

## بهینه‌سازی دو معیاره شبکه‌های توزیع آب (مطالعه موردی: شهر جدید سهند)

محمد تقی اعلمی<sup>۱</sup>

مهندی ضرغامی<sup>۲</sup>

علی نیکجوفر<sup>۱</sup>

(دریافت ۸۹/۹/۱۴ پذیرش ۹۰/۹/۲۷ آخرین اصلاحات ۹۰/۹/۲۴)

### چکیده

با توجه به اینکه تأمین فشار مناسب آب در محله‌ای مصرف از اصول مهم طراحی شبکه‌های توزیع آب است، بهینه‌سازی هزینه اجرای این شبکه‌ها بدون درنظر گرفتن مسئله فشار، قابل اجرا نخواهد بود. در این تحقیق ابتدا شبکه توزیع آب شهر سهند با استفاده از الگوریتم ژنتیک دومعياره، با دو هدف حداقل‌سازی هزینه و حداکثر‌سازی فشار، بهینه‌سازی شد. سپس منحنی برآشش پارتو بر روی راه حل‌های ممکن پذیر ترسیم گردید و در نهایت با استفاده از تئوری بازی‌ها (روش مساحت‌های یکنواخت) نقطه بهینه طراحی، مشخص و راه حل متناظر با آن نقطه توسط یک نرم‌افزار حل هیدرولیک شبکه شیوه‌سازی شد. نتایج این تحقیق نشان داد که بهینه‌سازی شبکه توزیع آب، در حدود ۱۳ درصد از هزینه کل پروژه را کاهش می‌دهد و در واقع با هزینه کمتر، فشار در محله‌ای مصرف بیشتر خواهد بود.

**واژه‌های کلیدی:** شبکه‌های توزیع آب شهری، بهینه‌سازی چندمعیاره، الگوریتم ژنتیک، منحنی پارتو، نظریه بازی‌ها

## Bi-objective Optimization of the Water Distribution Networks (Case Study: Sahand City)

Ali Nikjoofer<sup>1</sup>

Mahdi Zarghami<sup>2</sup>

Mohammad Taghi Aalami<sup>2</sup>

(Received Dec. 5, 2010    Revised Dec. 15, 2011    Accepted Dec. 18, 2011)

### Abstract

To design an urban water network in addition to minimizing the cost, improving the water pressure is very important. Then in this paper a bi-objective optimization model for the new city of Sahand in Northwestern Iran is developed. Due to its non-linearity and the huge number of variables, the genetic algorithm has been utilized to solve it. Several Pareto solutions have been obtained and then based on the game theory approach (the area monotonic solution), the most efficient point was provided. The solution is simulated by the WaterGems software and the elements of the network are designed. This optimum solution shows a decrease of 13% in total cost in addition to the improved water pressure.

**Keywords:** Urban Water Distribution Networks, Multi-Objective Optimization, Genetic Algorithm, Pareto Frontier, Game Theory.

1. Grad. M.Sc. Student of Water Eng., Faculty of Civil Eng., University of Tabriz (Corresponding Author) (+98 411) 5548751 ali.nikjoofer@gmail.com

2. Assoc. Prof. of Water Eng., Faculty of Civil Eng., University of Tabriz

- دانش آموخته کارشناسی ارشد مهندسی آب، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز (نویسنده مسئول) (۰۴۱) ۵۵۴۸۷۵۱ ali.nikjoofer@gmail.com

- دانشیار گروه مهندسی آب، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز

## ۱- مقدمه

مریبوط به شبکه توزیع، ابتدا جمع آوری گردیدند و سپس با وارد شدن به یکی از نرم افزارهای حل کننده هیدرولیکی شبکه مورد مطالعه، تحلیل هیدرولیکی شدند.

مسئله بهینه سازی شبکه توزیع آب در این تحقیق با دوتابع هدف حل شد که اولی حداقل سازی هزینه و دومی حداکثر سازی فشار بهینه بود. منظور از حداکثر سازی فشار بهینه، این است که تابع فشار با درنظر گرفتن مقادیر حداقل وحداکثر آن که در استانداردها آمده است بهینه سازی گردد زیرا اگر تابع هدف این مسئله تنها حداقل سازی هزینه درنظر گرفته شود آنگاه کوچکترین قطرها به عنوان جواب انتخاب خواهد شد و این امر شبکه توزیع آب را با مشکل افت فشار مواجه خواهد کرد. لذا این مسئله در گروه مسائل چند معیاره قرار می‌گیرد. ذینفع در تابع هدف اول، شرکت آب و فاضلاب بود که باید هزینه لوله‌ها را پرداخت می‌نمود و ذینفع در هدف دوم، مصرف کنندگان بودند که در برابر حق انشعاب پرداختی تقاضای فشار مناسب در شبکه را داشتند. در واقع فشار پایین موجب عدم تأمین کامل مصارف و یا تأمین نامطلوب آنها خواهد شد. برای نشان دادن توابع هدف و محدودیتها از روابط زیر استفاده شد

$$\text{Minimize } F_1 = \sum_{i=1}^n (C_i(D_i, L_i)) \quad (1)$$

(۲)

$$\text{Maximize } F_2 = \sum_{k=1}^{ND} \left[ a \sum_{i=1}^{NJ} \left( \frac{JQ_{i,k}}{JQ_{\text{Total},k}} \right) \left( \frac{P_{ik} - P_{ik}^{\text{REF}}}{P_{ik}^{\text{REF}}} \right)^b \right] \quad (3)$$

محدودیتها

$$g_j(H, D) = 0, \quad j=1,2,\dots,nn \quad (4)$$

$$H_j \geq H_j^{\min}, \quad j=1,2,\dots,nn \quad (5)$$

D<sub>i</sub> ∈ {A}, i=1,2,...,np

که در این روابط

(C<sub>i</sub>(D<sub>i</sub>, L<sub>i</sub>) هزینه هر لوله با قطر و طول مختلف، ND تعداد حالات طراحی، N<sub>j</sub> تعداد گرهای فشار، JQ<sub>i,k</sub> میزان تقاضا در گره i در دوره تناوب k، JQ<sub>Total,k</sub> میزان کل تقاضا در دوره تناوب k، P<sub>ik</sub><sup>REF</sup> فشار ایجاد شده در گره i در دوره تناوب k و P<sub>ik</sub> فشار حداقل که توسط طراح برای هر گره تعریف می‌شود، است.

روابط ۱ و ۲ به ترتیب نشان دهنده توابع هدف هزینه و فشار است. محدودیت رابطه ۳ اشاره به این نکته دارد که معادلات پیوستگی (رابطه ۶) و بقای انرژی (رابطه ۷) باید در گره‌های ز صدق کند و رابطه ۴ که مریبوط به هد آب است، باید از یک مقدار

در گذشته بهینه سازی شبکه‌های توزیع بر مبنای تجربه انجام می‌شد. اما در دهه‌های اخیر برخی محققان با استفاده از روشهای برنامه‌ریزی خطی، دینامیکی و الگوریتم‌های تکاملی این کار را انجام داده‌اند [۱-۳]. ساویک<sup>۱</sup> و والترز<sup>۲</sup> هزینه یک شبکه توزیع آب را با استفاده از الگوریتم ژنتیک حداقل سازی کردند [۴]. همچنین سیمپسون و همکاران<sup>۳</sup> استفاده از الگوریتم ژنتیک برای بهینه سازی لوله‌های انتقال آب را با سایر روشهای مقایسه کردند و به مزیتهای این الگوریتم اشاره نموده‌اند [۵]. متیجاسویک و همکاران<sup>۴</sup> نیز با استفاده از نرم افزار مطلب<sup>۵</sup> یک شبکه توزیع آب را بهینه سازی کرده‌اند [۶]. گالتر<sup>۶</sup> و بوچارت<sup>۷</sup> یک شبکه توزیع آب را با دو هدف حداکثر سازی قابلیت اطمینان و حداقل سازی هزینه حل کرده و به این نتیجه رسیده‌اند که در نظر گرفتن قابلیت اطمینان به عنوان یک تابع هدف در شبکه توزیع، مسئله پیچیده‌ای است و تعریف کلی و عمومی برای قابلیت اطمینان در شبکه وجود ندارد [۷]. ونیان و همکاران<sup>۸</sup> نیز تحقیقی را در مورد خروج گازهای گلخانه‌ای و تأثیر آن بر روی بهینه سازی سیستم‌های توزیع آب انجام داده‌اند که در آن دو هدف کاهش هزینه و کاهش گازهای گلخانه‌ای مدنظر بوده است [۸]. بهزادیان در پژوهشی، روشهای بهینه طراحی نمونه برداری از شبکه‌های توزیع آب شهری را بهمک روش‌های تصمیم‌گیری چند معیاره و الگوریتم ژنتیک ارائه نموده‌اند [۹].

در راستای مطالعات مذکور هدف از انجام این تحقیق بهینه سازی شبکه توزیع آب با استفاده از الگوریتم ژنتیک دو معیاره بود. همچنین در این تحقیق برخلاف مطالعات قبلی از جمله مطالعه بهزادیان، فضای پارتو برای جوابهای برتر ارائه شد و بهمک تئوری بازی‌ها نقطه بهینه انتخاب گردید. در بخش بعدی مدل بهینه سازی دو معیاره توصیف گردید. سپس در بخش سوم، مطالعه موردنی معروفی شد و در بخش چهارم بهمک الگوریتم ژنتیک دو معیاره نقاط بهینه مختلفی بدست آمد که در نهایت بهمک تئوری بازی‌ها نقطه بهینه تعیین شد. در واقع نوآوری این مطالعه تلفیق استفاده از الگوریتم ژنتیک و نیز تئوری بازی‌ها در مدیریت آب شهری بود.

## ۲- مواد و روشها

مراحل کاری در این پژوهش به این ترتیب انجام شد که داده‌های

<sup>1</sup> Savic

<sup>2</sup> Walters

<sup>3</sup> Simpson et al.

<sup>4</sup> Matijasevic et al.

<sup>5</sup> MATLAB

<sup>6</sup> Goulter

<sup>7</sup> Bouchart

<sup>8</sup> Wenyan et al.

گرفت که به عنوان حداقل و حداکثر فشار در شبکه در نظر گرفته شد. در ایران حداکثر میزان فشار شبکه برابر ۵ اتمسفر و در مواردی ۷ اتمسفر است که این محدودیت در این تحقیق در نظر گرفته شد.

### ۱-۲- مطالعه موردي: شهر جديد سهند- فاز ۳

شهر جدید سهند با مختصات طولهای جغرافیایی بین  $3^{\circ} - 46^{\circ}$  و  $5^{\circ} - 15^{\circ}$  و عرضهای جغرافیایی بین  $37^{\circ} - 53^{\circ}$  در  $20^{\circ} - 37^{\circ}$  کیلومتری جنوب غربی تبریز و در مجاورت جاده تبریز به مراغه، بر روی ارتفاعات مجاور دشت خسروشهر و دره اسکو واقع شده است و اختلاف ارتفاع آن با نقاط مجاور در دره اسکو بیش از یکصد متر است. رقوم متوسط این اراضی حدود ۱۶۰۰ متر است.

در ایران حداکثر فشار مجاز شبکه ۵ اتمسفر توصیه گردیده و در صورتی که وضعیت توپوگرافی منطقه، محدودیتی ایجاد نماید و یا اضافه هزینه قابل ملاحظه ای به طرح تحمیل گردد، می توان در مناطق محدودی از شبکه حداکثر فشار ۵ تا ۷ اتمسفر را مجاز دانست. حداقل فشار مجاز شبکه برای ساختمان های یک طبقه  $1/4$  اتمسفر است و برای هر طبقه اضافی، به منظور تأمین ارتفاع و افت فشارهای داخلی ساختمان،  $0/4$  اتمسفر به این عدد افزوده می شود.

بر اساس استانداردهای موجود در صنعت آب، جداکثر سرعت مجاز در شبکه های توزیع آب به طور معمول ۲ متر در ثانیه و در موقع آتش سوزی برابر  $2/5$  متر در ثانیه توصیه می گردد و حداقل سرعت آب در لوله ها باید از  $3/0$  متر در ثانیه کمتر گردد [۱۱].

قطر لوله برای هر قسمت از شبکه باید به طریقی انتخاب شود که جایگزینی قطرهای کوچک تر موجب کاهش فشار شبکه از حد مجاز آن نگردد. حداقل قطر در لوله های فاقد شیر آتش نشانی معادل  $60$  میلی متر و در لوله های دارای شیر آتش نشانی برابر  $100$  میلی متر است. در ضمن در این تحقیق با درنظر گرفتن اقطار موجود در طراحی اولیه که بهینه سازی آن بر مبنای تجربه و آزمون و خطا بوده است، چند دسته گروه طراحی با اقطار مختلف تعیین شد که این دسته گروهها برای لوله های مختلف موجود در شبکه تعریف شده اند. به عنوان مثال دسته گروه تعیین شده برای خط لوله اصلی شبکه که آب را از مخزن به ابتدای شهر می رساند شامل اقطار بالای  $500$  میلی متر است. این امر سرعت و دقت الگوریتم ژنتیک را افزایش می دهد.

### ۳- نتایج و بحث

#### ۳-۱- بهینه سازی شبکه

در این تحقیق برای حل مسئله بهینه سازی دو معیاره از الگوریتم ژنتیک استفاده گردید. الگوریتم ژنتیک تمام گزینه های ممکن برای حل مسئله را می آزماید تا جوابهایی را که در حدود تعیین شده قرار

مشخص یعنی  $H_{\text{f}}^{\min}$  بیشتر باشد. محدودیت رابطه ۵ مربوط به تعیین اقطار لوله ها است و اینکه باید از یک سری اقطار مشخص و تجاری استفاده شود.

$$\sum Q_{\text{in}} - \sum Q_{\text{out}} = Q \quad (6)$$

$$\sum h_f - \sum E_p = 0 \quad (7)$$

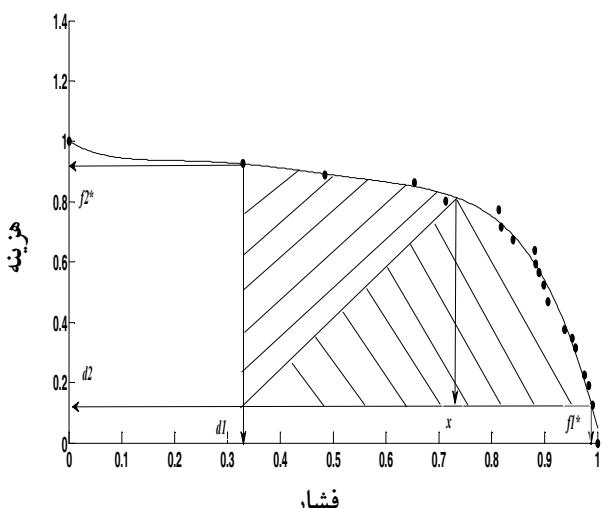
در معادلات بالا

$h_f$  مربوط به افت هد در لوله ها است که از طریق معادله هیزن- ولیامز محاسبه می شود و  $E_p$  مقدار انرژی ورودی به شبکه توسط پمپ را نشان می دهد. عبارتی که در اینجا باعث غیرخطی شدن معادله می گردد  $h_f$  است. مدل بالا یک مدل بهینه سازی غیرخطی پیچیده است که آن را می توان با یک الگوریتم تکاملی حل کرد که در این تحقیق از الگوریتم ژنتیک چند معیاره استفاده شد. ضعف اصلی الگوریتم ژنتیک در لحاظ کردن تمام محدودیتها است که برای حل این مشکل می توان محدودیت مربوط به معادلات بقای جرم و انرژی را توسط یک نرم افزار حل هیدرولیکی مثلاً WaterGems مدل کرد [۱۰].

همان طور که در رابطه ۲ نشان داده شده است، این تابع به صورت نسبت اختلاف فشار واقعی با فشاری که توسط طراح به عنوان فشار حداقل در نظر گرفته شده است به فشار واقعی تعریف می شود. از آنجایی که در تمام مراحل طراحی و بهینه سازی عامل میزان تقاضا برای هر گره مقدار ثابتی بود و نیز این عامل در افزایش و یا کاهش فشار مؤثر بود، در این رابطه گنجانده شد. با توجه به اینکه تابع هدف فشار، بدون بعد بود لذا با به کارگیری این عامل در تابع هدف، فشار مقادیر به دست آمده برای این تابع گستردگی کمتری داشت و امکان مقایسه این مقادیر و سهولت به منظور ترسیم نمودار فراهم گردید. در این تابع ضریب  $a$  به صورت خطی مقدار تابع را تغییر می دهد و در حقیقت نشان دهنده ارزش وزنی تابع هدف فشار است که با توجه به اینکه مسئله مطرح شده در این تحقیق دو معیاره بود و دو تابع هدف، موجود بود لذا برای ضریب  $a$  عدد ۱ انتخاب شد. اما ضریب  $b$  به صورت توانی است و اگر برابر ۱ در نظر گرفته شود ارزش وزنی افزایش فشار مشخص نمی گردد. به عنوان مثال اگر فشار در یک گره از  $20\text{Psi}$  به  $21\text{Psi}$  افزایش پیدا کند و در گره دیگر از  $60\text{Psi}$  به  $61\text{Psi}$  ارزش وزنی افزایش در گره اول بیشتر از دومی خواهد بود بنابراین بهتر است که برای این ضریب، عددی کمتر از یک انتخاب گردد که با توجه به سعی و خطا های انجام گرفته برای اعداد  $0/5$ ،  $0/8$  و  $0/3$  نتیجه گرفته شد که بهتر است پارامتر  $b$  عدد  $0/5$  باشد. ذکر این نکته ضروری است که این حداکثر سازی فشار در محدوده مشخصی انجام

برازش داده شده (رابطه ۸) بر روی این جوابها ترسیم و در شکل ۱ ارائه شده است. البته لازم به توضیح است که مقادیر محور افقی در این شکل مربوط به تابع هدف فشار و مقادیر محور عمودی مربوط به تابع هدف هزینه است که نرمال‌سازی شده‌اند

$$y = -12.92 \times x^5 + 26.31 \times x^4 - 19.93 \times x^3 + 6.633 \times x^2 - 1.038 \times x + 1 \quad (8)$$



شکل ۱- منحنی برازش داده شده بر روی داده‌های نرمال‌سازی شده

با توجه به نتایج، مشخص می‌گردد که بیشترین سود، مربوط به راه حل ۱۲ است که کمترین فشار در شبکه را ایجاد می‌کند. همچنین کمترین سود مربوط به راه حل ۶ است که متقابلاً بیشترین فشار را در شبکه ایجاد می‌کند. بنابراین نتیجه گرفته می‌شود که تابع هدف در این تحقیق در مقابل هم قرار داشته و با هم در رقابت هستند و با افزایش مقدار یکی، دیگری کاهش می‌یابد و امکان استفاده از تئوری بازی‌ها برای حل این مسئله وجود دارد.

### ۳-۳- یافتن نقطه بهینه با استفاده از روش مساحت‌های یکنواخت (تئوری بازی‌ها)

با استفاده از نظریه بازی‌ها می‌توان تابع هدف مختلف را در کنار هم در نظر گرفت و نقطه بهینه را انتخاب کرد. لیپای<sup>۱</sup> و هینی<sup>۲</sup> برای حل مسئله تخصیص آب در یک سیستم آب شهری از این نظریه استفاده کرده‌اند [۱۳]. اما به طور کلی این تئوری در حل مسائل مدیریت منابع و تخصیص آب کمتر به کار گرفته شده است. در این تحقیق برای انتخاب نقطه بهینه از تئوری بازی‌ها و روش مساحت‌های یکنواخت استفاده گردید که این خود یک نوآوری در

دارند. ارائه دهد و این در حالی است که روش‌های کلاسیک بهینه‌سازی در مسائل بزرگ قادر نیستند که بیشتر از یک جواب تولید کنند. اشاره به این نکته ضروری است که الگوریتم ژنتیک زمانی صحیح عمل خواهد کرد که پارامترهای آن به‌طور صحیح انتخاب شوند [۱۲]. پارامترهایی که بیشترین تأثیر را در عملکرد الگوریتم ژنتیک دومیاره دارند عبارت‌اند از مقدار عددی حداقل نقطه شروع و اندازه جمعیت که با افزایش آنها تعداد جوابهای حاصله بیشتر خواهد بود و فاکتور جرمیه که در ادامه به آن اشاره خواهد شد. در مورد پارامتر مقدار عددی حداقل نقطه شروع بهتر است اول از اعداد ۲۰ و ۵۰ شروع کرده و در هر تکرار با توجه به اندازه جمعیت، مقدار آن افزایش داده شود. در پارامتر اندازه جمعیت نیز ابتدا از اعداد کمتر مانند ۱۵۰ شروع کرده و در تکرارهای بعدی مقدار آن افزایش داده می‌شود تا تعداد جوابهای به دست آمده افزایش یابد. جدول ۱ به این پارامترها و عملکرد آنها اشاره می‌کند. هرقدر عدد اختصاص یافته به پارامتر جرمیه بزرگ‌تر باشد، الگوریتم ژنتیک بر روی جوابهای عملی که از محدودیتهای تعیین شده تجاوز نمی‌کنند، تمرکز خواهد داشت و اگر این مقدار کمتر باشد (۵۰۰۰ یا کمتر)، جوابها در مز عملي و غيرعملی خواهند بود. منظور از جواب عملی، جوابی است که منطقاً قابل اجرا باشد. توابع هدف الگوریتم ژنتیک از لحاظ همگرایی آزموده شدند. نتایج نشان داد که هر دو تابع هدف در نهایت به همگرایی رسیدند و نتیجه آزمون مثبت بود.

جدول ۱- دامنه پارامترهای مورد استفاده در الگوریتم ژنتیک

پارامتر	اصطلاح انگلیسی	حد پایین	حد بالا
مقدار عددی حداقل نقطه شروع	Maximum Era Number	۱	۱۰
مقدار عددی نسل اول	Era Generation Number	۱	۱۰
احتمال قطع شدن	Population Size	۵۰	۱۵۰
احتمال اتصال	Cut Probability	۱ درصد	۱۰ درصد
احتمال جهش	Splice Probability	۵۰ درصد	۹۰ درصد
کاوش تصادفی	Mutation Probability	۱ درصد	۱۰ درصد
فاکتور جرمیه	Random Seed	.	۱
با بزرگ‌تر شدن این معیار محدودیتها تاثیر بیشتری خواهند داشت	Penalty Factor	۱۰۰۰	۱

بعد از اینکه داده‌های مورد نیاز وارد نرم‌افزار حل هیدرولیکی شدند و شبکه حل اولیه شد با استفاده از ابزار الگوریتم ژنتیک دو معیاره، مسئله بهینه‌سازی گردید. نتایج این بهینه‌سازی که شامل ۲۰ راه حل بود بعد از نرمال‌سازی مقادیر توابع هدف منحنی پارتوی

<sup>1</sup> Lippai  
<sup>2</sup> Heaney

جواب را به طرف نقطه حداکثر هزینه (حداقل سود) و حداکثر فشار سوق می‌دهد. این کار به طور عملی و با استفاده از نرم‌افزار WaterGems انجام شد و نتایج حاصل شده قابل قبول نبود. با توجه به اینکه در این تحقیق به تعیین وزن دقیق تابع هدف پرداخته نشد، با آزمون و خطا بر روی وزن‌های مختلف می‌توان نتیجه گرفت که بهترین جواب در محدوده‌ای بود که در آن ضرایب وزنی با هم برابر بوده و یا نزدیک به هم بودند. در نتیجه جوابهای شماره ۸ و ۲۰ به عنوان بهترین راه حلها انتخاب شدند. با استفاده از یک نرم‌افزار حل هیدرولیکی، شبکه قطرهای مشخص شده در این جوابها برای لوله‌ها تعریف شد و شبکه مجدداً حل گردید. با توجه به نتایج بدست آمده، راه حل ۱۴ به عنوان بهترین راه حل انتخاب شد. برآورد هزینه طرح نهایی شبکه سهند طبق فهرست بهای شبکه توزیع آب روستاوی در حدود شانزده میلیارد ریال در سال ۱۳۸۹ بوده است که با کمک بهینه‌سازی دومعیاره در این تحقیق مبلغی در حدود دو میلیارد ریال معادل ۱۳ درصد کل مبلغ پروژه صرف‌جویی شد.

#### ۴- نتیجه‌گیری

در این تحقیق شبکه توزیع آب شهر جدید سهند به کمک الگوریتم ژنتیک دومعیاره بهینه‌سازی گردید. در این مدل علاوه بر کاهش هزینه، افزایش فشار در عرضه آب نیز هدف بود و همزمان نقاط بهینه پارتو ارائه شد. برای انتخاب نقطه بهینه نهایی، از دیدگاه تئوری بازی‌ها (روش مساحت‌های یکنواخت) به عنوان یک نوآوری در این مسئله استفاده و نقطه بهینه انتخاب گردید. سپس به کمک نرم‌افزار WaterGems که خود ابزار بهینه‌سازی را دارد، طراحی

حل مسئله بهینه‌سازی شبکه توزیع آب بود. این روش بر پایه تقسیم مساوی مساحت زیر منحنی پارتو است (شکل ۱). حال اگر دو تابع هدف نامتقارن بوده و ضرایب وزنی متفاوتی داشته باشند، می‌توان نقطه بهینه را از طریق رابطه غیرخطی ۹ حل کرد [۱۴]

$$w_2 \left[ \int_{d_1}^x g(t) dt - \frac{1}{2}(x - d_1)(g(x) + d_2) \right] = \\ w_1 \left[ \int_x^{f_1^*} g(t) dt - (f_1^* - x)d_2 + \frac{1}{2}(x - d_1)(g(x) - d_2) \right]$$

که در این رابطه تابع  $(t)$  همان تابع  $y$  در رابطه ۸ است و هدف از حل این رابطه یافتن  $x$  (نقطه بهینه) است. در این رابطه  $w_1$  و  $w_2$  ضرایب وزنی تابع هدف، همچنین  $d_1$  و  $f_1^*$  نقاط مطلوب و نامطلوب تابع هدف فشار و  $d_2$  نقطه مطلوب تابع هدف هزینه است.

حال با توجه به منحنی برازش داده شده و تعیین نقاط مطلوب و نامطلوب تابع هدف، با قرار دادن این مقادیر در رابطه ۹ می‌توان مقدار نقطه بهینه را برای درصدهای وزنی مختلف محاسبه کرد. این نقاط به منحنی اصلی پارتو انتقال داده شده و هزینه و فشار متناظر با این نقاط مشخص می‌شوند که نتایج آن در جدول ۲ نشان داده شده است.

باتوجه به نتایج، مشخص می‌شود که وقتی ضرایب وزنی تابع هدف به هم نزدیک نیستند جوابهای بدست آمده نامطلوب هستند. به عنوان مثال وقتی ضریب وزنی تابع هدف فشار ۱۰ درصد است جواب را به طرف نقطه حداقل هزینه (حداکثر سود) و حداقل فشار سوق می‌دهد و وقتی تابع هدف، سود ضریب وزنی ۱۰ درصد دارد

جدول ۲- نتایج بهینه به کمک تئوری بازی‌ها (به روش مساحت‌های یکنواخت)

شماره حل	فشار (Psi)	هزینه (میلیون ریال)	نژدیک‌ترین جواب	y	x	وزن معیار سود	وزن معیار فشار
۸	۲۷۳/۴۶	۱۳۵۹۲	۰/۸۱۸	۰/۷۲۸	۰/۸۱۷	۰/۵	۰/۵
۱۱	۲۴۸/۷۱	۱۲۱۸۳	۰/۴۸۴	۰/۹۰۴	۰/۴۳۵	۰/۹	۰/۱
۱۱	۲۴۸/۷۱	۱۲۱۸۳	۰/۴۸۴	۰/۸۷۹	۰/۵۴۱	۰/۸	۰/۲
۱۶	۲۶۱/۲۸	۱۲۳۹۸	۰/۶۵۴	۰/۸۵۲	۰/۶۴۶	۰/۷	۰/۳
۲۰	۲۶۵/۶۹	۱۲۸۷۸	۰/۷۱۳	۰/۸۰۸	۰/۷۴۲	۰/۶	۰/۴
۱۴	۲۷۸/۰۹	۱۴۲۴۴	۰/۸۸۱	۰/۶۲۱	۰/۸۷۱	۰/۴	۰/۶
۲	۲۷۹/۹۷	۱۵۶۳۸	۰/۹۰۶	۰/۵۰۲	۰/۹۱۱	۰/۳	۰/۷
۱	۲۸۲/۳۳	۱۶۳۸۰	۰/۹۳۸	۰/۳۷۳	۰/۹۴۳	۰/۲	۰/۸
۴	۲۸۵/۰۴	۱۷۶۲۰	۰/۹۷۵	۰/۲۴۸	۰/۹۶۸	۰/۱	۰/۹

**۵- قدردانی**  
به این وسیله نویسندهای این مقاله، از شرکت آذرگسترا آب که در تهیه داده‌های این تحقیق همکاری نموده‌اند تشکر و قدردانی می‌نمایند.

لازم برای تمام اجزای شبکه صورت گرفت. کاهش همزمان هزینه تا ۱۳ درصد و افزایش فشار عرضه آب از نتایج استفاده از این مدل نسبت به طراحی متداول بود، لذا استفاده از این مدل برای کاهش هزینه روزافزون عرضه آب در سایر شهرها توصیه می‌گردد.

## ۶- مراجع

- 1- Banos, R., Gil, C., Reca, J., and Montoya, F.G. (2010). "A memetic algorithm applied to the design of water distribution networks." *J. of Applied Soft Computing*, 10(1), 261-266.
- 2- Walski, T.M. (2001). "The wrong paradigm-why water distribution optimization doesn't work." *J. of Water Resources Planning and Management*, 127(4), 203-205.
- 3- Todini, E. (2000). "Looped water distribution networks design using a resilience index based heuristic approach." *J. Urban Water*, 2(3), 115-122.
- 4- Savic, D., and Walters, G. (1997). "Genetic algorithms for least cost design of water distribution networks." *J. of Water Resources Planning and Management*, 123(2), 67-77.
- 5- Simpson, A.R., Dandy, G.C., and Murphy, L.J. (1994). "Genetic algorithms compared to other techniques for pipe optimization." *J. of Water Resources Planning and Management*, 120(4), 423-443.
- 6- Matijasevic, L., Dejanovic, I., and Spoja, D. (2010). "A water network optimization using MATLAB: A case study." *J. of Resources, Conservation and Recycling*, 54(12), 1362-1367.
- 7- Goulter, I.C., and Bouchart, F. (1990). "Reliability constrained pipe networks model". *J. of Hydraulics Engineering*, 116(2), 211-229.
- 8- Wenyan, W., Simpson, A., and Maier, H. (2010). "Accounting for greenhouse gas emissions in multiobjective genetic algorithm optimization of water distribution systems." *J. of Water Resources Planning and Management*, 136(2), 146-155.
- 9- Behzadian, K. (2008). "Development of optimal sampling design methods for calibration of water distribution networks by using multi-criteria decision making." Ph.D. Thesis, Department of Civil and Environmental Engineering, Amirkabir University of Technology, Iran. (In Persian)
- 10- Water GEMS. <[www.haestad.com](http://www.haestad.com)>
- 11- Florescu, C., Mirel, I., Carabet, A., and Pode, V. (2010). "Modeling flow processes in urban distribution networks." *Revista de Chimie*, 61(11), 1125-1129.
- 12- Tabesh, M., Azadi, B., and Rouzbahani, A. (2011) "Optimization of chlorine injection dosage in water distribution networks using a genetic algorithm." *J. Water and Wastewater*, 22(1), 2-11. (In Persian)
- 13- Lippai, I., and Heaney, J.P. (2000). "Efficient and equitable impact fees for urban water systems." *J. of Water Resources Planning and Management*, 126 (2), 75-84.
- 14- Salazar, R., Szidarovszky, F., Coppola, E., and Rojano, A. (2007). "Application of game theory for a groundwater conflict in Mexico." *J. of Environmental Management*, 84, 560-571.