

# Prediction of Event Mean Concentration ( EMC ) of Pollutants from Urban Catchments

*Boroumand - Nasab, S.*

*Department of Irrigation and Development, College of Agriculture,  
Shahid Chamran University.*

## ABSTRACT

Event Mean Concentration may be used for estimating the effects of urbanisation on pollutant washoff. This parameter can be obtained by more simpler and cheaper means than discrete sampling. Estimation of EMC of pollutant washoff may be one of the major research areas in urban storm water quality modelling. In the present study a deterministic equation for EMC estimation is derived. In this paper five urban catchments located in USA, are used for evaluating the performance of the developed EMC washoff algorithm.

From the results of verification, it is deduced that the model can reproduce TP EMC washoff in a acceptable range of error. The mean value for weighted average of 0.54 was obtained.

# پیش‌بینی غلظت متوسط آلاینده‌های هر واقعه در حوضه‌های شهری



سعید برومند نسب\*

## چکیده:

غلظت متوسط آلاینده‌ها در هر واقعه بارندگی برای ارزیابی اثرات شهری شدن روی مقدار آلودگی شسته شده مورد استفاده قرار می‌گیرد. اندازه‌گیری غلظت متوسط هر واقعه ساده‌تر و ارزاتر از نمونه‌برداری انفرادی در طول یک دوره بارندگی است. تخمین غلظت متوسط یک آلاینده در هر واقعه (EMC) یکی از شاخه‌های اصلی مدل‌سازی کیفیت رواناب در حوضه‌های شهری است. در این تحقیق یک معادله معین برای تخمین EMC ارائه شده است. جهت ارزیابی مدل ارائه شده، پنج حوضه شهری واقع در آمریکا به کار گرفته شده‌اند. نتایج به دست آمده نشان می‌دهند که مدل ارائه شده می‌تواند غلظت متوسط هر واقعه را برای مقدار کل فسفر موجود در رواناب به طور متوسط با ۵۴٪ تقریب تخمین بزند.

## مقدمه

غلظت متوسط یک پارامتر آلودگی در هر واقعه<sup>۱</sup> (EMC) عبارت است از میزان آلودگی مورد نظر تقسیم بر حجم رواناب آن واقعه. EMC برای ارزیابی اثر شهری شدن<sup>۳</sup> حوضه‌های روستایی روی میزان آلودگی شسته شده از حوضه به کار گرفته می‌شود. با توجه به اینکه نمونه‌برداری منفرد در هر واقعه وقت‌گیر و پرهزینه است، بنابراین نمونه‌برداری از متوسط

غلظت هر پارامتر آلودگی در طول یک بارندگی منطقی به نظر می‌رسد. جهت تعیین EMC برای یک بارندگی، نمونه‌های رواناب در طول زمان نسبت به جریان لحظه‌ای رواناب جمع‌آوری می‌شوند. این نمونه‌ها با هم مخلوط شده و یک

\* استادیار بخش آبیاری دانشگاه شهید چمران

- 1- Event
- 2- Event Mean Concentration
- 3- Urbanization

جدول (۱) مشخصات حوضه‌های مورد ارزیابی

نام حوضه آبریز	محل	مساحت (ha)	درصد شهری حوضه %	نفوذناپذیری (%)	کاربری حوضه	تعداد وقایع	دامنه رواناب (mm)
بلزکانیون کاندیت سندی <sup>۱</sup>	یوتا	۲۵/۹	۵۲	۱۰۰	مسکونی نیمه متراکم	۱۳	۰/۶-۳
ناحیه هانی گریک، وست آلیس <sup>۲</sup>	ویسکانسین	۱۰/۵	۷۷	۱۰۰	تجاری	۹	۳/۵-۲۳/۲
ناحیه لینکولن، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۳ میلواکی <sup>۳</sup>	ویسکانسین	۵/۳	۹۹	۱۰۰	تجاری	۹	۳-۱۸
ناحیه لینکولن CK، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۵ میلواکی <sup>۴</sup>	ویسکانسین	۵/۳	۹۸	۱۰۰	تجاری	۹	۳/۴-۱۸/۵
ناحیه رودخانه منومونی وست آلیس <sup>۵</sup>	ویسکانسین	۱۸/۲	۸۱	۱۰۰	تجاری	۹	۲/۸-۲۱/۴

مدل EMC به کار گرفته شده است. آمار مورد نیاز از بانک اطلاعاتی USGS<sup>۷</sup> استخراج شده است [۵]. کاربری اراضی در حوضه‌های مورد استفاده بیشتر تجاری بوده است. در این ارزیابی فقط حوضه‌هایی انتخاب شده‌اند که نمونه‌های برداشت شده شاخصی از متوسط غلظت رواناب کل واقعه بوده است. مشخصات حوضه‌های مورد ارزیابی در جدول (۱) آمده است.

### واسنجی و تأیید مدل

واسنجی<sup>۸</sup> و تأیید مدل<sup>۹</sup> EMC انجام شده است. در

- 1- Bells Canyon Conduit, Sandy
- 2- Honey Creek Tributary, West Allis
- 3- Lincoln Creek Tributary, St.04086943, Milwaukee
- 4- Lincoln Creek Tributary, St.04086945, Milwaukee
- 5- Menomonee River Tributary, West Allis
- 6- Impermeability
- 7- United States Geological Survey
- 8- Calibration
- 9- Verification

با جایگذاری  $P_0$  از معادله (۷) در معادله (۶)، معادله نهایی تخمین EMC به صورت زیر ارائه می‌شود:

$$EMC = \frac{100 P_m}{v} (1 - e^{-Kv^a}) (1 - e^{-xt}) \quad (8)$$

در رابطه (۸)، EMC تابعی از  $P_m$ ، ضرایب  $K$ ،  $a$  و  $x$ ،  $v$  عمق تجمعی رواناب و  $t$  تعداد روزهای خشک ( $t$ ) می‌باشد. نمای "a" بر اساس درصد نفوذناپذیری حوضه ( $Imp$ )<sup>۶</sup> برای TP (کل فسفر) به دست آمده است [۱]:

$$a = -0.006 Imp + 1/286 \quad (9)$$

مقدار حداکثر آلودگی تجمع یافته بستگی به کاربری اراضی دارد. در معادله به دست آمده، EMC مستقیماً بستگی به روزهای خشک بین دو واقعه بارندگی دارد. مطالعات انجام شده توسط چویی [۲] نیز نشان داد که وقایع بارندگی با تعداد روزهای خشک رابطه مستقیم دارد، یعنی روزهای خشک بیشتر عموماً EMC بزرگتری نسبت به روزهای خشک کمتر دارد.

### کاربرد مدل EMC

اطلاعات کمی و کیفی به دست آمده از ۵ حوضه در آمریکا شامل میزان رواناب و غلظت فسفر برای ارزیابی کارآئی

$v =$  عمق تجمعی رواناب، mm

$K =$  ضریب معادله

$a =$  نمای معادله

غلظت متوسط آلودگی برای هر واقعه به صورت زیر

نوشته می‌شود:

$$EMC = \frac{\int_0^{V_0} C dV_0}{V_0} \quad (2)$$

که EMC غلظت متوسط آلودگی برای هر واقعه بر حسب  $C$ ، mg/L، غلظت آلودگی در هر فاصله زمانی بر حسب mg/L و  $V_0$  حجم رواناب بر حسب لیتر می‌باشد. عبارت  $(\int_0^{V_0} C dV_0)$  معادل کل بار آلودگی شسته شده است یا:

$$\int_0^{V_0} C dV_0 = \frac{P_0 - P}{10^{-6}} \quad (3)$$

که در اینجا " $P_0 - P$ " کل آلودگی شسته شده بر حسب کیلوگرم و

$$V_0 = 10^4 v \times A \quad (4)$$

که  $v$  عمق تجمعی رواناب بر حسب میلیمتر و  $A$  سطح حوضه بر حسب هکتار می‌باشد.

با جایگذاری  $\int_0^{V_0} C dV_0$  و  $V_0$  از معادلات (۳) و (۴) در معادله (۲) معادله زیر نتیجه می‌شود:

$$EMC = \frac{100(P_0 - P)}{v \times A} \quad (5)$$

با جایگذاری  $P_0 - P$  از معادله (۱) در معادله (۵)، EMC

از معادله زیر تخمین زده می‌شود:

$$EMC = \frac{100 P_0 (1 - e^{-Kv^a})}{v \times A} \quad (6)$$

برای تخمین بار آلودگی اولیه در سطح حوضه می‌توان از یک تابع نمایی استفاده کرد [۱]:

$$P_0 = P_m (1 - e^{-xt}) \quad (7)$$

که  $P_m$  حداکثر آلودگی تجمع یافته در سطح حوضه بر حسب  $Kg$ ،  $x$  شدت ثابت آلودگی حرکت کرده از سطح حوضه بر حسب  $\frac{1}{روز}$  و  $t$  تعداد روزهای خشک بین دو بارندگی است.

1- Deterministic

نمونه به عنوان شاخصی از غلظت پارامتر مورد نظر در آن واقعه در نظر گرفته می‌شود. بنابراین با داشتن غلظت متوسط آلودگی در هر واقعه می‌توان مقدار کل آلودگی شسته شده از حوضه را محاسبه نمود.

تعدادی از محققین متخصص در آلودگی رواناب‌های شهری یک توزیع احتمالی برای تخمین EMC پیشنهاد کرده‌اند [۳]. اما در اکثر موارد توزیع لوگ نرمال برای برآورد EMC به کار گرفته می‌شود. اطلاعات به دست آمده برای تعدادی از پارامترهای آلودگی در چندین حوضه شهری در فرانسه نشان داد که توزیع لوگ نرمال برای تخمین EMC مناسب می‌باشد [۴]، اگرچه صحت این توزیع بستگی به طول مدت زمانی که اطلاعات به دست آمده دارد. با توجه به اینکه نمونه‌گیری آلودگی رواناب پرهزینه است، اطلاعات از دوره‌های زمانی کوتاه به دست آمده‌اند و مشکل عمده در مدل‌سازی EMC، کمبود اطلاعات کافی برای ایجاد مدل‌های احتمالاتی است.

در مقاله حاضر یک معادله با زیربنای فیزیکی (معین)<sup>۱</sup> از معادلات میزان آلودگی شسته شده استخراج شده است [۷]. این معادله ساده و کاربردی می‌باشد. برای تخمین EMC فقط از میزان رواناب تجمعی و تعداد روزهای خشک بین دو بارندگی در مدل استفاده می‌شود.

### پایه‌های نظری معادله ارائه شده برای تخمین EMC

بر اساس این فرضیه که "مقدار آلودگی شسته شده از حوضه بستگی به مقدار این مواد و توزیع آنها در سطح حوضه دارد، معادله‌ای برای تخمین میزان آلودگی شسته شده از حوضه به صورت زیر ارائه شده است [۷]:

$$P_0 - P = P_0 (1 - e^{-Kv^a}) \quad (1)$$

که:

$P_0 - P =$  آلودگی شسته شده، Kg

$P_0 =$  بار آلودگی اولیه در حوضه، Kg

جدول (۲) پارامترهای واسنجی شده

نام حوضه آبریز	تعداد وقایع	$P_m$ (Kg/ha)	$x$ (day <sup>-1</sup> )	K	a
بلزکانیون کاندیت، سندی	۷	۴/۲۶	۰/۰۷۰	۰/۰۰۱	۰/۹۷۲
ناحیه هانی گریک، وست آلیس	۵	۳۴/۳۶۶	۰/۳۳۹	۰/۰۰۰۱۹	۰/۸۳
ناحیه لینکولن، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۳، میلوای	۵	۶۲/۰۵	۰/۱۲۸	۰/۰۰۰۰۸۹	۰/۶۹۸
ناحیه لینکولن CK، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۵، میلوای	۵	۷۱/۹۲	۰/۲۷۹	۰/۰۰۰۰۰۶	۰/۷۰۴
ناحیه رودخانه منومونی، وست آلیس	۵	۷۷/۶۸	۰/۳۹	۰/۰۰۰۱	۰/۸۰۶

واسنجی مدل از ۵ پارامتر زیر استفاده شده است:

۱- کل رواناب واقعه (V)

۲- تعداد روزهای خشک (t)

۳- درصد نفوذناپذیری حوضه (Imp)

۴- نمای "a"

۵- مقادیر اولیه  $P_m$  و ضرائب x و K در مدل EMC

واسنجی مدل با پارامترها و اطلاعات ذکر شده در بالا انجام شد. اطلاعات مورد نیاز برای تخمین EMC به سادگی قابل دسترسی است. پارامترهای استفاده شده در مدل پیشنهادی در مقایسه با پارامترهای مورد نیاز روشهای شبیه سازی آلوده نگار<sup>۱</sup> قابل اندازه گیری و ساده تر است.

### پارامترهای واسنجی

واسنجی مدل توسط بخش غیر خطی نرم افزار SAS<sup>۲</sup> [۶]

انجام شد. بخش غیرخطی نرم افزار SAS شامل روش حداقل مجذورات در تخمین پارامترهای مجهول با استفاده از روش تکرار محاسبات می باشد.

پارامترهای استفاده شده در معادله پیشنهادی (معادله ۸)  $P_m$ ,  $\alpha$ , K و a هستند. نمای "a" با استفاده از معادله (۹) به دست می آید. سه پارامتر دیگر به وسیله واسنجی مدل تعیین می شوند. پارامترهای واسنجی شده برای حوضه های مورد ارزیابی در جدول (۲) نشان داده شده اند.

پارامترهای واسنجی شده در حوضه های مورد ارزیابی

متغیر هستند. مقادیر  $P_m$  از ۴۲/۶ تا ۷۷/۶۸، x از ۰/۷ تا ۰/۳۹ و K از ۰/۰۰۰۰۹ تا ۰/۰۰۱ می باشند. کمترین و بیشترین مقادیر پارامترهای تجمع آلودگی ( $P_m$  و x) به ترتیب مربوط به حوضه های بلزکانیون و رودخانه منومونی می باشد. بیشترین مقدار K مربوط به حوضه بلزکانیون است. ارزیابی جدول (۲) نشان می دهد که پارامترهای مدل روی همدیگر اثر متقابل دارند. برای مثال اگر پارامترهای  $P_m$  و x افزایش پیدا کنند، K کاهش پیدا می کند تا مقدار مناسب EMC به دست آید. تغییرات نمای "x" نشان می دهد که روزهای خشک مختلفی در واسنجی مدل مورد نیاز است تا برای هر حوضه مقدار حداکثر آلودگی تجمع یافته ( $P_m$ ) تعیین شود. برای مثال مقدار "x" معادل ۰/۰۷ برای حوضه بلزکانیون نشان می دهد که ۹۰٪ مقدار  $P_m$  در مدت ۳۲/۵ روز تجمع پیدا می کند. در حالی که برای حوضه رودخانه منومونی ۹۰٪ مقدار  $P_m$  فقط در مدت ۶ روز تجمع پیدا می کند.

### نتایج واسنجی مدل

اطلاعات به دست آمده برای هر حوضه به دو قسمت تفکیک شده اند. اولین قسمت از اطلاعات برای واسنجی و بقیه برای تأیید مدل پیشنهادی EMC در نظر گرفته شده اند. برای هر کدام از بخش های واسنجی و تأیید مدل تعدادی از وقایع به

1- Pollutograph Simulation  
2- Statistical Analysis System

صورت تصادفی انتخاب شده و سعی شده که در هر کدام از این بخش ها رواناب هایی با عمق کم و زیاد وجود داشته باشد.

هدف از واسنجی به دست آوردن نتایج نزدیک بین مقادیر EMC اندازه گیری شده و پیش بینی شده به طور متوسط در تمامی وقایعی است که برای واسنجی استفاده می شوند. واسنجی نسبت به شرایط متوسط باعث کاهش خطاهای محاسباتی و افزایش اعتماد به نتایج می شود. دو پارامتر خطای نسبی و خطای مطلق برای ارزیابی نتایج در نظر گرفته شده است. این دو پارامتر به صورت زیر تعریف شده اند:

$$(10) \quad RE = \frac{\text{مقدار پیش بینی شده} - \text{مقدار اندازه گیری شده}}{\text{مقدار اندازه گیری شده}}$$

$$(11) \quad AE = \left| \frac{\text{مقدار پیش بینی شده} - \text{مقدار اندازه گیری شده}}{\text{مقدار اندازه گیری شده}} \right|$$

برای مجموعه ای از اطلاعات در هر واقعه، مقدار محاسبه شده "AE" نزدیک به صفر نشان دهنده دقت بیشتر در پیش بینی است. پارامتر "RE" نشان دهنده تفاوت بین مقادیر اندازه گیری شده و پیش بینی شده با منظور کردن علامت تفاوت است. نتایج کاربرد مدل پیشنهادی EMC با پارامترهای "AE" و "RE" به صورت متوسط مقدار "AE" و همچنین پارامتر "RE" به صورت دامنه تغییرات "RE" و میانگین وزنی پارامتر "AE" برای تمام حوضه ها نشان داده شده است.

اطلاعات به دست آمده از EMC شامل جمع آوری نمونه های آب در طول واقعه بارندگی و مخلوط کردن آنها به نسبت میزان دبی رواناب می باشد. بنابراین برای هر واقعه بارندگی فقط یک نمونه آب برای تعیین پارامترهای مختلف

آلودگی به کار گرفته شده است. این روش دارای خطای بیشتری در مقایسه با روش استفاده از تعداد زیادی نمونه آب در طول بارندگی است. بنابراین در واسنجی EMC مقدار "AE" معادل یا کمتر از ۴۰٪ می تواند قابل قبول باشد [۱].

برای واسنجی مدل EMC از بیست و هفت واقعه در ۵ حوضه استفاده شده است. پارامتر آلودگی مورد ارزیابی کل سفر موجود در رواناب سطحی بوده است. دامنه تغییرات "RE" و متوسط مقادیر "AE" برای حوضه های مورد ارزیابی در جدول (۳) نشان داده شده است. بازبینی دامنه تغییرات "RE" نشان می دهد که مدل مقدار EMC را در پاره ای از موارد بیشتر از مقادیر اندازه گیری شده و برای تعدادی از وقایع کمتر از مقادیر اندازه گیری شده، پیش بینی کرده است. دامنه تغییرات "AE" بین ۰/۳۶ تا ۰/۵۸ با میانگین وزنی ۰/۳۴ در حوضه های مورد ارزیابی است که نشان دهنده واسنجی رضایتبخش مدل است.

### نتایج تأیید مدل

نتایج تأیید مدل نشان دهنده پیش بینی مقادیر EMC با استفاده از پارامترهای واسنجی شده بدون استفاده از اطلاعات اندازه گیری شده آلودگی می باشد. تأیید مدل EMC برای وقایعی غیر از آنهایی که برای واسنجی به کار گرفته شده بود، انجام شده است. بیش از ۵۰٪ وقایع برای واسنجی و بقیه برای تأیید مدل استفاده شده است.

جدول ۳- نتایج واسنجی مدل

نام حوضه آبریز	تعداد وقایع	RE	AE
بلزکانیون کاندیت، سندی	۷	۰/۴۶ تا ۰/۵۹	۰/۲۶
ناحیه هانی گریک، وست آلیس	۵	۰/۴۶ تا ۱/۰۵	۰/۴۵
ناحیه لینکولن، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۳، میلوای	۵	۰/۱۰ تا ۰/۵۰	۰/۱۴
ناحیه لینکولن CK، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۵، میلوای	۵	۰/۳۳ تا ۰/۵۰	۰/۳۱
ناحیه رودخانه منومونی، وست آلیس	۵	۰/۴۸ تا ۱/۲۸	۰/۵۸
میانگین وزنی			۰/۳۴

واقعۀ پیشنهاد می‌شود. پس از واسنجی، مدل می‌تواند مقدار آلودگی شسته شده با دوره‌های برگشت مختلف را تخمین بزند که باعث می‌شود تا هزینه‌های تهیه اطلاعات کاهش یابد. نتایج نشان می‌دهد که باید پارامترهای  $K$  و  $x$  و  $P_m$  با اطلاعات منطقه‌ای واسنجی شوند. دقت در پیش‌بینی توسط مدل می‌تواند با افزایش دورۀ زمانی جمع‌آوری اطلاعات و آمارافزایش یابد.

### نتیجۀ گیری

چهل و نه واقعه از ۵ حوضه شهری برای ارزیابی مدل پیشنهادی EMC به کار گرفته شد. پارامتر آلودگی، فسفر کل بود. واسنجی مدل شامل ۲۷ واقعه در این حوضه‌ها بود. مقادیر "AE" به دست آمده نشان‌دهنده واسنجی موفقیت‌آمیز مدل است. تأیید مدل با ۲۲ واقعه از ۵ حوضه یاد شده انجام شد. توانایی مدل در تخمین EMC نسبتاً خوب بود. بر اساس پارامترهای مجهول در مدل حداقل تعداد وقایع برای مدل ۵

### مراجع و منابع

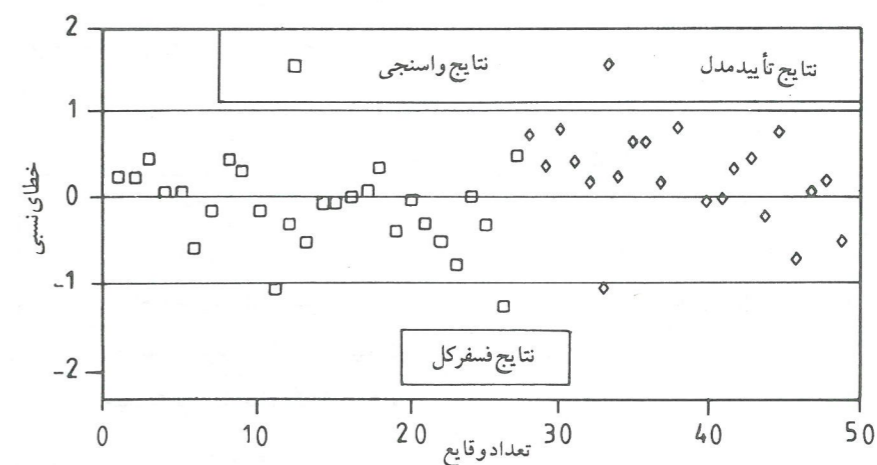
- 1- Boroumand - Nasab, S. ( 1994 ). " Stormwater Quality Modelling of Urban Catchments ", Ph. D Thesis, University of Wollongong, Wollongong, Australia, Vol. 1, 270 P.
- 2- Chui, P.C. ( 1993 ). " Urban Runoff Characteristics of a Tropical Watershed ", Proc. 6th Int. Conf. on Urban Storm Drainage, Ontario, Canada, Marsalek, J. and Torno, H.C. ( eds ), Vol. I, Sep. 12-17, pp. 694-699.
- 3- Driscoll, E.D. ( 1986 ). " Lognormality of Point and Nonpoint Source Pollutant Concentrations ", Proc. Stormwater and Water Quality Model, Users Group Meeting, Orlando, Florida, pp. 157-176.
- 4- Hemain, J.C. ( 1985 ). " Statistically Based Modelling of Urban Runoff Quality: State of the Art", NATO Workshop on Urban Runoff Pollution, Torno, H.C., Marsalek, J. and Desbordes, M. ( eds ), Montpellier, France, Aug. 26-30, pp. 277-303.
- 5- Mustard, M.H., Driver, N.E. Chyr, J. and Hansen B.G. ( 1987 ). " US Geological Survey Urban - Stormwater Data Base of Constituent Storm Loads, Characteristics of Rainfall, Runoff, and Antecedent Conditions, and Basin Characteristics ", US Geological Survey, Water Resources Investigations Report 87-4036, 328p.
- 6- SAS Institute Inc. (1988) " SAS User's Guide. Statistics, Version 5 Edition ", Cary, North Carolina, SAS Institute Inc.
- 7- Sivakumar, M., and Boroumand- Nasab, S. ( 1993 ). " Urban Storm Water Quality Modelling of NOx and TP Pollutant Loads ", Proc Int. Conf. of Environmental Management: Geo-Water and Engineering Aspects, Wollongong Universtiy, Wollongong, N.S.W. Australia, R.N. Chowdhury and M. Sivakumar (eds), Balkema, pp. 207-212.

جدول (۴) نتایج تأیید مدل EMC

نام حوضه آبریز	تعداد وقایع	RE	AE
بلزکانیون کاندیت، سندی	۶	-۱/۰۶ تا ۰/۸۱	۰/۶۰
ناحیه هانی گریک، وست آلیس	۴	۰/۱۷ تا ۰/۶۵	۰/۴۳
ناحیه لینکولن، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۳	۴	-۲/۳۲ تا ۰/۸۲	۰/۸۱
ناحیه لینکولن، خیابان ۰۴۰۸۶۹۴۵	۴	-۰/۲۵ تا ۰/۷۳	۰/۴۴
ناحیه رودخانه منومونی، وست آلیس	۴	-۰/۷۲ تا ۰/۱۹	۰/۳۹
میانگین وزنی			۰/۵۴

جدول (۴) نتایج تأیید مدل را نشان می‌دهد. میانگین وزنی در خطای نسبی بین مقادیر اندازه‌گیری شده غلظت کل فسفر در رواناب بین ۰/۳۹ تا ۰/۸۱ متغیر است. از نتایج تأیید مدل چنین نتیجه‌گیری می‌شود که مدل EMC برای تخمین TP در دامنه خطای قابل قبولی قرار دارد. برای ارائه ارزیابی بهتر از توانایی مدل نتایج در شکل (۱) نشان داده شده است.

تأیید مدل با استفاده از بیست و دو واقعه در ۵ حوضه شهری انجام شد. خطای نسبی "RE" و خطای مطلق "AE" برای ارزیابی مدل پیشنهادی مورد استفاده قرار گرفته است. خطای نمونه‌برداری منفرد کیفیت آب در بهترین شرایط حدود ۳۰٪ برآورد شده است. همان‌طوری که قبلاً اشاره شد خطای نمونه‌برداری ترکیبی بیش از نمونه‌برداری منفرد است. بنابراین برای تأیید مدل مقدار "AE" ۸۰٪ یا کمتر مورد قبول است [۱].



شکل (۱) ارزیابی نتایج پیش‌بینی شده مدل EMC