلوئیدی افزایش یافته است که می تواند عملکرد شناورسازی ذرات ریز و فوقریز را بهبود بخشد. تلاشهایی برای بررسی نانوذرات آب گرینز بهعنوان دسته جدیدی از جمعکننده

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Derjaguin, Landau, Verwey and Overbeek (DLVO) Theory

Journal of Water and Wastewater



Fig. 3. Schematic of the four types of particles loading onto a bubble surface: a) monolayer loading; b) multilayer loading; c) loading of particle clusters; d) loading of particles-small-bubbles clusters (Wang et al., 2023) **شکل**۳- نمایی از چهار حالت بارگذاری ذرات بر روی سطح حباب: a) بارگذاری تکلایه، b) بارگذاری چند لایه، c) بارگذاری خوشههای ذرات، (Wang et al., 2023) بارگذاری ذرات - خوشههای حباب کوچک (Wang et al., 2023)

شناورسازی به نام «هسته'» انجام شده که گروههای عاملی با واکنش شیمیایی به آنها متصل هستند. نانوساختارهای عاملدار ارائه شده در این یژوهشها، دارای هستههایی هستند که می تواننـد در چنـد زیـر گروه دستهبندی شوند: نانوذرات یلی استایرن، نانوبلورهای سلولزي/ نانوالیاف سلولزی و نانوذرات معدنی و استایرن و سلولز، که با تواناییشان در اصلاح و بهبود فیزیکوشیمیایی سطح متمایز میشوند، در حالی که نانوذرات معدنی معمولاً بهدلیل ماهیت ساختاری خود از نظر شیمیایی، عاملدار نیستند ,Abarca et al.). 2018, An et al., 2020, Dong, 2017, Hajati et al., 2016, Khodakarami et al., 2019, Kim et al., 2019, Legawiec and Polowczyk, 2020, Murga et al., 2022, Owusu et al., 2016, Yang and Pelton, 2011, Yang et al., 2011, Yang et al., 2013)

یانگ و همکاران، استفاده از نانوذرات بهعنوان جمعکننده شناورسازی را بهطور گسترده گزارش کردهاند. در پژوهش اول، نشان دادند که جذب نانوذرات یلی استایرن کاتیونی بر روی ذرات شیشهای آبدوست، شناورسازی آنها را تسهیل میکند. حتی ۱۰ درصد يوشش سطوح ذرات شيشه با نانوذرات باعث افزايش

کارایی شناورسازی میشود، در حالی که مواد جمعکننده مرسوم باید بیش از ۲۵ درصد سطوح ذرات را پوشش دهند تا کارایی شناورسازی افزایش یابد (Yang et al., 2011). در یژوهش دوم، بر زاویه تماس بهعنوان یک یارامتر پیش بینی کننده برای عملکرد شناورسازي نانوذرات تمركز كردند. سه نوع زاويه تماس قطره آب، روى سطوح ذرات كروى تزيين شده با نانوذرات بررسى شده است. همچنین، پارامترهای بارز خاصیت جمعکنندگی نانوذرات در شناورسازی، شکل، اندازه و انرژی سطحی معرفی شده است (Yang and Pelton, 2011). در پژوهش سوم، اثرات اندازه ذرات در شناورسازی را ارائه دادند (Yang et al., 2012).

لگاویک و همکاران، بررسی نانوسلولز عاملدار و نانوذرات معــدنی بــهعنــوان تقویــت کننــده شناورسـازی را انجــام دادنــد (Legawiec and Polowczyk, 2020). در پژوهش های مختلف نشان داده شده که نانوذرات جمع کننده، پتانسیل اتصال بسیار کار آمدتری به حبابهای هوا را دارند و نسبت به جمعکننده ای مولکولی، کمتر در برابر جدا شدن ناخواسته آسیب یذیر هستند (Dong, 2017, Hajati et al., 2016, Yang et al., 2012). البته

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Core

مشکل اصلی جایگزینی جمع کننده های مولکولی معمولی با نانوساختارها، جنبه اقتصادی آن است. پژوهش های منتشر شده تاکنون نشان میدهد که مقدار مصرف نانوساختارها باید بیش از مقدار مصرف جمع کننده های معمولی باشد (Legawiec and). Polowczyk, 2020)

پن و همکاران نشان دادند نانوذرات کانی آبگریز طبیعی پیروفیلیت'، میتواند با تنظیم مقدار pH مناسب بهعنوان جمعکننده سیستمهای شناورسازی اسمیتسونیت<sup>۲</sup> و کوارتز بهخوبی بهکار روند (Pan et al., 2021).

بهمنظور جلوگیری از ادغام حبابها و تثبیت فاز کف در یک سلول یا ستون شناورسازی، می توان از نانومواد در شناورسازی معدنی استفاده کرد. در نتیجه، با استفاده از نانومواد، پایداری کف به یک عامل قابل کنترل تبدیل می شود و می توان آن را به راحتی تا مقدار موردنظر در طول مدت شناورسازی تنظیم کرد. با این روش، کارایی جداسازی و گزینش پذیری فرایند شناورسازی را می توان به طور قابل توجهی افزایش داد Hu et al., 2023, Cilek and). Karaca, 2015, Nasirimoghaddam et al., 2020)

ببرای بررسی اثرات نانوذرات ببر پاییداری کف و کارایی شناورسازی سنگ معدن سولفیدی، سه نوع نانوذره SiO<sub>2</sub>، SiO<sub>2</sub> و Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> نانوذره Al<sub>2</sub>O<sub>1</sub> عملکرد بهتری نشان دادند. بهطوری که با استفاده از این نانوذره بازیابی شناورسازی سنگ معدن سولفیدی از ۸۳ به ۹۱ درصد و عیار کنسانتره آن از ۴۴ به ۶۰ درصد افزایش یافت (Cilek and Uysal, 2018). همچنین از نانوذرات طبیعی تالک عمل آوری نشده بهعنوان جمعکننده و افزایش خاصیت آبگریزی کوارتز و نیز افزایش بازیابی شناورسازی استفاده شده است (Hajati et al., 2019).

چنگ و همکاران، از طریق روش پلیمریزاسیون امولسیونی با استفاده از لیگنین بهعنوان مونومر میزبان، یک نانوذره بهعنوان جمعکننده سنتز کردهاند که برای بهبود عملکرد گوگردزدایی در طول فرایند شناورسازی استفاده شده است (Cheng et al., 2023).

توانایی نانوذرات پلیاستایرن برای تسهیل شناورسازی سنگ آهن چادرملو (بـرای حـذف سـیلیس از سـنگ آهـن) بررسـی شـده

مجله آب و فاضلاب دوره ۳۴. شماره ۳. سال ۱۴۰۲

است. بـا ایـن حـال، افـزایش مقـدار ایـن نـانوذرات باعـث کـاهش شناورشدن ناخالصیها بهدلیل تجمع ذرات و پوشش مناطق وسـیعی از ذرات معدنی شده است (Hassanjani-Roshan et al., 2023).

همچنین پتانسیل زیادی برای بهبود ویژگیهای نانوذرات سیلیس از طریق ایجاد تغییراتی در روش سنتز وجود دارد. عملکرد نانوذرات را میتوان از طریق ویژگیهایی مانند شکل، اندازه و ساختار به ویژگیهای مورد انتظار محصول نهایی بهبود داد. یکی دیگر از راههای قابل قبول برای بهبود عملکرد نانوسیلیس، تولید نانوکامپوزیتهایی است که شامل مواد دیگری برای بهبود عملکرد اکسید آهن بهعنوان کفکننده، بررسی شدهاند که نتایج خوبی بهدست آمده است. ترکیب این نانوذرات با نانوسیلیس میتواند بهطور بالقوه، عیار و بازیابی مواد معدنی را بهبود بخشد. بهطور مثال، یک کفساز جامد مبتنی بر نانوسیلیس برای شناورسازی فلزات گروه پلاتین و فلزات پایه مرتبط ساخته شده است (Madzokere et al., 2021).

همان طور که قبلاً هم بیان شد، در شناورسازی نانوذرات می توان از نانوحباب ها به عنوان معرف به منظور گسترش کاربرد شناورسازی و گزینش پذیری نانوذرات بهره برد (Olszok et al., 2014). (2014 در شکل ۴ تفاوت بین شناورسازی مرسوم و شناورسازی با استفاده از نانوحباب نشان داده شده است.

۴- جداسازی نانوذرات با روش شناورسازی

برخی کارهای انجام شده برای جداسازی نانوذرات با روش شناورسازی هوای محلول<sup>۳</sup> و شناورسازی کف، در جدول ۱ ارائه شده است. حذف و جداسازی نانوذرات TiO2 از آب توسط شناورسازی، با تجزیه و تحلیل پارامترهای اندازه و غلظت ذرات، پتانسیل زتا، مقدار pH بررسی شد. در این کار اسید هیومیک برای افزایش حذف نانوذرات TiO2 از سوسپانسیون در یک فرایند شناورسازی بدون منعقدکننده شیمیایی استفاده شد. بدون اسید هیومیک، تنها حدود ۶۴ درصد از نانوذرات TiO2 حذف شد. در حالی که با استفاده از اسید هیومیک، PH محلول، اسیدی شده و بیش از ۹۰ درصد از نانوذرات جدا شدند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Pyrophyllite

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Smithsonite

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Disolved Air Flotation (DAF)

Journal of Water and Wastewater

Vol. 34, No. 3, 2023



**Fig. 4.** Comparison between conventional flotation and nanobubble fotation **شکل**<sup>9</sup> – مقایسه بین شناورسازی مرسوم و شناورسازی با استفاده از نانوحباب

در این محلول اسیدی، اسید هیومیک فیبر مانند، از طریق جاذبه بین بخشهای آبگریز، کلوئیدهایی را تشکیل داده که بهعنوان تور ماهیگیری عمل کرده و نانوذرات را به دام انداخته و منجر به افزایش کارایی اتصال حباب به ذره و در نهایت افزایش کارایی جداسازی با روش شناورسازی شده است Guiraud, 2013, Zhang et al., 2017)

در پژوهشی دیگر، جداسازی کامل دی اکسید تیتانیوم کلوئیدی (TiO2) با اندازه ذرات ۵۰ نانومتر، توسط شناورسازی کف در شرایط بهینه با استفاده از سورفکتانتهای کاتیونی و یا آنیونی انجام شده است. اثرات میزان سورفکتانت، مقدار pH سوسپانسیون، قدرت یونی سوسپانسیون و نرخ جریان گاز بر روی شناورسازی این ذرات کلوئیدی بررسی و مشخص شد که برهمکنش کولمبی بین سطوح ذرات باردار CiO2 و جمعکننده های یونی نقش غالبی در این سیستم دارد. در نهایت مشخص شد که روش شناورسازی کف میتواند در جداسازی ذرات زیر میکرونی TiO2 در سیستم های فتوکاتالیست سوسپانسیونی کاربرد پیدا کند (Shen, 1998). به طور مشابه، حذف نانوذرات CiO2 لخته شده با ته نشینی یا شناورسازی مشابه، حذف نانوذرات OiD2 به موسط الیورا و همکاران انجام شده است (Oliveira et al., 2021).

پژوهشهای متعددی در خصوص جداسازی نانوذرات سیلیس به روش شناورسازی و باکمک نانوحباب و یا سورفکتانت انجام شده است George et al., 2004, Lien and Liu, 2006, Liu et

al., 2012, Liu et al., 2013, Tsai et al., 2007, Etchepare et ۹۹ نالی از ۹۹ میلو و همکاران نشان دادند که بیش از درصد از نانوذرات سیلیس را میتوان با شناورسازی از فاضلاب شبیه سازی شده حذف کرد (2012, Liu et al., 2013, Liu et al., 2012). در مورد حذف یونهای <sup>3+</sup> Fe به عنوان رسوبات و حذف نیانوذرات Fe(OH) در تصفیه آب و فاضلاب، از روش شناورسازی و با به کارگیری نانوحباب ها استفاده شده است شناورسازی و با به کارگیری نانوحباب ها استفاده شده است

بهبود جداسازی نانوذرات اکسید مس، با روش شناورسازی با استفاده از سورفکتانت CTAB و طرح S داخلی ستون شناورسازی انجام شده و درصد بازیابی نانوذرات از حدود ۸۰ به ۹۵ درصد افزایش یافته است (Hu et al., 2015).

جداسازی ذرات ریز اکسید مس از سیلیکا با روش شناورسازی توسط لانگ و همکاران بررسی شده است (Long et al., 2023). آنها روش جدیدی را برای طراحی کلکتورهای شناورسازی که ساختار شبه جمینای <sup>۱</sup> با قابلیت تغییر pH را دارند ارائه کردهاند تا به عملکرد بهتری از شناورسازی ذرات ریز برسند.

از آنجایی که شناورسازی برای محلولها انجام می شود می توان همزمان از تکنیکهای آنالیز محلول مانند اسپکتروفو تومتری برای اندازهگیری غلظت محلول و میزان کارایی شناورسازی بهره برد (Abdolkarimi-Mahabadi et al., 2021).

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Pseudo-Gemini

Journal of Water and Wastewater

Vol. 34, No. 3, 2023

Table 1. Else of some studies for hanoparticle separation by notation						
No.	Nanoparticle type	Nanoparticle size* (nm)	Employed reagent	Recovery percentage*	Method	Reference
1	TiO <sub>2</sub>	100>	Humic acid	90	Dissolved air floatation	(Zhang and Guiraud, 2013, Zhang et al., 2017)
2	TiO <sub>2</sub>	50	Anionic and cationic surfactant	-	Foam floatation	(Shen, 1998)
3	TiO <sub>2</sub>	100>	Starch	95-100	Dissolved air floatation	(Oliveira et al., 2021)
4	$SiO_2$ and $Al_2O_3$	40-160	CTAB and dowfroth 250	79-86	Froth floatation	(George et al., 2004)
5	SiO <sub>2</sub>	100>	СТАВ	-	Dissolved air floatation	(Lien and Liu, 2006)
6	SiO <sub>2</sub>	100>	СТАВ	99	Coagulation- floatation	(Liu et al., 2013)
7	SiO <sub>2</sub>	100>	Polyaluminum chloride/ sodium oleate	40	Nano-bubble floatation	(Tsai et al., 2007)
8	Fe(OH) <sub>3</sub>	100>	Nano/micro bubble	68	Dissolved air floatation	(Etchepare et al., 2017)
9	CuO	100>	CTAB	~95	Foam floatation	(Hu et al., 2015)
10	CuO	100>	Pseudo- gemini	>90	Floatation	(Long et al., 2023)
11	Graphene oxide nanoribbons	100>	СТАВ	-	Froth floatation	(Abdolkarimi- Mahabadi and Manteghian, 2015b)
12	Carbon black	240	Ethoxylated alcohol	70	Froth floatation	(Chungchamroenkit et al., 2009)
13	Carbon nanotubes	-	Ethoxylated alcohol	78	Froth floatation	(Chungchamroenkit et al., 2008)
14	Carbon nanotubes	-	SDBS	71	Froth floatation	(Pornsunthorntawee et al., 2011)

#### جدول ۱- فهرست برخی کارهای انجام شده برای جداسازی نانوذرات با روش شناورسازی Table 1 List of some studies for nanonarticle senaration by floatation

\*In some articles, the size of nanoparticles is not reported

شد. وجود CTAB در محلول باعث آبگريز شدن نانوساختارها و افزايش عملكرد جذب به حبابها و در نهايت بهبود شناورسازي و جداسازی شد (Abdolkarimi-Mahabadi and Manteghian). 2015b)

چانگ چامرونکیت و همکاران، روش شناورسازی کف را برای جداسازی کربن سیاه' از سیلیکاژل و همچنین خالصسازی نانولولەهاى كربنى بەكار بردند ,Chungchamroenkit et al.).

Journal of Water and Wastewater

Vol. 34, No. 3, 2023

در بیشتر واکنشهای سنتز نانوساختارها در محلولهای شيميايي، نانوذرات بەصورت سوسيانسيون يايدار باقى مےماننـد و رسوب دادن و جداسازی آنها دشوار است -Abdolkarimi)، Mahabadi and Manteghian, 2015a) بنابراین در این حالت مي توان با استفاده از روش شناورسازي، جداسازي و يا خالص سازي نانوذرات را تسهیل کرد. در پژوهش قبلی، برای جداسازی و رقیق سازی کمی محلول های حاوی نانوروبان های اکسید گرافن، از روش شناور سازی کف با به کارگیری سور فکتانت CTAB استفاده



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Carbon Black

حال، برخی از چالش ها و شکاف های پژوهشی در این موضوع

۱ - مکانیسمهای جذب نانوذرات روی سطوح ذرات و برهمکنش
 آنها با حبابهای هوا بهطور کامل شناخته نشده است. درک اساسی

از سینتیک جذب و ترمودینامیک نانوذرات بر روی سطوح ذرات و

چگونگی تأثیریذیری آنها از عواملی مانند اندازه نانوذرات، شکل،

بار، غلظت، pH و قدرت يونی، نياز به بررسی سيستماتيک دارند.

۲ – اثر نانوذرات بر پایداری کف و ادغام حباب به خوبی ثابت نشده

است. نانوذرات با توجه بهخواص سطحی و غلظت خود ممکن است

بهعنوان كفكننده يا كفزدا عمل كنند. تعادل بهينه بين يايداري

کف و ادغام حباب برای دستیابی به بازیابی و درجه شناورسازی

۳- تـ أثير محـيطزيسـتي و سرنوشـت نـانوذرات در سيسـتمهـاي

شناورسازي به خوبي ارزيابي نشده است. نانوذرات بهدليل سميّت،

تجمع زیستی و ماندگاری ممکن است خطرات بالقو،ای برای سلامت انسان و اکوسیستمهای آبی ایجاد کنند. روشهای حذف یا

بازيابي نانوذرات از باطلهها و يسابهاي شناورسازي بايد توسعه و

در سالهای اخیر، معرفها و فناوریهای شناورسازی مبتنی

بر نانو مثل تولیدکننده های نانوحباب، نقش اساسی در فرایند شناورسازی ایفا میکنند. با این حال، جدا از سورفکتانتها و

منعقدکنندها/لختهکنندههای سنتی، معرفهای کمککننده

شناورسازی جدید و سازگار با محیطزیست هنوز موردنیاز است.

خوشبختانه فناوری شناورسازی، پیشرفتهای زیادی را در بسیاری از ابعاد از جمله تجهیزات فرایندی، اجزا و مواد شناورسازی پشت

سر گذاشته است. ولی با ایـن حـال روش هـای موجـود بـرای سـنتز

نانومعرفها و توليد نانوحباب داراي بازده كم، توزيع اندازه حباب

غیریکنواخت و پایداری کم هستند که باید در آینده پژوهش های

بیشتری روی سنتز کنترل شده آنها (اندازه، مقدار و خاصیت

آبگریزی) انجام شود. همچنین دستگاههای تولید نانوحباب بنا به

فناوری پیچیده شان، گران قیمت و در حد مقیاس آزمایشگاهی

ساخته شدهاند. از این رو، با وجود پتانسیل بالای روش شناورسازی و محدودیت های بیان شده، این روش می تواند به صورت

امیدوارکنند،ای برای جداسازی، خالص سازی و یا حذف نانوذرات

از محلولها و یا پسابها بهطور کار آمد و کمهزینه استفاده شود.

وجود دارد:

بالا بسيار مهم است.

ارزيابي شوند.

2009, Chungchamroenkit et al., 2008, Chungchamroenkit et al., 2004, Pornsunthorntawee et al., 2011)

### ۵- نتیجهگیری

شناورسازی نانوذرات و ذرات زیرمیکرون از نظریه جمع آوری مرسوم مبتنی بر مکانیسمهای رهگیری و برخورد پیروی نکرده و کارایی جمع آوری بسیار کمی را برای نانوذرات پیشبینی میکند. انتشار براونی و نیروهای کلوئیدی بهشدت بر جمع آوری چنین ذراتی توسط حبابهای هوا در شناورسازی تأثیر میگذارند.

نانوذرات ویژگیهای بسیاری دارند، بهعنوان مثال فعالیت شیمیایی قوی، واکنش پذیری بالا، انرژی آزاد بالای سطح و ظرفیت جذب بالا که همه این ویژگیها می تواند به بهبود جداسازی ذرات ریز کمک کند. از طرفی جرم کم و سطح و انرژی زیاد نانوذرات باعث شده تا جذب سطحی غیرانتخابی معرفها، هیدراسیون، کلوخه شدن نانوذرات، احتمال برخورد و جذب کم ذرات به حباب اتفاق بیافتد. این عوامل می تواند باعث بازیابی کم نانوذرات، مصرف زیاد معرفها و سرعت کم شناورسازی شود.

بهطور کلی، برای افزایش کارایی جذب حباب به نانوذرات و در نتیجه بهبود عملکرد شناورسازی نانوذرات، با توجه به خواص نانوذرات و رفتار کلوییدی سوسپانسیونها، موارد زیر حائز اهمیت است:

(الف) استفاده از نانوحبابها و یا نانوحبابهای عامل دار سطحی برای افزایش جاذبه الکترواستاتیک در فرایند شناورسازی. (ب) افزایش جرم، اندازه ظاهری و آبگریزی سطح نانوذرات با اصلاح یا کاهش انرژی سطح نانوذرات.

به این صورت که از طریق تغییر شرایط فیزیکوشیمیایی سوسپانسیونها (تنظیم pH و یا با کمک مواد آلی /جمع کنندهما) تجمع نانوذرات و متعاقبا افزایش اندازه ذرات اتفاق میافتد. در این حالت، رهگیری می تواند مکانیسم بر خورد غالب بین این ذرات و حبابها شده و حذف آنها با استفاده از شناورسازی تسهیل شود. همچنین بازده شناورسازی را می توان با افزایش انتشار براونی و سپس برهمکنش کلوییدی از طریق استفاده از نانوحباب و اصلاح سطحی حبابها بهبود بخشید. از طرفی در بحث به کارگیری نانوذرات به عنوان معرف، علاقه فزایندهای به بررسی پتانسیل



#### References

- Abarca, C., Ali, M. M. & Pelton, R. H. 2018. Choosing mineral flotation collectors from large nanoparticle libraries. *Journal of Colloid and Interface Science*, 516, 423-430. https://doi.org/10.1016/j.jcis.2018.01.080.
- Abdolkarimi-Mahabadi, M., Bayat, A. & Mohammadi, A. 2021. Use of UV-Vis spectrophotometry for characterization of carbon nanostructures: a review. *Theoretical and Experimental Chemistry*, 57, 191-198. https://doi.org/10.1007/s11237-021-09687-1.
- Abdolkarimi-Mahabadi, M. & Manteghian, M. 2015a. Chemical oxidation of multi-walled carbon nanotube by sodium hypochlorite for production of graphene oxide nanosheets. *Fullerenes, Nanotubes and Carbon Nanostructures*, 23, 860-864. https://doi.org/10.1080/1536383X.2015.1016608.
- Abdolkarimi-Mahabadi, M. & Manteghian, M. 2015b. Quantitative separation of graphene oxide nanoribbon by froth flotation. *Journal of Dispersion Science and Technology*, 36, 924-931. https://doi.org/10.1080/01932691.2014.941860.
- Adamson, A. W. & Gast, A. P. 1967. *Physical Chemistry of Surfaces*. 6<sup>th</sup> Edition. A Wiley-Interscience Publication, John Wiley & Sons, Inc. New York.
- Ahmadi, R., Khodadadi, D. A., Abdollahy, M. & Fan, M. 2014. Nano-microbubble flotation of fine and ultrafine chalcopyrite particles. *International Journal of Mining Science and Technology*, 24, 559-566. https://doi.org/10.1016/j.ijmst.2014.05.021.
- Ahmadi, R., Khodadadi Darban, A. & Abdollahy, M. 2013. Flotation of chalcopyrite fine particles in the presence of hydrodynamic cavitation nanobybbles. *Nashrieh Shimi va Mohandesi Shimi Iran*, 32(4), 81-91. (In Persian)
- Ahmadi, S., Mostafapour, F. K., Bazrafshan, E., Esfahani, Z. K. & Khorshid, A. R. 2017. Investigating the efficiency of dissolved air flotation process for aniline removal from aquatic environments. *Journal of Water* and Wastewater, 28(3), 64-73. (In Persian). https://doi.org/10.2093/wwj.2017.45362.
- Ahmed, N. & Jameson, G. 1985. The effect of bubble size on the rate of flotation of fine particles. *International Journal of Mineral Processing*, 14, 195-215. https://doi.org/10.1016/0301-7516(85)90003-1.
- An, M., Liao, Y., Gui, X., Zhao, Y., He, Y., Liu, Z., et al. 2020. An investigation of coal flotation using nanoparticles as a collector. *International Journal of Coal Preparation and Utilization*, 40, 679-690. https://doi.org/10.1080/19392699.2017.1402767.
- Bai, L., Ma, X., Liu, J., Sun, X., Zhao, D. & Evans, D. G. 2010. Rapid separation and purification of nanoparticles in organic density gradients. *Journal of the American Chemical Society*, 132, 2333-2337. https://doi.org/10.1021/ja908971d.
- Bleul, R., Thiermann, R. & Maskos, M. 2015. Techniques to control polymersome size. *Macromolecules*, 48, 7396-7409. https://doi.org/10.1021/acs.macromol.5b01500.
- Chau, T., Bruckard, W., Koh, P. & Nguyen, A. 2009. A review of factors that affect contact angle and implications for flotation practice. *Advances in Colloid and Interface Science*, 150, 106-115. https://doi.org/10.1016/j.cis.2009.07.003.

- Chen, S., Tao, X., Cheng, G., Zhu, X. & Gui, D. 2019. A novel method for measuring film thickness of oily bubbles and its effect on attachment time in oily-bubble flotation. *Fuel*, 241, 985-988. https://doi.org/10.1016/j.fuel.2018.12.114.
- Cheng, G., Zhang, J., Su, H. & Zhang, Z. 2023. A novel collector for high-sulfur bauxite flotation desulfurization. *Separation Science and Technology*, 58, 86-100. https://doi.org/10.1080/01496395.2022.2103000.
- Chipfunhu, D., Zanin, M. & Grano, S. 2011. The dependency of the critical contact angle for flotation on particle size-modelling the limits of fine particle flotation. *Minerals Engineering*, 24, 50-57. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2010.09.020.
- Cho, S. H., Kim, J. Y., Chun, J. H. & Kim, J. D. 2005. Ultrasonic formation of nanobubbles and their zetapotentials in aqueous electrolyte and surfactant solutions. *Colloids and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects*, 269, 28-34. https://doi.org/10.1016/j.colsurfa.2005.06.063.
- Chungchamroenkit, P., Chavadej, S., Scamehorn, J. F., Yanatatsaneejit, U. & Kitiyanan, B. 2009. Separation of carbon black from silica by froth flotation part 1: effect of operational parameters. *Separation Science and Technology*, 44, 203-226. https://doi.org/10.1080/01496390802281968.
- Chungchamroenkit, P., Chavadej, S., Yanatatsaneejit, U. & Kitiyanan, B. 2008. Residue catalyst support removal and purification of carbon nanotubes by NaOH leaching and froth flotation. *Separation and Purification Technology*, 60, 206-214. https://doi.org/10.1016/j.seppur.2007.08.009.
- Chungchamroenkit, P., Yanatatsaneejit, U., Kitiyanan, B., Chavadej, S., Scamehorn, J. F. & Resasco, D. E. 2004. Separation of carbon black from silica by froth flotation technique as an approach for single-walled carbon nanotubes purification. *In Asian Pacific Confederation of Chemical Engineering Congress Program and Abstracts*. 766. The Society of Chemical Engineers, Japan. https://doi.org/10.11491/apcche.2004.0.766.0.
- Cilek, E. C. & Karaca, S. 2015. Effect of nanoparticles on froth stability and bubble size distribution in flotation. *International Journal of Mineral Processing*, 138, 6-14. https://doi.org/10.1016/j.minpro.2015.03.004.
- Cilek, E. C. & Uysal, K. 2018. Froth stabilisation using nanoparticles in mineral flotation. *Physicochemical Problems of Mineral Processing*, 54. https://doi.org/10.5277/ppmp1889.
- Crawford, C. B. & Quinn, B. 2017. Microplastic Separation Techniques. In: Crawford, C. B. & Quinn, B. *Microplastic Pollutants*, Ch. 9. 203-218. Elsevier. https://doi.org/10.1016/B978-0-12-809406-8.00009-8.
- Crawford, R. & Ralston, J. 1988. The influence of particle size and contact angle in mineral flotation. *International Journal of Mineral Processing*, 23, 1-24. https://doi.org/10.1016/0301-7516(88)90002-6.
- Dai, Z., Fornasiero, D. & Ralston, J. 2000. Particle–bubble collision models-a review. Advances in Colloid and Interface Science, 85, 231-256. https://doi.org/10.1016/S0001-8686(99)00030-5.
- Dickinson, E., Ettelaie, R., Kostakis, T. & Murray, B. S. 2004. Factors controlling the formation and stability of air bubbles stabilized by partially hydrophobic silica nanoparticles. *Langmuir*, 20, 8517-8525. https://doi.org/10.1021/la048913k.
- Dong, X. 2017. Soft nanoparticle flotation collectors. PhD. Thesis. McMaster University, Hamilton, Canada.

Journal of Water and Wastewater



مجله آب و فاضلاب دوره ۳۴، شماره ۳، سال ۱۴۰۲

- Drelich, J. & Miller, J. D. 1992. The effect of surface heterogeneity on pseudo-line tension and the flotation limit of fine particles. *Colloids and Surfaces*, 69, 35-43. https://doi.org/10.1016/0166-6622(92)80236-U.
- Du, Z., Bilbao-Montoya, M. P., Binks, B. P., Dickinson, E., Ettelaie, R. & Murray, B. S. 2003. Outstanding stability of particle-stabilized bubbles. *Langmuir*, 19, 3106-3108. https://doi.org/10.1021/la034042n.
- Duan, J., Fornasiero, D. & Ralston, J. 2003. Calculation of the flotation rate constant of chalcopyrite particles in an ore. *International Journal of Mineral Processing*, 72, 227-237. https://doi.org/10.1016/S0301 7516(03)00101-7.
- Etchepare, R., Azevedo, A., Calgaroto, S. & Rubio, J. 2017. Removal of ferric hydroxide by flotation with micro and nanobubbles. *Separation and Purification Technology*, 184, 347-353. https://doi.org/10.1016/j.seppur.2017.05.014.
- Farrokhpay, S. 2011. The significance of froth stability in mineral flotation-a review. Advances in Colloid and Interface Science, 166, 1-7. https://doi.org/10.1016/j.cis.2011.03.001.
- Fuerstenau, M., Jameson, G. & Yoon, R. 2007. Froth Flotation-a Century of Innovation, SME. Sci-Tech Book News. Portland, USA.
- Gennes, P. G., Brochard-Wyart, F. & Quéré, D. 2004. *Capillarity and Wetting Phenomena: Drops, Bubbles, Pearls, Waves*, Springer. New York, USA.
- George, P., Nguyen, A. & Jameson, G. 2004. Assessment of true flotation and entrainment in the flotation of submicron particles by fine bubbles. *Minerals Engineering*, 17, 847-853. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2004.02.002.
- Gupta, A. K., Banerjee, P., Mishra, A. & Satish, P. 2007. Effect of alcohol and polyglycol ether frothers on foam stability, bubble size and coal flotation. *International Journal of Mineral Processing*, 82, 126-137. https://doi.org/10.1016/j.minpro.2006.09.002.
- Hajati, A., Shafaei, S., Noaparast, M., Farrokhpay, S. & Aslani, S. 2016. Novel application of talc nanoparticles as collector in flotation. *RSC Advances*, 6, 98096-98103. https://doi.org/10.1039/C6RA19276A.
- Hajati, A., Shafaei, Z., Noaparast, M., Farrokhpay, S. & Aslani, S. 2019. Investigating the effects of particle size and dosage of talc nanoparticles as a novel solid collector in quartz flotation. *International Journal of Mining* and Geo-Engineering, 53, 1-6. http://doi.org/ 10.22059/Ijmge.2018.245520.594705.
- Hassanjani-Roshan, A., Emadoddin, E., Vaezi, M. R. & Koohestani, H. 2023. Evaluation of the performance of polystyrene nanoparticles as a collector for removal of silica from Iron Ore by reverse flotation. *JOM*, 75, 1270-1277. https://doi.org/10.1007/s11837-022-05673-7.
- Henderson, R. K., Parsons, S. A. & Jefferson, B. 2009. The potential for using bubble modification chemicals in dissolved air flotation for algae removal. *Separation Science and Technology*, 44, 1923-1940. https://doi.org/10.1080/01496390902955628.
- Hewitt, D., Fornasiero, D. & Ralston, J. 1995. Bubble-particle attachment. *Journal of the Chemical Society, Faraday Transactions*, 91, 1997-2001. https://doi.org/10.1039/FT9959101997.
- Hu, N., Chen, L., Li, Y., Yao, N., Li, H. & Zhang, Z. 2023. Foam fractionation of rosmarinic acid from perilla leaves using surface-modified Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> nanoparticle as frother and collector. *Industrial Crops and Products*, 197, 116633. https://doi.org/10.1016/j.indcrop.2023.116633.



- Hu, N., Li, R., Wu, Z. L., Huang, D. & Li, H. Z. 2015. Intensification of the separation of CuO nanoparticles from their highly diluted suspension using a foam flotation column with S type internal. *Journal of Nanoparticle Research*, 17, 1-11. https://doi.org/10.1007/s11051-015-3205-0.
- Huang, Z., Legendre, D. & Guiraud, P. 2011. A new experimental method for determining particle capture efficiency in flotation. *Chemical Engineering Science*, 66, 982-997. https://doi.org/10.1016/j.ces.2010.12.006.
- Jiang, K., Liu, J., Wang, Y., Zhang, D. & Han, Y. 2023. Surface properties and flotation inhibition mechanism of air oxidation on pyrite and arsenopyrite. *Applied Surface Science*, 610, 155476. https://doi.org/10.1016/j.apsusc.2022.155476.
- Khaleghi, A., Ghader, S. & Afzali, D. 2014. Ag recovery from copper anode slime by acid leaching at atmospheric pressure to synthesize silver nanoparticles. *International Journal of Mining Science and Technology*, 24, 251-257. https://doi.org/10.1016/j.ijmst.2014.01.018.
- Khodakarami, M., Molatlhegi, O. & Alagha, L. 2019. Evaluation of ash and coal response to hybrid polymeric nanoparticles in flotation process: data analysis using self-learning neural network. *International Journal of Coal Preparation and Utilization*, 39, 199-218. https://doi.org/10.1080/19392699.2017.1308927.
- Kim, H., You, J., Gomez-Flores, A., Solongo, S. K., Hwang, G., Zhao, H., et al. 2019. Malachite flotation using carbon black nanoparticles as collectors: negative impact of suspended nanoparticle aggregates. *Minerals Engineering*, 137, 19-26. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2019.03.025.
- Legawiec, K. J. & Polowczyk, I. 2020. Evolution of ideas towards the implementation of nanoparticles as flotation reagents. *Physicochemical Problems of Mineral Processing*, 56. https://doi.org/10.37190/ppmp/130269.
- Li, C. & Somasundaran, P. 1991. Reversal of bubble charge in multivalent inorganic salt solutions-effect of magnesium. *Journal of Colloid and Interface Science*, 146, 215-218. https://doi.org/10.1016/0021-9797(91)90018-4.
- Li, C. & Somasundaran, P. 1992. Reversal of bubble charge in multivalent inorganic salt solutions-effect of aluminum. *Journal of Colloid and Interface Science*, 148, 587-591. https://doi.org/10.1016/0021-9797(92)90193-P.
- Li, C. & Somasundaran, P. 1993. Reversal of bubble charge in multivalent inorganic salt solutions-effect of lanthanum. *Colloids and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects*, 81, 13-15. https://doi.org/10.1016/0927-7757(93)80230-C.
- Lien, C. & Liu, J. 2006. Treatment of polishing wastewater from semiconductor manufacturer by dispersed air flotation. *Journal of Environmental Engineering*, 132, 51-57. https://doi.org/10.1061/(ASCE)0733-9372(2006)132:1(51).
- Liu, Y., Tourbin, M., Lachaize, S. & Guiraud, P. 2012. Silica nanoparticle separation from water by aggregation with AlCl<sub>3</sub>. *Industrial and Engineering Chemistry Research*, 51, 1853-1863. https://doi.org/10.1021/ie200672t.

- Liu, Y., Tourbin, M., Lachaize, S. & Guiraud, P. 2013. Silica nanoparticles separation from water: aggregation
  by cetyltrimethylammonium bromide (CTAB). *Chemosphere*, 92, 681-687.
  https://doi.org/10.1016/j.chemosphere.2013.03.048.
- Long, Q., Wang, H., Wang, X., Jiang, F., Zhang, J., Zou, L., et al. 2023. A novel switchable collector for selective flotation of fine copper oxide from silica. *Minerals Engineering*, 199, 108104. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2023.108104.
- Madzokere, T. C., Rusere, K. & Chiririwa, H. 2021. Nano-silica based mineral flotation frother: synthesis and flotation of platinum group metals (PGMs). *Minerals Engineering*, 166, 106881. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2021.106881.
- Mekuye, B. & Abera, B. 2023. Nanomaterials: an overview of synthesis, classification, characterization, and applications. *Nano Select*, 4(8), 486-501. https://doi.org/10.1002/nano.202300038.
- Miettinen, T., Ralston, J. & Fornasiero, D. 2010. The limits of fine particle flotation. *Minerals Engineering*, 23, 420-437. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2009.12.006.
- Mishchuk, N., Ralston, J. & Fornasiero, D. 2012. The analytical model of nanoparticle recovery by microflotation. *Advances in Colloid and Interface Science*, 179, 114-122. https://doi.org/10.1016/j.cis.2012.06.008.
- Murga, R., Rodriguez, C., Amalraj, J., Vega-Garcia, D., Gutierrez, L. & Uribe, L. 2022. Use of polystyrene nanoparticles as collectors in the flotation of chalcopyrite. *Polymers*, 14, 5259. https://doi.org/10.3390/polym14235259.
- Nakhaei, F., Mosavi, M. & Sam, A. 2013. Recovery and grade prediction of pilot plant flotation column concentrate by a hybrid neural genetic algorithm. *International Journal of Mining Science and Technology*, 23, 69-77. https://doi.org/10.1016/j.ijmst.2013.01.011.
- Nasirimoghaddam, S., Mohebbi, A., Karimi, M. & Yarahmadi, M. R. 2020. Assessment of pH-responsive nanoparticles performance on laboratory column flotation cell applying a real ore feed. *International Journal* of Mining Science and Technology, 30, 197-205. https://doi.org/10.1016/j.ijmst.2020.01.001.
- Nazari, M. & Ayati, B. 2018. Investigation of anionic surfactant removal using unipolar electro-flotation and electro-coagulation. *Journal of Water and Wastewater*, 29(3), 54-65. (In Persian). https://doi.org/10.22093/wwj.2017.72005.2316.
- Neisiani, A. A., Saneie, R., Mohammadzadeh, A., Wonyen, D. & Chelgani, S. C. 2023. Biodegradable hematite depressants for green flotation separation-an overview. *Minerals Engineering*, 199, 108114. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2023.108114.
- Nguyen-Van, A. 1994. The collision between fine particles and single air bubbles in flotation. *Journal of Colloid and Interface Science*, 162, 123-128. https://doi.org/10.1006/jcis.1994.1016.
- Nguyen-Van, A. & Kmeť, S. 1994. Probability of collision between particles and bubbles in flotation: the theoretical inertialess model involving a swarm of bubbles in pulp phase. *International Journal of Mineral Processing*, 40, 155-169. https://doi.org/10.1016/0301-7516(94)90041-8.

- Nguyen, A. V., George, P. & Jameson, G. J. 2006. Demonstration of a minimum in the recovery of nanoparticles by flotation: theory and experiment. *Chemical Engineering Science*, 61, 2494-2509. https://doi.org/10.1016/j.ces.2005.11.025.
- Oliveira, H. A., Azevedo, A. & Rubio, J. 2021. Removal of flocculated TiO<sub>2</sub> nanoparticles by settling or dissolved air flotation. *Environmental Technology*, 42, 1001-1012. https://doi.org/10.1080/09593330.2019.1650123.
- Olszok, V., Rivas-Botero, J., Wollmann, A., Benker, B. & Weber, A. P. 2020. Particle-induced nanobubble generation for material-selective nanoparticle flotation. *Colloids and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects*, 592, 124576. https://doi.org/10.1016/j.colsurfa.2020.124576.
- Owusu, C., Quast, K. & Addai-Mensah, J. 2016. The use of canola oil as an environmentally friendly flotation collector in sulphide mineral processing. *Minerals Engineering*, 98, 127-136. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2016.08.003.
- Padervand, M. 2021. Reusable porous Na (SiAl) O<sub>6</sub>. xH<sub>2</sub>O/NiFe<sub>2</sub>O<sub>4</sub> structure for selective removal of heavy metals from waste waters. *Google Patents*, US11014082B2.
- Padervand, M., Asgarpour, F., Akbari, A., Eftekhari Sis, B. & Lammel, G. 2019. Hexagonal core-shell SiO<sub>2</sub> [-MOYI] Cl-] Ag nanoframeworks for efficient photodegradation of the environmental pollutants and pathogenic bacteria. *Journal of Inorganic and Organometallic Polymers and Materials*, 29, 1314-1323. https://doi.org/10.1007/s10904-019-01095-2.
- Padervand, M., Ghasemi, S., Hajiahmadi, S., Rhimi, B., Nejad, Z. G., Karima, S., et al. 2022a. Multifunctional Ag/AgCl/ZnTiO<sub>3</sub> structures as highly efficient photocatalysts for the removal of nitrophenols, CO<sub>2</sub> photoreduction, biomedical waste treatment, and bacteria inactivation. *Applied Catalysis A: General*, 643, 118794. https://doi.org/10.1016/j.apcata.2022.118794.
- Padervand, M., Nasiri, F., Hajiahmadi, S., Bargahi, A., Esmaeili, S., Amini, M., et al. 2022b. Ag@ Ag<sub>2</sub>MoO<sub>4</sub> decorated polyoxomolybdate/C<sub>3</sub>N<sub>4</sub> nanostructures as highly efficient photocatalysts for the wastewater treatment and cancer cells killing under visible light. *Inorganic Chemistry Communications*, 141, 109500. https://doi.org/10.1016/j.inoche.2022.109500.
- Pan, G., Zou, D. & Wang, Z. 2021. Flotation of smithsonite from Quartz using pyrophyllite nanoparticles as the natural non-toxic collector. *Frontiers in Chemistry*, 9, 743482. https://doi.org/10.3389/fchem.2021.743482.
- Pornsunthorntawee, O., Chuaybumrung, S., Kitiyanan, B. & Chavadej, S. 2011. Purification of single-walled carbon nanotubes (SWNTs) by acid leaching, NaOH dissolution, and froth flotation. *Separation Science and Technology*, 46, 2056-2065. https://doi.org/10.1080/01496395.2011.585626.
- Pyke, B., Fornasiero, D. & Ralston, J. 2003. Bubble particle heterocoagulation under turbulent conditions. *Journal of Colloid and Interface Science*, 265, 141-151. https://doi.org/10.1016/S0021-9797(03)00345-X.
- Ralston, J., Fornasiero, D. & Hayes, R. 1999. Bubble-particle attachment and detachment in flotation. *International Journal of Mineral Processing*, 56, 133-164. https://doi.org/10.1016/S0301-7516(98)00046-5.
- Ralston, J., Fornasiero, D. & Mishchuk, N. 2001. The hydrophobic force in flotation-a critique. Colloids and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects, 192, 39-51. https://doi.org/10.1016/S0927-7757(01)00715-4.

Journal of Water and Wastewater

Vol. 34, No. 3, 2023

- Ramin, N. A., Ramachandran, M. R., Saleh, N. M., Mat Ali, Z. M. & Asman, S. 2023. Magnetic nanoparticles molecularly imprinted polymers: a review. *Current Nanoscience*, 19, 372-400. https://doi.org/10.2174/1573413718666220727111319.
- Reay, D. 1973. Removal of fine particles from water by dispersed air flotation. PhD. Thesis, McGill University, Montreal, Canada.
- Shen, Y. H. 1998. Colloidal titanium dioxide separation from water by foam flotation. *Separation Science and Technology*, 33(16), 2623-2635. https://doi.org/10.1080/01496399808545323.
- Sirota, V., Selemenev, V., Kovaleva, M., Pavlenko, I., Mamunin, K., Dokalov, V., et al. 2018. Preparation of crystalline Mg(OH)<sub>2</sub> nanopowder from serpentinite mineral. *International Journal of Mining Science and Technology*, 28, 499-503. https://doi.org/10.1016/j.ijmst.2017.12.018.
- Trahar, W. 1981. A rational interpretation of the role of particle size in flotation. *International Journal of Mineral Processing*, 8, 289-327. https://doi.org/10.1016/0301-7516(81)90019-3.
- Trahar, W. & Warren, L. 1976. The flotability of very fine particles-a review. *International Journal of Mineral Processing*, 3, 103-131. https://doi.org/10.1016/0301-7516(76)90029-6.
- Tsai, J. C., Kumar, M., Chen, S. Y. & Lin, J. G. 2007. Nano-bubble flotation technology with coagulation process for the cost-effective treatment of chemical mechanical polishing wastewater. *Separation and Purification Technology*, 58, 61-67. https://doi.org/10.1016/j.seppur.2007.07.022.
- Wang, A., Evans, G. & Mitra, S. 2023. A review of bubble surface loading and its effect on bubble dynamics. *Minerals Engineering*, 199, 108105. https://doi.org/10.1016/j.mineng.2023.108105.
- Wark, I. W. 2002. The physical chemistry of flotation. I. The significance of contact angle in flotation. *The Journal of Physical Chemistry*, 37, 623-644. https://doi.org/10.1021/j150347a008.
- Wen, L. H., Ismail, A. B., Menon, P., Saththasivam, J., Thu, K. & Choon, N. K. 2011. Case studies of microbubbles in wastewater treatment. *Desalination and Water Treatment*, 30, 10-16. https://doi.org/10.5004/dwt.2011.1217.
- Yang, S. & Pelton, R. 2011. Nanoparticle flotation collectors II: the role of nanoparticle hydrophobicity. *Langmuir*, 27, 11409-11415. https://doi.org/10.1021/la2016534.
- Yang, S., Pelton, R., Montgomery, M. & Cui, Y. 2012. Nanoparticle flotation collectors III: the role of nanoparticle diameter. ACS Applied Materials and Interfaces, 4, 4882-4890. https://doi.org/10.1021/am301215h.
- Yang, S., Pelton, R., Raegen, A., Montgomery, M. & Dalnoki-Veress, K. 2011. Nanoparticle flotation collectors: mechanisms behind a new technology. *Langmuir*, 27, 10438-10446. https://doi.org/10.1021/la2016534.
- Yang, S., Razavizadeh, B. B. M., Pelton, R. & Bruin, G. 2013. Nanoparticle flotation collectors. The influence of particle softness. ACS Applied Materials and Interfaces, 5, 4836-4842. https://doi.org/10.1021/am4008825.
- Yap, R. K., Whittaker, M., Diao, M., Stuetz, R. M., Jefferson, B., Bulmus, V., et al. 2014. Hydrophobicallyassociating cationic polymers as micro-bubble surface modifiers in dissolved air flotation for cyanobacteria cell separation. *Water Research*, 61, 253-262. https://doi.org/10.1016/j.watres.2014.05.032.

Journal of Water and Wastewater

- Zanin, M., Wightman, E., Grano, S. & Franzidis, J. P. 2009. Quantifying contributions to froth stability in porphyry copper plants. *International Journal of Mineral Processing*, 91, 19-27. https://doi.org/10.1016/j.minpro.2008.11.003.
- Zhang, M. & Guiraud, P. 2013. Elimination of TiO<sub>2</sub> nanoparticles with the assist of humic acid: influence of agglomeration in the dissolved air flotation process. *Journal of Hazardous Materials*, 260, 122-130. https://doi.org/10.1016/j.jhazmat.2013.05.002.
- Zhang, M. & Seddon, J. R. 2016. Nanobubble-nanoparticle interactions in bulk solutions. *Langmuir*, 32, 11280-11286. https://doi.org/10.1021/acs.langmuir.6b02419.
- Zhang, M., Trompette, J. L. & Guiraud, P. 2017. Role of humic acid in enhancing dissolved air flotation for the removal of TiO<sub>2</sub> nanoparticles. *Industrial and Engineering Chemistry Research*, 56, 2212-2220. https://doi.org/10.1021/acs.iecr.6b04572.



