

مدل‌سازی تقاضای آب خانگی با استفاده از روش مدل عوامل تصادفی، مطالعه موردی: شهر اراک

سید حسین سجادی‌فر^۱ ناصر خیابانی^۲

(دریافت ۸۸/۱۲/۲۰ پذیرش ۸۹/۱۱/۲۰)

چکیده

در این مقاله، تابع تقاضای آب خانگی از تابع مطلوبیت استون-گری استخراج و با به کارگیری مدل تعدیل جزئی و استفاده از روش اقتصادستنجدی مدل عوامل تصادفی، تقاضای آب شهر اراک در فصلهای مختلف و همچنین کل سال برآورد شد. داده‌ها ترکیبی و مربوط به ۱۵۲ خانوار شهر اراک در سالهای ۱۳۷۷-۱۳۸۲ بود. پس از برآورده قیمت نهایی آب و انتخاب متغیرهای درآمد سرانه مصرف کننده، شاخص قیمت کالاهای و خدمات مصرفی، متوسط درجه حرارت و متوسط میزان بارندگی به عنوان متغیرهای توضیحی، تابع تقاضای آب خانگی تخمین زده شد. درمجموع، کم کشش بودن تقاضای آب خانگی نسبت به درآمد و قیمت و همچنین مکمل بودن آب با سایر کالاهای تأیید شد. نتایج نشان داد که کشش قیمتی و درآمدی فصل تابستان (جانشین مصارف بیرونی) تقریباً دو برابر کشش قیمتی و درآمدی فصل زمستان (جانشین مصارف داخلی) بوده و کشش تقاضای بلند مدت از کوتاه مدت بیشتر است.

واژه‌های کلیدی: مدل عوامل تصادفی، مدل تعدیل جزئی، تابع مطلوبیت استون-گری، تابع تقاضای آب خانگی

Modeling of Residential Water Demand Using Random Effect Model, Case Study: Arak City

Seyed Hossein Sajadifar¹ Nasser Khiabani²

(Received March 10, 2010 Accepted Feb. 9, 2011)

Abstract

The present study tries to apply the "Partial Adjustment Model" and "Random Effect Model" techniques to the Stone-Greay's linear expenditure system, in order to estimate the "Residential Seasonal Demand" for water in Arak city. Per capita water consumption of family residences is regressed on marginal price, per capita income, price of other goods, average temperature and average rainfall. Panel data approaches based on a sample of 152 observations from Arak city referred to 1993-2003. From the estimation of the Elasticity-price of the residential water demand, we want to know how a policy of responsive pricing can lead to more efficient household water consumption in Arak city. Results also indicated that summer price elasticity was twice the winter and price and income elasticity was less than 1 in all cases.

Keywords: Partial Adjustment Model, Random Effect Model, Stone- Greay Utility Function, Residential Water Demand Function.

1. Ph.D. Student of Mathematical Economics Modeling and Methods, Yerevan State University of Armenia (Corresponding Author) (+98 861) 4651225 s.sajadifar@gmail.com

2. Assist. Prof. of Economics, Institute for Management and Planning Studies (IMPS), Tehran, Iran

۱- دانشجوی دکترای اقتصاد ریاضی، دانشگاه دولتی ایروان ارمنستان (نویسنده مسئول)
s.sajadifar@gmail.com

۲- استادیار اقتصاد، موسسه عالی آموزش و پژوهش مدیریت و برنامه ریزی، تهران

۱- مقدمه

شستن لباس و ظروف و مانند آن است. مصارف بیرونی^۲ علاوه بر مصارف داخلی، شامل آبیاری باگچه، شستن اتومبیل، حیاط و غیره است. شاید بتوان تفاوت این دو نوع مصرف را در درجه ضرورت و اهمیت آنها دانست زیرا در تعیین الگوی مصرف، غالباً مصارف داخلی آب از اهمیت بیشتری برخوردارند.

تقاضای آب نمایانگر دو رفتار متفاوت اقتصادی است: ۱- آب به عنوان کالای نهایی که مستقیماً به سیله مصرف کننده نهایی مصرف می‌شود - ۲- آب به عنوان یک نهاده تولید.

خانوارها با حداکثر کردن مطلوبیت و بنگاهها با حداقل نمودن هزینه، میزان تقاضای خود را تعیین می‌کنند. با توجه به این که هدف مطالعه حاضر بررسی تقاضای آب خانگی بود، مهم‌ترین عوامل تأثیرگذار بر این نوع تقاضاً تشریح گردید.

۱-۱-۲- متغیرهای تأثیرگذار بر تقاضای آب خانگی ۱-۱-۳- قیمت آب

در بیشتر مطالعات، تقاضای آب، کم کشش برآورد شده است. این موضوع منطقی به نظر می‌رسد زیرا آب کالایی ضروری و بدون جانشین است. در هر صورت اگر ضریب کشش مخالف صفر باشد، قیمتها در مدیریت تقاضاً نقش مهمی ایفا می‌کنند. با توجه به این که ساختار تعرفهای آب بلوکی است، بنابراین تعیین قیمت یک واحد مصرف بسیار مشکل و بحث برانگیز است. برای تعیین قیمت یک واحد مصرف آب، دو گزینه قیمت نهایی^۳ و قیمت متوسط^۴ وجود دارد. قیمت متوسط از تقسیم کل مبلغ صورت حساب بر کل مصرف به دست می‌آید و قیمت نهایی نشان دهنده هزینه یک واحد مصرف بیشتر است. براساس تئوری اقتصاد، آشکار است که قیمت نهایی باید مورد استفاده قرار گیرد. با توجه به مشخص نبودن قیمت نهایی آب، معمولاً مشتریان می‌توانند با توجه به ساختار تعرفهای بلوکی، اطلاعاتی در مورد قیمت نهایی به دست آورند. به علت بلوکی بودن تعرفهای آب، بسیاری از محققان برای رفع مشکل اقتصادستنجی همزمانی بین مصرف و قیمت، از قیمت نهایی استفاده نموده‌اند [۱].

۲-۱-۲- درآمد مصرف کننده
در مطالعاتی که از داده‌های کل به منظور برآورد تابع تقاضاً استفاده می‌شود، درآمد خانوار از تقسیم درآمد پولی منطقه و یا بخش مورد نظر بر تعداد خانوارها به دست می‌آید. در مطالعاتی که از مختصات خانوارها استفاده می‌کنند، معمولاً از متغیری که ارزش دارایی‌ها را

به دلیل افزایش جمعیت، توسعه صنعت و کشاورزی و بالارفتن سطح زندگی، مصرف آب افزایش یافته است. این امر منابع آب را بهشت محدود و کمیاب می‌کند. همچنین به علت برداشت بیش از حد از منابع، کیفیت آب تنزل می‌باید و چون آب عامل مهمی در توسعه پایدار به شمار می‌رود، عدم توجه کافی به مدیریت صحیح منابع آب، توسعه اقتصادی- اجتماعی کشورها را با خطر جدی مواجه می‌سازد.

نیازهای روزافزون به آب، محدودیت منابع آب قابل استحصال در کشور، هزینه سنگین اجرای طرحهای جدید توسعه منابع آب و افزایش کارایی عملکرد اقتصادی از جمله دلایلی هستند که مدیریت تقاضاً و عرضه آب را به عنوان دو راهکار مؤثر بر مدیریت جامع منابع آب مطرح و ضروری می‌نماید.

در دو دهه گذشته مدیریت جامع آب شهری از مسئله‌ای فرعی به موضوعی محوری و پر اهمیت تغییر یافته است. این موضوع حاصل آگاهی و باور محافل ملی و بین‌المللی به این واقعیت است که منابع طبیعی مانند آب محدود و ضروری هستند. تولید دوباره و احیای این منابع، بسیار پرهزینه‌تر از حفاظت از آنهاست.

با توجه به این که آب مورد نیاز شهر اراک از چاههای عمیق شده اطراف شهر تأمین می‌شود، این شهر با مشکل کمبود آب مواجه است. ویژگی‌های جغرافیایی و اقلیمی این شهر، مسائل زیست‌محیطی، افزایش مصارف آب صنایع بزرگ نظیر شرکت‌های آلومنیوم، ماشین‌سازی، هیکو و کافی نبودن ذخیره آبهای زیرزمینی برای پاسخگویی به نیازهای روزافزون این شهر، همگی دلایلی برای نیاز به یک برنامه‌ریزی جامع در این زمینه هستند. چالش اصلی این است که چگونه منابع آب تخصیص داده شود به طوری که منابع آبی نیز حفظ شوند. مدیریت صحیح منابع آب و به ویژه تأکید بر مدیریت تقاضاً، کلید از بین برden مشکلات آینده است. در این راستا در این مطالعه به برآورد تابع تقاضای آب خانگی شهر اراک پرداخته شد.

۲- مروری بر ادبیات موضوع

تقاضای آب شهری شامل تقاضاً برای کاربردهای خانگی، صنعتی، تجاری و عمومی است. تقاضای آب بر حسب ماهیت اسکان، ترکیب خانوار، شغل ساکنان، درآمد خانوار و قیمت آب، به‌طور چشمگیری تغییر می‌کند.

استفاده از آب توسط خانوارها به دو شکل داخلی و بیرونی تفکیک می‌شود. مصارف داخلی^۱ شامل بهداشت فردی، پخت و پز،

²Outdoor Usage
³Marginal Price
⁴Average Price

¹ Indoor Usage

صورت حسابهای دریافتی بیشتر باشد، مصرف آب نیز کمتر خواهد بود [۸].

۲-۱-۶- مصارف داخلی در مقابل مصارف بیرونی / تقاضای فصلی

مصارف بیرونی در مقایسه با مصارف داخلی با کشنش‌تر هستند. به عنوان مثال هاو^۶ و لیناویر^۷ کشش تقاضای مصارف داخلی را حدود ۲۳۱/۰-۰/۲۱۴-۰ و مصارف بیرونی را ۵۷/۰-۴۳۸-۰ نموده‌اند [۹]. کارور^۸ و بولند^۹ تقاضای آب خانگی را به دو بخش تقاضای فصل زمستان و تابستان تفکیک نموده‌اند که این تفکیک بهتر از تفکیک مصارف به داخلی و بیرونی است. در مطالعه آنها ضریب کشش تقاضای فصل زمستان بین ۰/۰۷-۰/۰۲ و تابستان حدود ۱/۱-۰/۰ نموده شده است [۱۰]. در بسیاری از تحقیقات نشان داده شده است که تقاضای فصل تابستان بسیار پرکشش‌تر از تقاضای فصل زمستان است.

۲-۲- استخراج تابع تقاضای آب از تابع مطلوبیت استون-گری و مدل تعدیل جزئی

از نظر تئوری، تابع تقاضا از طریق حدکثر نمودن مطلوبیت مشروط به محدودیت بودجه خانوار به دست می‌آید. شکل تابع مطلوبیت هر کالا بر اساس فرضهای اساسی مدل تقاضای مربوط به آن کالا و انتظاراتی که از رفتار مصرف‌کننده در قبال آن کالا می‌رود، ساخته می‌شود. همچنین در تابع تقاضای آب، فرض بر این است که تمام فرضهای اقتصاد نوکلاسیک برقرار است. یعنی هر مصرف‌کننده تابع مطلوبیت پیوسته‌ای دارد و در موقع انتخاب، دارای اطلاعات کامل است.

از آن جایی که مصرف آب ضروری است و به عبارت دیگر، آب به عنوان یک کالای ضروری همواره از حداقل مصرفی برخوردار است، بنابراین تابع مطلوبیت استون-گری^{۱۰} که به تابع مطلوبیت پایه‌ریزی شده برای کالاهای ضروری مشهور است، سازگارترین نوع تابع تقاضا برای این منظور است [۱۱]. از ویژگی‌های دیگر این تابع، استفاده فراوان آن در اقتصادسنجی است که کار را برای تحقیق ساده‌تر می‌کند. از جمله نکات جالب توجه دیگر تابع استون-گری این است که بنا به اقتضای موضوع تحقیق

بیان می‌کند (ارزش منزل مسکونی) نیز استفاده می‌شود. این متغیرها می‌توانند به عنوان شاخصی از درآمد به کار گرفته شوند. با محاسبه نرخ بهره‌ای که به ارزش منزل مسکونی تعلق می‌گیرد و توجه به سهم هزینه مسکن در کل هزینه خانوار، شاخص درآمد، برآورد می‌شود [۱۲].

۲-۳-۱- متغیرهای جوی

به دلیل شرایط و تغییرات جوی، تقاضای آب از یک الگوی چرخشی فصلی پیروی می‌کند. به منظور وارد نمودن شرایط آب و هوایی، متغیرهای مختلفی نظیر متوسط میزان بارندگی و یا متوسط دمای هوا وارد مدل تقاضای آب شده است. لیمن^{۱۳} علاوه بر دو متغیر فوق، متغیر تعداد روزهای گرم را نیز مورد توجه قرار داده است [۱۴]. مایاؤ^{۱۵} این فرض عمومی که تأثیر متغیر جوی بر تقاضای آب خطی است را مورد نقد قرار داده و بیان نموده است که بارندگی تأثیری پویا دارد. در زمان بارندگی تقاضای آب کاهش یافته و این تأثیر در طول زمان کم و کمتر خواهد شد [۱۶]. مارتینز^{۱۷} معتقد است که تأثیر بارندگی بیشتر روانی است و از متغیر تعداد روزهای بارانی استفاده نموده و نشان داده است که این متغیر نسبت به میزان بارندگی، متغیر توضیحی قوی‌تری است [۱۸].

۲-۴- شرایط جمعیتی منطقه/ ترکیب خانوار

شرایط جمعیتی نظیر بعد و ترکیب سنی خانوار بر مصرف کالاهای از جمله آب مؤثر است. در تقاضای آب خانگی، بعد خانوار متغیری تأثیرگذار است [۱۹]. مطالعات نشان داده است که میزان مصرف آب با افزایش بعد خانوار افزایش می‌یابد، اما به علت وجود هزینه به مقیاس^{۲۰}، درصد افزایش در میزان آب مصرفی کمتر از درصد افزایش بعد خانوار است. آربوئس و همکاران^{۲۱} نشان دادند که برای متغیر بعد خانوار، اندازه بهینه وجود دارد، به طوری که بعد از آن اثر هزینه به مقیاس محو خواهد شد [۲۲].

۲-۵- فاصله زمانی دریافت صورت حساب

خانوارهایی که به صورت پیاپی و با فاصله زمانی کمتر صورت حساب خود را دریافت می‌کنند، ساختار تعریفه و رابطه بین صورت حساب دریافتی و میزان مصرف خود را بهتر درک نموده و نسبت به آن واکنش بیشتری نشان می‌دهند زیرا زمان کمتری برای به فراموشی سپردن مبلغ صورت حساب قبلی دارند و هر چه تعداد

⁶ Howe

⁷ Lineweaver

⁸ Carver

⁹ Boland

¹⁰ Stone-Greay

¹ Lyman

² Miao

³ Martinez

⁴ Economic of Scale

⁵ Arribes et al.

$$\sigma = \text{تغییر واقعی} \quad Q_t - Q_{t-1} = \text{ضریب تعديل}^2, \quad Q_t^* - Q_{t-1} = \text{تغییر مطلوب است.}$$

در رابطه ۳ تغییر واقعی در مصرف در هر دوره زمانی معین^۱ معادل کسر σ ضریب تغییر مطلوب برای آن است. اگر $\sigma = 1$ باشد، یعنی مصرف واقعی مساوی مصرف مطلوب است. به عبارت دیگر، مصرف واقعی به طور آنی به سطح مصرف مطلوب در همان زمان تعديل می شود. اما اگر $\sigma < 1$ باشد، این نتیجه به دست می آید که هیچ تغییری صورت نمی گیرد زیرا مصرف واقعی در زمان^۲ معادل مصرف مشاهده شده در دوره زمانی قبل است. در حالت کلی انتظار بر این است که σ بین این دو حدنهایی قرار گیرد زیرا تعديل به طرف مصرف مطلوب، به علت چسبندگی، کندی در تعديل ضرورتهای قراردادی و غیره به طور کامل صورت نخواهد گرفت و به این ترتیب است که نام مدل تعديل جزئی موجه جلوه می نماید. پس از جایگذاری رابطه ۲ در رابطه ۳ معادله تقاضای کوتاه مدت به صورت زیر حاصل می شود:

$$Q_t = \theta_0 + (1-\sigma)Q_{t-1} + \theta_1 \left(\frac{M_t}{P_t} \right) + \theta_2 \left(\frac{P_{2,t}}{P_t} \right) + \theta_3 W_t + \theta_4 R_t + U_t \quad (4)$$

زمانی که تابع کوتاه مدت فوق تخمین زده شود و تخمین ضریب تعديل به دست آید، آنگاه به راحتی می توان ضرایب تابع بلند مدت را به وسیله تقسیم ضرایب کوتاه مدت بر σ و حذف وقفه Q به دست آورد.

۳- اقتصادسنجی داده های تابلویی

تفاوت یک رگرسیون تابلویی^۳ (ترکیبی) با داده های مقطعی و یا سری زمانی در این است که متغیرهای آن دارای دو اندیس است

$$y_{it} = a + X'_{it}\beta + U_{it} \quad i=1,\dots,N; t=1,\dots,T \quad (5)$$

که در آن

اندیس i مشخص کننده فرد و یا خانوار و t معرف زمان است. α یک اسکالر، β یک بردار $k \times 1$ بعدی و X_{it} امین مشاهده متغیر مستقل است. در بیشتر کاربردهای داده های تابلویی از مدل "جزء یکطرفه"^۴ برای مشخص کردن مؤلفه خطأ استفاده می شود. یعنی خطأ به صورت زیر تعریف می شود

$$U_{it} = \mu_i + V_{it} \quad (6)$$

² Coefficient of Adjustment

³ Panel Data

⁴ One-Way Error Component

می توان هر متغیر دلخواه که احتمال می رود در روند تابع تقاضا و شکل گیری آن نقش داشته باشد را وارد تابع نمود.

استون-گری از تابع مطلوبیت کلاین-روین برای استخراج تابع تقاضای خود استفاده کرده اند. پس از حداکثرسازی تابع مطلوبیت کلاین-روین مشروط به قید بودجه، تابع تقاضای استون-گری به شکل کلی زیر معرفی می شود [۱۲]

$$(1) \quad Q_1 = \theta_0 + \theta_1 \left(\frac{M}{P_1} \right) + \theta_2 \left(\frac{P_2}{P_1} \right) + \theta_3 W + \theta_4 R + u$$

که در این رابطه Q_1 مصرف سرانه آب آشامیدنی بر حسب متر مکعب، M در آمد سرانه اسمی خانوار بر حسب ریال، P_1 قیمت اسمی هر متر مکعب آب بر حسب ریال، P_2 قیمت سایر کالاهای خدمات مصرفی (CPI)، W متوسط درجه حرارت، R متوسط میزان بارندگی، u عامل اخلال، $\theta_0, \theta_1, \theta_2, \theta_3, \theta_4$ عرض از مبدأ مدل و ضرایب مدل هستند.

فرضهای مدل:

$$\theta_4 < 0, \theta_3 > 0, \theta_2 < 0, \\ 0 < \theta_1 < 1, \theta_0 > 0$$

یعنی این که تقاضای آب نسبت به تغییرات در آمد و درجه حرارت واکنش مثبت و نسبت به قیمت خودی، قیمت سایر کالاهای میزان بارندگی واکنش منفی نشان می دهد.

با استفاده از مدل تعديل جزئی که توسط مارک نرلاو^۵ ارائه شده است، می توان تابع تقاضای کوتاه مدت و بلند مدت تقاضای آب را به شرح ذیل استخراج نمود [۱۰]:

در این مدل فرض می شود که میزان مطلوب مصرف (Q_t^*) دارای تابعی به شکل تابع تقاضای استون-گری است

$$(2) \quad Q_t^* = \theta_0 + \theta_1 \left(\frac{M_t}{P_t} \right) + \theta_2 \left(\frac{P_{2,t}}{P_t} \right) + \theta_3 W_t + \theta_4 R_t + U_t$$

نظر به این که سطح مطلوب مصرف به طور مستقیم قابل مشاهده نیست، بنابراین از فرضیه ای تحت عنوان فرضیه تعديل جزئی در این باره کمک گرفته شد

$$(3) \quad Q_t - Q_{t-1} = \sigma (Q_t^* - Q_{t-1})$$

که در این رابطه

¹ Mark Nerlov

که در آن

μ_i اثر ویژه و غیر قابل مشاهده فرد i و V_{it} اثر باقی عوامل است. از مدل عوامل ثابت^۱ و مدل عوامل تصادفی^۲ برای برآورده رابطه ۵ استفاده می‌شود. در مدل عوامل ثابت فرض می‌شود μ_i مقدار ثابتی است که باید تخمین زده شود و مؤلفه خطای V_{it} مستقل و با توزیع همسان می‌باشد.^۳

یکی از مشکلات مدل عوامل ثابت وجود تعداد زیاد پارامترهای ثابت است که موجب کاهش درجه آزادی می‌گردد. برای برطرف نمودن این مشکل از مدل عوامل تصادفی استفاده می‌شود. در این مدل فرض می‌شود که μ_i خود یک متغیر تصادفی است

$$\begin{aligned}\mu_i &\sim \text{IID}(0, \delta_\mu^2) \\ V_{it} &\sim \text{IID}(0, \delta_v^2)\end{aligned}$$

و μ_i مستقل از V_{it} ها و X_{it} نیز مستقل از μ_i و V_{it} است. فرض مدل "عوامل تصادفی" زمانی مناسب است که N مشاهده به طور تصادفی از میان یک جمعیت بزرگ انتخاب شود.

هاوسمن^۴ تستی را برای آزمون تعامد اثرات تصادفی و متغیرهای مستقل پیشنهاد می‌کند. این تست بر اساس این ایده استوار است که تحت فرض عدم همبستگی، برآوردهای OLS در مدل عوامل ثابت و برآوردهای GLS هر دو سازگار بوده ولی برآوردهای OLS ناکارا هستند. فرضهای صفر و یک تست

هاوسمن به ترتیب زیر است:

$$H_0: \text{اثرات فردی، ثابت هستند.}$$

$$H_1: \text{اثرات فردی، تصادفی هستند.}$$

منطق عملکرد تست هاوسمن این گونه است که اگر اثر فردی ثابت باشد، برآوردهای اثر ثابت و اثر تصادفی به طور آشکاری با هم متفاوت هستند. ولی اگر اثر فردی تصادفی باشد، دو برآوردهای تقریباً مشابه هستند. برای آزمون این تفاوت بین دو برآوردهای آزمون والد انجام می‌شود. آماره تست والد به صورت زیر تعریف می‌شود

$$W = (FE - RE)^T \{ \text{var}(FE - RE) \}^{-1} (FE - RE) \quad (7)$$

هاوسمن نشان می‌دهد که

$$\text{var}[FE - RE] = \text{var}(FE) - \text{var}(RE) \quad (8)$$

¹ Fixed Effect Model

² Random Effect Model

³ Identically Distributed IID (0, δ_v^2)

⁴ Housman

که در این رابطه RE نشان دهنده برآوردهای روش اثر تصادفی و FE نشان دهنده برآوردهای اثر ثابت است. تحت فرض صفر، توزیع W به صورت کای-اسکور با K (تعداد متغیرها) درجه آزادی است.

۴-روشهای جمع آوری و پردازش داده‌ها

در این مطالعه از یک نمونه ۳۰۰ عضوی متعلق به مشترکان هشت منطقه آبی شهر اراک، جدول اعداد تصادفی و شماره اشتراک و تعداد مشترکان هر منطقه استفاده شد. مطالعه به صورت فصلی صورت گرفت و دوره از فصل بهار سال ۱۳۷۷ تا پایان فصل زمستان ۱۳۸۲ در نظر گرفته شد که مجموعاً ۲۴ فصل را در بر می‌گیرد. با توجه به این که حدود ۱۴۸ نمونه دارای اطلاعات ناقص، قیمت متوسط صفر برای آب، موانع قرائت، وضعیت کنتور خراب و یا صورت حساب اصلاحی بودند، از مطالعه خارج شده و مطالعه نهایی با ۱۵۲ نمونه و در نتیجه ۳۶۴۸ مشاهده انجام گرفت جم جامعه آماری انتخاب گردید.

۴-۱-صرف سرانه فصلی

چون قرائت مشترکان در شهر اراک دو ماهه بوده و به صورت منظم و دقیق و با تاریخهای مشخص انجام نمی‌گیرد، با مراجعه به مرکز کامپیوتر امور آب و فاضلاب شهرستان اراک، میزان مصرف آب نمونه‌های انتخابی برای کلیه قرائت‌های انجام شده در دوره مطالعه استخراج و پس مصرف آب در محدوده قرائت بر تعداد روزهای دوره قرائت تقسیم شد و میانگین مصرف روزانه برای هر نمونه به دست آمد و با توجه به فصلهای چهارگانه، مصارف فصلی واحد خانگی محاسبه شد.

برای محاسبه مصرف سرانه فصلی آب، مصارف فصلی هر نمونه بر تعداد ساکنان هر واحد مسکونی تقسیم شد. تعداد افراد ساکن در هر واحد مسکونی از طریق پرسشنامه به دست آمد.

۴-۲-قیمت متوسط آب برای هر مترمکعب

قیمت‌های متوسط آب با استفاده از تعریف‌های موجود که به صورت جدولهای قیمتی به ازای مصارف مختلف ماهیانه تنظیم شده و در امور آب و فاضلاب اراک موجود است، استخراج شد. پس از مشخص کردن مصارف ماهیانه هر خانوار و مراجعه به تعریف‌های موجود سال مزبور، قیمت متوسط آب برای هر مترمکعب به دست آمد. برای محاسبه قیمت متوسط، از نرم‌افزار تهیه شده توسط محققان استفاده شد.

۴-۳-متوسط درآمد اسمی سرانه فصلی

به دلیل عدم دسترسی به رقم درآمد مربوط به خانوارهای نمونه و با توجه به این امر که از طریق پرسشنامه نیز احتمال به دست آوردن صحیح این ارقام بسیار ضعیف است، با استفاده از روش زیر، جانشینی^۱ برای درآمد محاسبه گردید.

اطلاعات مربوط به مسکن خانوار از قبیل عمر ساختمان، مساحت کل زمین، مساحت زیر بنا، تعداد واحدها، نوع نمای ساختمان و نوع حیاط، از طریق پرسشنامه جمع آوری گردید. سپس با مراجعه به مشاور املاک های هر منطقه اجاره ماهانه سال ۸۳ هر واحد مسکونی محاسبه شد و با توجه به آمار مربوط به مبلغ اجاره ماهانه به علاوه دو درصد متوسط و دیگر مسکن نیز برآورد شد. به دلیل این که سهم هزینه مسکن استان مرکزی از کل هزینه های خانوار به صورت سالیانه موجود بوده و نیاز به سهم هزینه مسکن فصلی بود، بنابراین با توجه به سهم هزینه مسکن فصلی کل کشور سهم هزینه مسکن فصلی استان مرکزی به دست آمد.

از تقسیم مبالغ اجاره مسکن بر سهم هزینه فصلی مسکن در کل هزینه خانوار شهری استان مرکزی، برآورده از کل هزینه های مصرفی فصلی خانوار به دست آمد. آنگاه با تقسیم این مقدار بر تعداد ساکنان واحد مسکونی، هزینه سرانه مصرف کنندگان نمونه محاسبه گردید و به عنوان جانشینی برای متوسط درآمد اسمی سرانه فصلی استفاده شد.

۴-۴-قیمت سایر کالاهای مصرفی

از شاخص قیمت کالاهای و خدمات مصرفی در استان مرکزی که به صورت ماهیانه موجود است و از بانک مرکزی به دست آمد است، به عنوان جانشینی قیمت سایر کالاهای مصرفی استفاده گردید. برای فصلی کردن این آمار، مقدار شاخصها برای ماههای مربوط به هر فصل در سالهای مورد مطالعه با هم جمع و بر عدد سه تقسیم شد.

۵-متغیر جوی

از متوسط درجه حرارت و متوسط بارندگی ماههای مختلف در طی دوره مطالعه برای شهر اراک که در سالنامه آماری این شهر موجود بود، استفاده گردید. برای فصلی کردن داده های این متغیر نیز متوسط درجه حرارت و متوسط بارندگی در ماههای مربوط به هر فصل با هم جمع و بر عدد سه تقسیم گردید.

۵-برآورد مدل

۱-۵-برآورد قیمت‌های نهایی آب

چون نظام محاسبه تصاعدي بر قیمت آب حاکم است (یعنی قیمت بیشتر در ازای مصرف بالاتر)، احتمال ایجاد یک رابطه مستقیم (مثبت) بین مصرف و قیمت وجود دارد و این موضوع، مشکل عدم استقلال بین متغیرهای مستقل و وابسته را ایجاد می نماید.

در بسیاری از مطالعات برای حل این مشکل از قیمت نهایی استفاده شده است. قیمت نهایی نشان دهنده هزینه ای است که مصرف کنندگان پرداخت خواهد نمود اگر یک متر مکعب آب بیشتر مصرف نماید. با استفاده از اطلاعات قیمت متوسط و میزان مصرف، قیمت نهایی مطابق روش زیر برآورد می شود

$$AP = C_1 + C_2 X \quad (9)$$

که در این رابطه

AP قیمت متوسط هر متر مکعب آب، X مصرف بر حسب متر مکعب و C_1 ، C_2 ضرایب ثابت هستند. در این رابطه فرض $AP = C_1 X^{C_2}$ میز مورد استفاده قرار گرفته است ولی به دلیل این که نتایج به دست آمده مطابق با تئوری نبوده از آن صرف نظر شده است. اگر قیمت متوسط آب به صورت $AP = C_1 + C_2 X$ باشد، مخارج کل مصرف کننده به صورت $TP = AP \cdot X$ و یا $TP = C_1 \cdot X + C_2 \cdot X^2$ تعریف می شود و قیمت نهایی آب که همان مشتق اول مخارج است، به صورت زیر محاسبه می شود

$$MP = \frac{\partial TP}{\partial X} = C_1 + 2C_2 X \quad (10)$$

تخمین ضرایب C_2 و C_1 با استفاده از روش Pooled least squares و به کارگیری اتورگرسیو درجه یک، مطابق جدول ۱ است. همان طور که آماره t نشان می دهد، تمامی ضرایب کاملاً معنی دار بوده و آماره دوربین - واتسون نیز گواه خوبی برآذش است.

جدول ۱-برآورد ضرایب قیمت نهایی آب

آماره دوربین - واتسون	C_2	C_1	فصل
۲	.۰/۲۶۴	۲۲	بهار
۱/۸۱۱	.۰/۲۶۹	۶۲	تابستان
۱/۸۲۷	.۰/۷۷۳	۳۹	پاییز
۲	.۰/۱۲۱	۲۱	زمستان
۲/۳	.۰/۲۷	۷	کل سال

^۱ Proxy

۲-۵- تست هاوسمن

برای انتخاب بین مدل اثرات ثابت و تصادفی از تست هاوسمن استفاده شد. با توجه به آماره کای-اسکور و صفر بودن کلیه ارزش‌های احتمالات در جدول ۲، فرض H_0 (وجود اثرات ثابت) به احتمال ۱۰۰ درصد رد می‌شود. به عبارت دیگر، برای برآورد توابع تقاضای آب باید از مدل عوامل تصادفی استفاده نمود.

جدول ۲- نتایج تست هاوسمن

p-value	Chi-square	فصل
./....	۳۵۴	بهار
./....	۳۴۸	تابستان
./....	۵۲۲	پاییز
./....	۴۱۴	زمستان
./....	۱۹۶۳	کل سال

۳- برآورد تابع تقاضای آب

با توجه به نتایج به دست آمده و برآورد قیمت نهایی فصلهای مختلف، مدل نهایی که بر اساس آن برآوردها صورت گرفته است، به صورت زیر معرفی می‌شود

$$\begin{aligned} \text{perc}_{it} = & \theta_0 + (1 - \delta)\text{perc}_{i,t-1} + \theta_1 \left(\frac{I_{it}}{MP_{it}} \right) + \\ & \theta_2 \left(\frac{PO_{it}}{MP_{it}} \right) + \theta_3 \text{Temp}_t + \theta_4 \text{Rain}_t + U_{it} \quad (11) \\ t=1, \dots, 6 \quad i=1, 2, \dots, 152 \end{aligned}$$

که در این رابطه

Perc مقدار مصرف سرانه آب آشامیدنی بر حسب مترمکعب، I

Tقریبی از درآمد سرانه فصلی مصرف کننده بر حسب ریال، MP قیمت نهایی آب آشامیدنی بر حسب ریال، PO شاخص قیمت کالاها و خدمات مصرفی شهر اراک به عنوان تقریبی برای قیمت سایر کالاها، Temp متوسط درجه حرارت فصلی بر حسب درجه سلسیوس و Rain متوسط میزان بارندگی فصلی بر حسب میلیمتر است.

برای سادگی از تغییر متغیرهای زیر استفاده شده است

$$PERI_{it} = \left(\frac{I_{it}}{MP_{it}} \right) \quad Pindex = \left(\frac{PO_{it}}{MP_{it}} \right)$$

بنابراین رابطه ۱۱ به رابطه زیر تبدیل می‌شود

$$\begin{aligned} \text{perc}_{it} = & \theta_0 + (1 - \delta)\text{perc}_{i,t-1} + \theta_1 \text{Peri}_{it} + \theta_2 \text{Pindex}_{it} \quad (12) \\ & + \theta_3 \text{Temp}_t + \theta_4 \text{Rain}_t + U_{it} \\ 0 < \delta < 1 \quad 0 < \theta_1 < 1 \quad \theta_2 < 0 \quad \theta_3 > 0 \quad \theta_4 < 0 \end{aligned}$$

جدول ۳-نتایج برآورد توابع تقاضای آب (کوتاه مدت)

پارامترها	بهار	تابستان	پاییز	زمستان	کل سال
C	۱۲/۳	۱۰	۱۰/۶۶	۸/۴	۳/۷
Perc(-1)	(۱۷/۹)	(۱۱/۹)	(۱۴/۱)	(۱۱/۷)	(۱۱/۳)
Peri	۰/۵۶۲	۰/۶۹۲	۰/۶۵۱	۰/۷۲۳	۰/۸۳۱
Pindex	(۲۵)	(۳۰)	(۲۶)	(۳۱/۹)	(۱۱۰)
Temp	(۶/۴)	(۵)	(۵/۵)	(۴/۶)	(۷/۹)
Rain	-۲/۴۵۹	-۳/۵۴۵	-۲/۸	-۱/۰۸	-۰/۷۵۵
R^2	۰/۰۰۳۶۴	۰/۰۰۴۸۸	۰/۰۰۳۵	۰/۰۰۱۲۴	۰/۰۰۱۱۲
D-W	۱/۹۶	۱/۹	۱/۷۵	۰/۴۶	۱/۶۷
اعداد داخل پرانتز آماره D-W: آماره آزمون دوربین-واتسون					

جدول ۴-نتایج برآورد توابع تقاضای آب (بلند مدت)

کل سال	زمستان	پاییز	تابستان	بهار	C
۲۲	۳۰/۳	۳۰/۵	۳۲/۳۶	۲۸	
۰/۰۰۷۴۶	۰/۰۰۴۴۷	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱۵۷	۰/۰۰۰۸۳۱	Peri
=۴/۴۷	-۳/۹	-۸	-۱۱/۴۷	-۵/۶۱۴	Pindex
۰/۴۸	-	-	-	-	Temp
-۰/۱۴	-	-	-	-	Rain

جدول ۵-کشش‌های تقاضای کل سال

نوع تقاضا	S_1^*	S_1	Q^*	E_{IP}	E_{IM}	E_{I2}	E_{IT}	E_{IR}
کوتاه مدت	۴/۴	۳/۷	۵/۳۲	۰/۹۲	۳۰/۵	۳۰/۳	۰/۰۸۱	-۰/۰۳۶
بلند مدت	۲۵/۸	۲۱/۹	۳۱/۳	۵/۵	-۰/۰۴۷	-۰/۰۰۰۷۴۶	-۰/۴۷۶	-۰/۲۱۳

جدول ۶-کشش‌های تقاضا برای فصلها (کوتاه مدت)

نوع تقاضا	Q^* (متر مکعب)	S_1 (متر مکعب)	EQ^* (متر مکعب)	E_{IP}	E_{IM}	E_{I2}
فصل بهار	۱۴/۴	۱۲/۳	۲/۱	-۰/۱۳۷	۰/۲۵۷	۰/۱۲۱
فصل تابستان	۱۲/۷	۱۰	۲/۷	-۰/۱۷	۰/۳۲۱	-۰/۱۵۱
فصل پاییز	۱۲/۷	۱۰/۶۷	۲	-۰/۱۴۹	۰/۳۱	-۰/۱۶۲
فصل زمستان	۹/۱۱	۸/۳۹	۰/۷۳	-۰/۰۵۷	۰/۱۲۵	-۰/۰۶۸

جدول ۷-کشش‌های تقاضا برای فصلها (بلند مدت)

نوع تقاضا	Q^* (متر مکعب)	S_1 (متر مکعب)	EQ^* (متر مکعب)	E_{IP}	E_{IM}	E_{I2}
فصل بهار	۳۲/۸	۲۸	۴/۸	-۰/۳۱۲	۰/۵۸۸	-۰/۲۷۶
فصل تابستان	۴۱/۳	۳۲/۴	۸/۹	-۰/۵۴۹	۱	-۰/۴۹
فصل پاییز	۳۶	۳۰	۶	-۰/۴۲۵	۰/۸۸۷	-۰/۴۶
فصل زمستان	۳۲/۹	۳۰	۲/۹	-۰/۲۰۵	۰/۴۵۱	-۰/۲۴۶

درصد افزایش یابد، مصرف سرانه فصلی ۳/۷۹ درصد کاهش می‌یابد.

کشش درآمدی تقاضا در بلند مدت حدود ۶/۰ به دست آمد. بنابراین افزایش ۱۰ درصدی درآمد سرانه فصلی خانوار، افزایش ۶ درصدی مصرف سرانه فصلی را به دنبال خواهد داشت. کمتر از یک بودن کشش درآمدی، نشان دهنده ضروری بودن این کالا یعنی آب است.

منفی بودن کشش مقاطع نشان از مکمل بودن کالای آب با سایر کالاهای دارد. برای آب با خصوصیات منحصر به فرد و کاربردهای انحصاری، کمتر می‌توان کالای جانشینی پیدا کرد. مکمل بودن آب با سایر کالاهای به این مفهوم است که با افزایش قیمت کالاهای دیگر، میزان مصرف آب کاهش پیدا می‌کند. ولی همان طور که ملاحظه می‌شود کشش‌های مقاطع بسیار کوچک است. لذا افزایش و یا کاهش قیمت سایر کالاهای نمی‌تواند تأثیر زیادی در مصرف آب داشته باشد و این خود حاکی از بدون جانشین بودن آب است.

تأثیر میزان درجه حرارت مثبت و تأثیر بارندگی منفی است. با افزایش ۱۰ درصدی درجه حرارت، میزان مصرف سرانه خانوارها حدود ۵ درصد افزایش می‌یابد و با افزایش ۱۰ درصدی میزان بارندگی، حدود ۲ درصد از میزان مصرف سرانه خانوارها کاسته خواهد شد.

میزان مازاد مصرف سرانه فصلی ۵/۵ متر مکعب برآورده شد که این میزان حدود ۱۷/۶ درصد مصرف سرانه فصلی واقعی است و برای حذف کامل مازاد مصرف، قیمت باید به میزان ۴۶ درصد افزایش یابد.

در مطالعه حاضر، تقاضای آب در فصل تابستان به عنوان جانشین مصارف بیرونی و تقاضای آب در فصل زمستان به عنوان جانشین مصارف داخلی در نظر گرفته شد. به‌منظور جلوگیری از طولانی شدن بحث، از تجزیه و تحلیل تقاضای آب در فصلهای بهار و پاییز صرف نظر شد و فقط به ارائه نتایج مربوط به مصارف داخلی و بیرونی پرداخته شد.

جدول ۷ نشان می‌دهد که در بلند مدت مازاد مصارف فصل تابستان حدود ۳ برابر مازاد مصرف فصل زمستان است و این نشان دهنده این امر است که مصرف کنندگان بیشترین اسراف را در مصارف بیرونی دارند.

کشش‌های قیمتی، درآمدی و مقاطع فصل تابستان نزدیک به دو برابر کشش‌های زمستان است. نتایج حاصل نشان می‌دهد که افزایش قیمت نسبی آب، می‌تواند اثر بیشتری در کاهش مصارف غیر ضروری داشته باشد. کوچک‌تر بودن کشش درآمدی مصارف داخلی نسبت به مصارف بیرونی، نشان دهنده ضروری تر بودن

مصارف داخلی است. بیشترین اضافه مصرف در فصلهای تابستان و سپس پاییز اتفاق افتاده است. به علاوه هرجایی که اضافه مصرف بیشتر است، کشش قیمتی نیز به نسبت بیشتر است. این امر نشان می‌دهد که افزایش قیمت می‌تواند تأثیر بیشتری در کاهش مصرف در این شرایط داشته باشد.

نتایج حاصل نشان می‌دهد که کشش قیمتی در کلیه فصلها کوچک‌تر از یک بوده و این امر حکایت از بی کشش بودن تقاضا نسبت به قیمت آب حتی در بلند مدت دارد. کشش درآمدی تابستان در بلند مدت، یک محاسبه شده که این امر نشان می‌دهد که مصارف غیر ضروری در این فصل بسیار زیاد است.

۷- نتیجه‌گیری

بر اساس تصوری‌های اقتصادی،تابع تقاضای استون-گری مناسب‌ترین فرم تبعی برای استخراج توابع تقاضای کالاهای ضروری مثل آب خانگی است. در مطالعه حاضر، از این تابع و مدل تعديل جزئی برای استخراج توابع تقاضای کوتاه مدت و بلند مدت آب خانگی شهر اراک استفاده شد. با توجه به بلوکی-تصاعدی بودن تعریف‌های شرکت آب و فاضلاب استان مرکزی، میزان مصرف بر قیمت تأثیرگذار است. بنابراین برای اجتناب از مشکلات همزمانی بین قیمت و مصرف، قیمت نهایی برآورد و مورد استفاده قرار گرفت. توابع تقاضای به دست آمده با استفاده از مدل عوامل تصادفی برآورد گردید که نتایج حاصل از این برآوردها منجر به پذیرش فرضیه‌های این پژوهش مبنی بر کم کشش بودن تقاضای آب خانگی شد. از طرفی وجود رابطه بین متغیرهای جوئی نظری میزان بارندگی و درجه حرارت با میزان مصرف آب خانگی تائید می‌شود.

۸- پیشنهادها

۱- با کشش یا بی کشش بودن تقاضا یکی از مسائل مهم در سیاست‌گذاری دولت در بازار کالاهای است. نتایج حاصل از برآوردها نشان می‌دهند که تقاضای آب نسبت به تغییرات قیمت آب کم کشش است. این مسئله نشانه حساسیت پایین مقدار تقاضا نسبت به تغییرات قیمت آب است. کشش درآمدی کوچک‌تر از یک و کشش مقاطع منفی نشان می‌دهد که آب یک کالای ضروری و مکمل است. با توجه به کشش‌پذیری کم تقاضای آب نسبت به قیمت و درآمد می‌توان گفت که قیمت و درآمد تأثیر بسیار زیادی بر تقاضای آب ندارند و این مطلب با طبیعت آب به عنوان یک کالای مصرفی ضروری مطابقت دارد. اما نکته مهم این است که صفر نبودن کشش قیمتی آب نشان می‌دهد که افزایش

فراهم کنند. بنابراین با افزایش قیمتها ضمن کاهش مصرف، منابع سرمایه‌گذاری لازم نیز فراهم می‌شود.

۴- نظر به این که کشش قیمتی به ترتیب در فصلهای زمستان، بهار، پاییز و تابستان افزایش می‌یابد و افزایش قیمت در فصلهایی که کشش قیمتی بالاتری دارند اثر بیشتری در کاهش مصرف خواهد داشت، پیشنهاد می‌شود که از قیمت گذاری فصلی استفاده شود. این نکته نیز جالب توجه است که بالاترین اضافه مصرف در همین فصلها یعنی تابستان و پاییز صورت می‌گیرد.

۵- با توجه به این که در کلیه مدل‌های برآورد شده، تأثیر متغیر در آمد سرانه خانوار بر مصرف آب از سایر متغیرها بیشتر است، بنابراین در پیش‌بینی مصرف آب مورد نیاز آینده، باید در آمد سرانه خانوار به عنوان یک متغیر مسلط، در کانون توجهات قرار گیرد.

تعرفه‌ها می‌تواند به عنوان راهکاری در کاهش مصرف آب به کار گرفته شود، بدویژه زمانی که قیمت آب به قیمت واقعی آن نزدیک است.

۲- با توجه به دو برابر بودن کشش قیمتی مصارف غیر داخلی نسبت به کشش قیمتی مصارف داخلی، تفکیک این دو نوع مصرف منطقی به نظر می‌رسد. اما با توجه به هزینه‌های زیاد این طرح اجرای آن امکان پذیر نیست.

۳- در کلیه مدل‌های ارائه شده، کشش قیمتی کوچک‌تر از یک است، یعنی با افزایش ۱۰ درصدی قیمت، مصرف کمتر از ۱۰ درصد کاهش می‌یابد. درنتیجه افزایش قیمتها باعث افزایش درآمد شرکت آب و فاضلاب می‌گردد و این خود یکی از بهترین نتایج حاصل از تعديل قیمت‌ها است. افزایش درآمد، مدیران را قادر خواهد ساخت که سرمایه‌گذاری‌های لازم برای بالا بردن کیفیت را

۹- مراجع

- 1-Howe, C.W. (1982). "The impact of price on residential water demand: Some new insights." *Water Resources Research*, 18(4), 713-716.
- 2-Billings, R.B., and Day, W.M. (1989). "Demand management factors in residential water use: The southern Arizona experience." *J. of the American Water Works Association*, 81(3), 58-64.
- 3-Lyman, R.A. (1992). "Peak and off-peak residential water demand." *Water Resources Research*, 28(9), 2159- 2167.
- 4-Miaou, S.P. (1990). "A class of time-series urban water demand models nonlinear climatic effects." *Water Resources Research*, 6(2), 169-178.
- 5-Martinez-Espieira, R. (2002). "Residential water demand in the northwest of spain." *Environmental and Resource Economics*, 21(2),161-187.
- 6-Joachim Schleich, T. H. (2009). "Determinants of residential water Demand in Germany." *Ecological Economics*, 68, 1756-1769.
- 7-Arbués, F., Barberán, R., and Villanúa, I. (2004). "Price impact on urban residential water demand: A dynamic panel data approach." *Water Resources Research*, 4(1), 323- 338.
- 8-Stevens, T.H., Miller, J., and Willis. C. (1992). "Effect of price structure on residential water demand." *Water Resources Bulletin*, 28(4), 681- 685.
- 9-Howe, C.W, and Linaweaer, F.P. (1967)."The impact of price on residential water demand and its relationship to system design and price structure." *Water Resources Research*, 3(1), 13-32.
- 10-Carver, P.H., and Boland, J. J. (1980). "Short-run and long-run effects of price on municipal water use." *Water Resources Research*, 16 (4), 609-616.
- 11- Sabouhi, M., and Nobakht, M. (2009). "Estimating the water demand function of Pardis city." *J. of Water and Wastewater*, 70, 69-74. (In Persian)
- 12- Chen, H., and Yang, Z.F. (2009)."Residential water demand model under block rate pricing: A case study of Beijing, China." *Communications in Nonlinear Science and Numerical Simulation*, 14, 2462- 2468.