

استفاده از الگوریتم ژنتیک برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد

اصغر اصغری مقدم^۱

وحید نورانی^۲

مهدی کرد^۳

(دریافت ۸۶/۵/۱۳ پذیرش ۸۷/۳/۵)

چکیده

امروزه استفاده از روش‌های بهینه‌سازی از جمله الگوریتم ژنتیک در حل مسائل پیچیده مهندسی مورد توجه مجتمع علمی واقع شده است. در این تحقیق کارایی الگوریتم ژنتیک در تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد از داده‌های آزمایش پمپاژ، مورد ارزیابی قرار گرفته و با انجام آنالیز حساسیت آرایش بهینه‌ای برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد پیشنهاد گردید. به این منظور با استفاده از الگوریتم ژنتیک پارامترهای مربوط به سه آزمایش پمپاژ، برآورد و با نتایج حاصل از روش‌های گرافیکی مقایسه شد. نتایج حاصل نشان می‌دهند که در تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد، روش هوشمند الگوریتم ژنتیک روشی کارا و قابل اعتماد بوده و عملکرد آن در مواردی که با نقص داده‌ها مواجه هستیم بهتر از روش گرافیکی است.

واژه‌های کلیدی: پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد، آزمایش پمپاژ، بهینه سازی، الگوریتم ژنتیک، روش گرافیکی.

Using Genetic Algorithm to Estimate Hydraulic Parameters of Unconfined Aquifers

Asghar Asghari Moghaddam¹

Vahid Nourani²

Mehdi Kord³

(Received Aug. 3, 2007 Accepted May 25, 2008)

Abstract

Nowadays, optimization techniques such as Genetic Algorithms (GA) have attracted wide attention among scientists for solving complicated engineering problems. In this article, pumping test data are used to assess the efficiency of GA in estimating unconfined aquifer parameters and a sensitivity analysis is carried out to propose an optimal arrangement of GA. For this purpose, hydraulic parameters of three sets of pumping test data are calculated by GA and they are compared with the results of graphical methods. The results indicate that the GA technique is an efficient, reliable, and powerful method for estimating the hydraulic parameters of unconfined aquifer and, further, that in cases of deficiency in pumping test data, it has a better performance than graphical methods.

Keywords: Hydraulic parameters, unconfined aquifer, Pumping test, Optimization, Genetic Algorithm, Graphical method.

1. Assoc. Prof., Geology Dept., University of Tabriz,
(Corresponding Author) (+98 411) 3392731, Moghaddam@tabrizu.ac.ir
2. Assist. Prof., Civil Engineering Dept., University of Tabriz
3. MSc. Student, Geology Dept., University of Tabriz

- ۱- دانشیار گروه زمین شناسی، دانشگاه تبریز، (نویسنده مستول)
Moghaddam@tabrizu.ac.ir
- ۲- استادیار دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز
- ۳- دانشجوی کارشناسی ارشد هیدرولوژی، دانشگاه تبریز

۱- مقدمه

در طی یک قرن گذشته تلاشهای زیادی در راستای تکنیک‌های شبیه‌سازی و آنالیز مسائل جریان آب صورت گرفته است. امروزه اغلب مسائل کم و بیش پیچیده می‌توانند توسط بهکارگیری مدل‌ها و روش‌های ریاضی بسط داده شده و حل شوند که صحت نتایج به دست آمده از آنها شدیداً به درستی مقادیر عددی پارامترهای هیدرولیکی لایه‌های آبدار بستگی دارد [۱]. به عبارتی می‌توان از پارامترهای هیدرولیکی لایه‌های آبدار به عنوان یکی از اصلی‌ترین فاکتورهای لازم مدیریت کمی و کیفی منابع آب زیرزمینی نام برد. روش‌های متفاوتی برای تعیین پارامترهای هیدرولیکی سفره‌ها وجود دارد. یکی از روش‌های استاندارد، به منظور تعیین آنها استفاده از داده‌های آزمایش‌های پمپاژ است. این پارامترها با توجه به نوع سفره، داده‌های قابل دسترس، نوع جریان و بافرضیات لازم به روش‌های تحلیلی و عددی مختلف محاسبه می‌شوند. اساسی‌ترین روش برای آنالیز داده‌های آزمایش پمپاژ از سفره آزاد به روش تحلیلی، توسط بولتون^۱ ارائه شد و سپس توسط نیومن^۲ توسعه پیدا کرد. این روش که کاربرد بیشتری دارد، بر اساس مفهوم آبدهی تأخیری استوار است [۲]. در این روش انطباق داده‌ها به منحنی تیپ، اغلب تقریبی بوده و انطباق کامل به دلیل اختلاف زیاد بین فرضیات در نظر گرفته شده در تئوری و شرایط واقعی، میسر نیست. به علاوه روش‌های گرافیکی پر رحمت، زمان‌بر و سلیقه‌ای هستند.

مسئله تخمین پارامترهای سفره با کمک مدل عددی که با استفاده از اطلاعات اولیه و مشاهداتی عمل می‌کند، اغلب به صورت مسئله معکوس^۳ انجام می‌گیرد. تکنیک مسئله معکوس در آب زیرزمینی برای پیش‌بینی ضریب ذخیره (S) و قابلیت انتقال (T) و همچنین پارامترهای انتقال آلودگی به کار برده می‌شود. کولی^۴، یه^۵، کاررا^۶ و نیومن، سون^۷ و عباسپور و همکاران از جمله افرادی هستند که در این زمینه فعالیت داشته‌اند [۸-۳].

مهم‌ترین تحقیقات انجام شده در زمینه کاربرد الگوریتم ژنتیک^۸ در آب زیرزمینی به شرح زیر است:

پراساد^۹ و راستوگی^{۱۰} ترکیب GA با مدل اجزای محدود شبیه‌سازی جریان را برای تخمین هدایت هیدرولیکی (K)، قابلیت انتقال (T)

و تغذیه سفره به کار بردند [۹]. ساموئل^{۱۱} و چه^{۱۲} با استفاده از GA علاوه بر پارامترهای هیدرولیکی سفره‌های تحت فشار و نشتی، پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد را به وسیله مدل تیس^{۱۳} اصلاح شده محاسبه کردند [۱۰].

نگاهی به تحقیقات گذشته نشان می‌دهد که تحقیق جامعی در مورد تخمین پارامترهای سفره‌های آزاد به وسیله تکنیک GA، با استفاده از مدل نیومن انجام نشده است. GA یک روش متعارف و خوب برای بهینه‌سازی معادلات شدیداً غیر خطی و پیچیده است [۱۱]. برتری ویژه GA، غیر حساس بودن به حدسهای اولیه پارامترها برای بهینه‌سازی است [۱۲]. لذا در این مقاله کارایی GA برای تخمین پارامترهای آبخوان آزاد از طریق داده‌های آزمایش پمپاژ زمان-افت^{۱۴} با استفاده از مدل نیومن آزمایش می‌شود.

۲- مواد و روشها

۲-۱- مدل ریاضی نیومن

مدل ریاضی نیومن پرکاربردترین مدل ریاضی برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد است که توسط روابط ۱ و ۲ و ۳ مورد استفاده قرار می‌گیرد [۱۳]

$$s(r,t) = \frac{Q}{4\pi T} W(u,\beta) \quad (1)$$

$$u = \frac{r^2 S_c}{4Tt} \quad (S_c = S_y \text{ or } S) \quad (2)$$

$$\beta = Tr^2 / b^2 \quad (3)$$

که در آنها

s افت، t زمان پمپاژ، r فاصله از چاه پمپاژ، Q نرخ پمپاژ، T قابلیت انتقال، u، W و β متغیر تئوریک بسی بعد، S ضریب ذخیره، S_y آبدهی ویژه^{۱۵} و b ضخامت اشباع اولیه سفره باشد [۱۴]. ذخیره، آبدهی ویژه^{۱۶} و b ضخامت اشباع اولیه سفره باشد [۱۶]. نیومن با حل رابطه ۱، منحنی پایه‌ای^{۱۷} را برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد به صورت گرافیکی ارائه کرد. منحنی پایه شامل دو خانواده از منحنی‌های مجانب است که به صورت منحنی A و B شناخته می‌شوند. برای به دست آوردن پارامترهای هیدرولیکی، منحنی A با قسمت اول و منحنی B با داده‌های پایانی افت به کار برده می‌شوند. ضریب ذخیره از قسمت اول، آبدهی ویژه، از قسمت سوم و قابلیت انتقال از هر دو قسمت منحنی زمان-افت محاسبه می‌شود. در این تحقیق سعی شد با استفاده از GA و با به کارگیری داده‌های آزمایش پمپاژ به عنوان

¹¹ Samuel

¹² Jha

¹³ Theis

¹⁴ Time-Drawdown Data

¹⁵ Specific Yield

¹⁶ Type Curve

¹ Boulton

² Neuman

³ Inverse problem

⁴ Cooley

⁵ Yeh

⁶ Carrera

⁷ Sun

⁸ Genetic Algorithm (GA)

⁹ Prasad

¹⁰ Rastogi

۲-۳- فرمول بندیتابع هدف
 تابع هدف، تابعی است که قصد کمینه کردن آن را داریم. اگر افت مشاهداتی را در پیزومتری به فاصله t از چاه پمپاژ و زمان t نسبت به شروع پمپاژ با s_0 نشان دهیم و s_c افت محاسباتی با استفاده از مدل ریاضی نیومن در همان فاصله و زمان باشد، تابع خطرا را می‌توان به صورت رابطه 4 نمایش داد

$$E = s_0 - s_c \quad (4)$$

برای افتهای مختلف در فاصله‌های زمانی مختلف می‌توان مجموع مربعات خطرا^۵ را با رابطه 5 محاسبه کرد

$$SSE = \sum_{k=1}^n (s_{0k} - s_{ck})^2 \quad (5)$$

که در آن

n تعداد افتهای مشاهداتی است.

حال می‌توان رابطه 5 را به عنوان تابع هدف، کمینه کرد. برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی به صورت عددی، الگوریتم، در ابتدا داده‌های زمان-افت را از قسمت هموار نمودار به دو نیم تقسیم می‌کند. سپس، با وجود مقادیر معلوم Q , r , t , s_0 و با استفاده از حدسهای اولیه (T, S) و (T, S_y) تابع خطرا به ترتیب برای قسمت اول و داده‌های پایانی زمان-افت تشکیل می‌دهد. مجموع این دو تابع خطرا، تابع هدف را ایجاد کرده و در نهایت با کمینه کردن آن، پارامترهای S ، S_y و T تخمین زده خواهند شد. از آنجاکه به ازای β ‌های مختلف جوابهای متفاوتی خواهیم داشت، لذا تابع هدف به ازای مقادیر مختلف $3.0, 0.001, 0.004, \dots$ بهینه شده و در نهایت از میان برآشها به دست آمده برای هر یک از β ‌ها بهترین برآش تعیین و مقادیر پارامترهای T , S و S_y متناظر با آن معین خواهد گردید. فلوچارت محاسبه تابع هدف در شکل ۲ نمایش داده شده است.

۴-۲- منطقه مطالعاتی

داده‌های به کار گرفته شده، داده‌های زمان-افت آزمایش پمپاژ با نرخ ثابت، مربوط به محدوده مطالعاتی سعید آباد است. این محدوده مطالعاتی در جنوب شهر تبریز و در حدود ۲ کیلومتری روستای سعید آباد واقع شده است. چاههای مشاهداتی مورد استفاده تحت عنوانی $swp1, swp3, swp7$ هستند که در فاصله ۵۰ متر از چاههای پمپاژ قرار گرفته‌اند [۱۷].

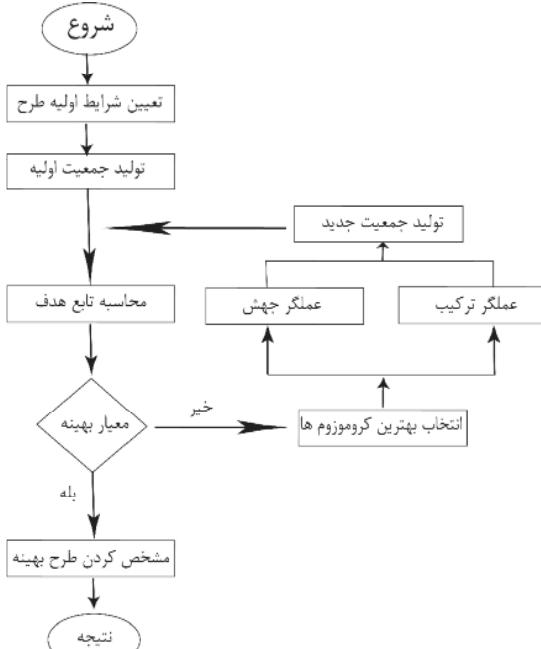
⁵ Sum of Square Errors (SSE)

داده‌های مشاهداتی، پارامترهای T , S و S_y ، که در مدل نیومن مورد استفاده قرار می‌گیرد، تخمین زده شود.

۲-۲- الگوریتم ژنتیک

GA شاخه‌ای از هوش مصنوعی است که در سال ۱۹۷۵ توسط هالند^۱ و دانشجویانش، بر اساس تئوری تکامل معرفی گردید [۱۵]. اساس کار الگوریتم‌های ژنتیک به این صورت است که در ابتدا مجموعه‌ای تصادفی از رشته‌ها برای رسیدن به نقطه بهینه، مقدار دهی می‌شوند و سپس مقدار تابع هدف^۲ که معیاری برای سنجش کارایی و تطبیق رشته است، محاسبه می‌شود. حال اگر معیار رسیدن به حالت بهینه برآورده نشده باشد، تولید نسل جدید آغاز می‌گردد [۱۶].

از نسل دوم به بعد پس از ایجاد فرزندان (نخبه، ترکیبی و جهش یافته) با نسبت‌های تعریف شده و معین، با استفاده از الگوریتم‌های انتخاب^۳ والدین نسل جدید گزینش و با قرار دادن این فرزندان در تابع هدف و امتیاز دهی به آنها، الگوریتم تکرار می‌شود تا وقتی که معیارهای پایان الگوریتم باعث توقف آن شود. در این تحقیق برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی توسط GA از کامپیوتری که در محیط نرم افزار مطلب^۴ توسط مؤلفین تهیه شده، استفاده گردید. شکل ۱ فلوچارت عملکرد GA را نشان می‌دهد.



شکل ۱- فلوچارت عمومی الگوریتم ژنتیک

¹ Holland

² Objective Function

³ Selection

⁴ MATLAB 2006

تغییرات تجمعی مقادیر برازشها بر روی تعداد ۵۰ نسل کمتر از ۱۰^۶ باشد و یا به عبارت دیگر عدم بھیود در میزان تابع هدف در طی ۵۰ نسل، سبب خاتمه الگوریتم خواهد شد

$$GASC = \frac{\sum_{k=1+(n-50)}^n (fitness_{k-1} - fitness_k)}{50} \quad N \geq n \geq 50 \quad (6)$$

که در آن

GASC شاخص خاتمه الگوریتم ژنتیک^{۱۳}، N حداکثر نسلهای در نظر گرفته شده، n شماره هریک از نسلهای تولید شده بعد از پنجاهین نسل و fitness_k برازش نسل k است.

برای بدست آوردن کسر تولید فرزندان ترکیبی، یعنی بهترین نسبت فرزندان حاصل از ترکیب به دیگر فرزندان، الگوریتم برای نسبت‌های مختلف از ۰ تا ۱ اجرا شد و با توجه به مقدار میانگین برازشها، بهترین نسبت تعیین گردید. استفاده از اندازه جمعیت بزرگ‌تر، فضای جستجو را بهتر پوشش می‌دهد و به موجب آن شناس پیدا کردن نقطه مینیمم کلی، افزایش پیدا می‌کند ولی در عوض این امر سبب اجرای کند GA خواهد شد. لذا انتخاب اندازه جمعیتی که هم فضای جستجو را خوب پوشش دهد و هم اینکه الگوریتم دارای سرعت قابل قبولی باشد، برای تخمین پارامترها امری ضروری است. به این منظور الگوریتم به ازای اندازه جمعیتهای ۲۵، ۵۰، ۷۵ و ۱۰۰ تایی برای تعیین بهترین اندازه جمعیت اجرا شد. همچنین برای انتخاب تعداد نسلها، الگوریتم به ازای تعداد نسلهای ۲۵، ۵۰، ۱۰۰ و ۱۵۰ تایی اجرا گردید.

۲-۳- آرایش بهینه GA

به طور خلاصه با توجه به نتایج قسمت قبل، می‌توان آرایشی بهینه از عملگرهای اختیار شده را بدست آورد. در جدول ۱ آرایش بهینه به کار برده شده برای چاههای فوق‌الذکر نشان داده شده است.

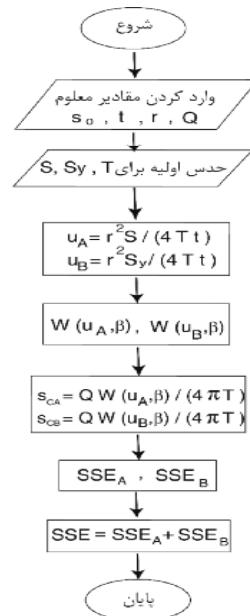
جدول ۱- آرایش بهینه الگوریتم ژنتیک به کار گرفته شده برای چاههای ۱، swp3 و swp7، swp7 و swp1

آرایش بهینه	گرینه‌ها
[۱؛ ۰]	بازه تولید جمعیت اولیه ^{۱۴}
۵۰	اندازه جمعیت
۷	تعداد نخبه
۰/۵	کسر تولید فرزندان ترکیبی
۱۰۰	تعداد نسل
روش رتبه‌بندی ^{۱۵}	شاخص برازش
ریمایندر	انتخاب
حسابی	ترکیب
اداپتسیبل	جهش

¹³ Genetic Algorithm Stopping Criteria

¹⁴ Initial Range

¹⁵ Rank



شکل ۲- فلوچارت محاسبه تابع هدف

۳- نتایج و بحث

۳-۱- آنالیز حساسیت

اجرای موفق GA به گزینه‌های آن مانند اندازه جمعیت، ترکیب، جهش، تعداد نسلها، نحوه انتخاب، نسبت بین تولید فرزندان و غیره بستگی دارد. به این منظور از آنالیز حساسیت برای تعیین آرایش بهینه GA استفاده شد.

وظیفه گرینش رشته‌ها برای تولید جمعیتی جدید را عملگر انتخاب به عنده دارد. در آنالیز صورت گرفته از پنج عملگر انتخاب به شرح زیر استفاده شد.

چرخ رولت^۱، روش رقابتی^۲، ریمایندر^۳، یونیفرم^۴، استوکستیک یونیفرم^۵ و حالتی‌ای ترکیبی ممکن از^۶ عملگر ترکیب به نام دو نقطه‌ای^۷، اسکرتد^۸، اینترمدیت^۹ و حسابی^۹ به همراه دو عملگر جهش به نامهای یونیفرم و اداپتسیبل^{۱۰} استفاده شد [۱۸].

علاوه بر موارد فوق، آنالیز حساسیت برای تعیین بهینه‌ترین اندازه جمعیت^{۱۱}، تعداد نسل و کسر تولید فرزندان ترکیبی^{۱۲} انجام شد. شاخص خاتمه الگوریتم در نظر گرفته شده، با استفاده از رابطه^{۱۳} تعیین گردید. در اینجا الگوریتم تا زمانی اجرا خواهد شد که

¹ Rolette (Ro)

² Tournament (To)

³ Remainder (Re)

⁴ Uniform (Un)

⁵ Stochastic Uniform (S.U)

⁶ Twopoint (Tw)

⁷ Scattered (Sc)

⁸ Intermediate (In)

⁹ Arithmetic (Ar)

¹⁰ Adaptfeasible

¹¹ Population Size

¹² Crossover Fraction

نتایج حاصل از GA مقایسه شد. مقادیر محاسباتی ضرایب هیدرولیکی، SSE و R^2 (ضریب تبیین^۲)، حاصل از هر دو روش در جدول ۲ نشان داده شده است [۱۹].

² Determination Coefficient

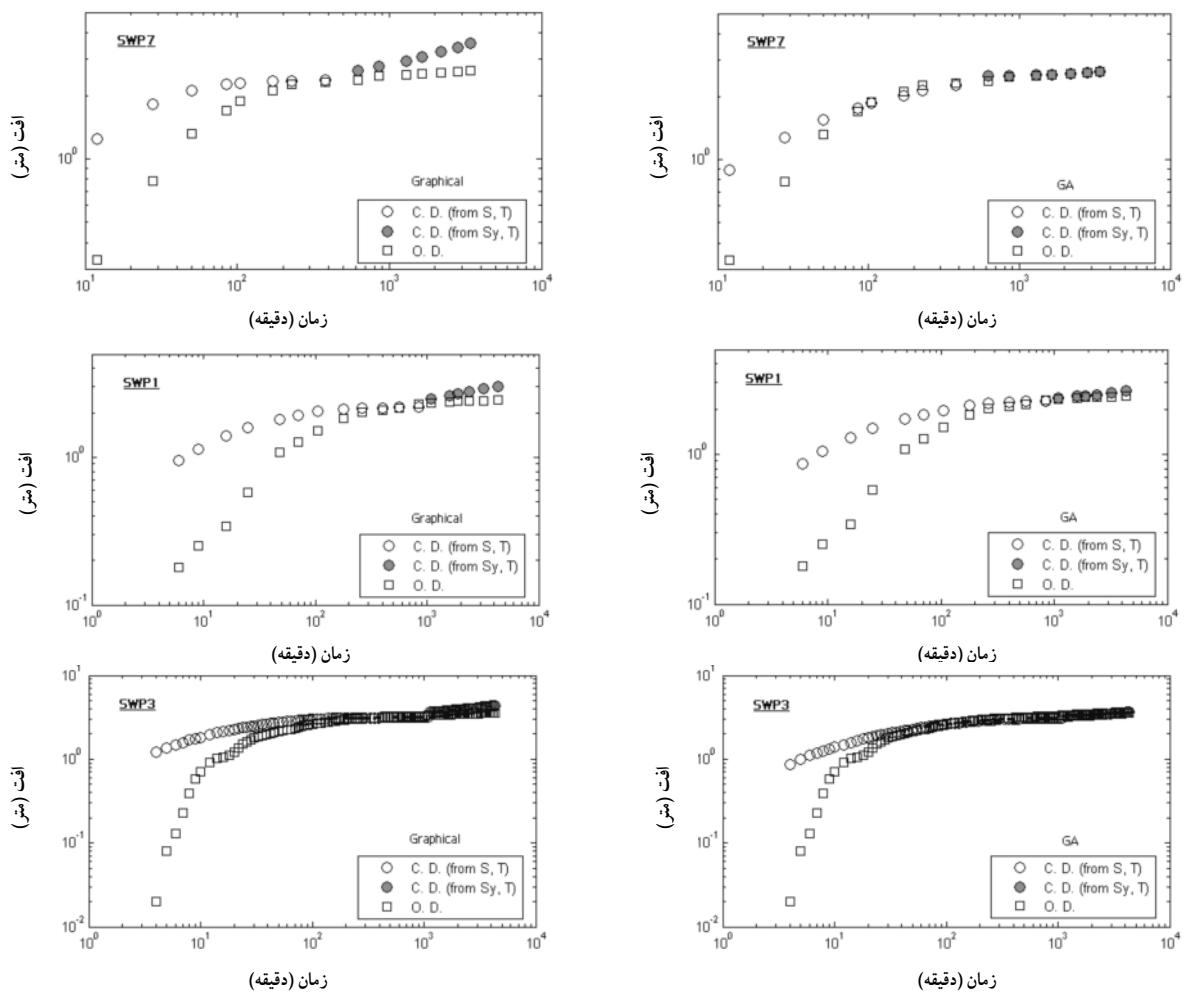
۳-۳- تخمین پارامترها توسط GA

به منظور سنجش کارایی تکنیک GA، پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد از داده‌های آزمایش پمپاز زمان-افت، توسط نرم افزار معروف آکیفر تست^۱ که بر مبنای روش است، محاسبه گردید و با

¹ Aquifer Test

جدول ۲- مقادیر محاسباتی S ، S_y ، T و R^2 سفره آزاد و SSE

جدول ۲- مقادیر محاسباتی S ، S_y ، T و R^2 سفره آزاد و SSE				
روش	Data Set	swp7	swp1	swp3
گرافیکی	GA	گرافیکی	GA	گرافیکی
S	$2/0.8 \times 10^{-3}$	$2/83 \times 10^{-3}$	$0/0.03$	$1/87 \times 10^{-3}$
S_y	$0/1541$	$0/121$	$0/1055$	$7/45 \times 10^{-2}$
$T(m^2/min)$	$0/3321$	$0/156$	$0/8329$	$0/504$
β	$0/0.6$	$0/0.4$	$0/0.4$	$0/0.1$
$SSE_1(m^2)$	$3/0.68$	$0/639$	$4/9169$	$25/7616$
$SSE_2(m^2)$	$2/4333$	$0/162$	$0/0.574$	$9/3076$
$SSE_t(m^2)$	$5/0.13$	$0/801$	$8/4311$	$35/0.692$
R^2_1	$0/8534$	$0/9695$	$0/9821$	$0/9451$
R^2_2	$0/9371$	$0/9996$	$0/9999$	$0/977$
R^2_t	$0/9044$	$0/9886$	$0/9887$	$0/9528$



شکل ۳- منحنی‌های زمان-افت صحرایی (O. D.) و منحنی‌های زمان-افت محاسبه شده (C. D.) برای چاهه‌ای SWP3، SWP1 و SWP7 با روش‌های گرافیکی و GA

۴- نتیجه‌گیری

نتایج به دست آمده از مجموعه داده‌های آزمایش پمپاژ زمان-افت برای سفره آزاد توسط GA و مقایسه آن با نتایج روش گرافیکی نشان می‌دهد که تکنیک هوشمند GA یک روش کارا، قابل اعتماد و قوی برای تخمین پارامترهای هیدرولیکی سفره آزاد است. آنچه که از مقایسه منحنی‌های افت-زمان داده‌های آزمایش پمپاژ مشاهده می‌شود، این است که منحنی‌های زمان-افت مربوط به GA نسبت به روش گرافیکی، تطابق بیشتری با منحنی‌های زمان-افت مشاهداتی برای هر سه چاه دارند و دارای R^2 و SSE بهتری هستند.

همان‌طور که در منحنی‌های افت-زمان مربوطه مشاهده می‌شود، آماربرداری چاههای 1 و 7 به طور کامل صورت نگرفته و قسمت سوم گراف آنها ناقص است. اما از مقایسه منحنی‌های زمان-افت مشاهداتی و محاسباتی داده‌های آزمایش پمپاژ، همچنین R^2 و SSE مربوط به آنها، مشاهده می‌شود که GA در مواردی که با نقص داده‌ها مواجه هستیم نسبت به روش گرافیکی عملکرد بهتری دارد.

عملکرد موفق GA به آرایش مختلف گزینه‌های آن بستگی دارد و با توجه به اینکه تغییرات بسیار جزئی در مقدار پارامترهای تخمینی سفره، نتایج بسیار متفاوتی را ایجاد خواهد کرد، لذا انجام آنالیز حساسیت برای استفاده از GA لازم و ضروری است. با توجه به پیچیدگی مدل نیومن، اجرای برنامه بسیار کند است، بنابراین برای برطرف نمودن این مشکل می‌توان از زبان‌های برنامه نویسی دیگری مثل C بهره گرفت و به جای استفاده از آنالیز حساسیت عملکرد عملگرهای مختلف GA، روش‌های دیگر بهینه‌سازی مانند منطق فازی را به کار برد.

داده‌های زمان-افت اولیه برای تخمین S و T و داده‌های زمان-افت پایانی پمپاژ برای تخمین S_y و T استفاده شده‌اند. لذا R^2_1 و SSE_1 مربوط به قسمت اول داده‌های زمان-افت و R^2_2 و SSE_2 مربوط به داده‌های پایانی زمان-افت محاسباتی نسبت به مشاهداتی می‌باشند.

R^2_t ضریب تبیین کل محاسبه شده و SSE_1 مجموع SSE_1 و SSE_2 یا به عبارتی مجموع مربعات خط‌کل برای هر یک از مجموعه داده‌های زمان-افت است.

۴-۳- افتهاي مشاهداتي و محاسباتي

برای درک بهتر عملکرد روش GA و مقایسه نتایج حاصل از آن با روش گرافیکی، افتهاي محاسباتي حاصل از پارامترهای تخمینی و افتهاي مشاهداتي متناظر با آنها رسم گردید. در این قسمت با یک عملکرد معکوس با استفاده از پارامترهای محاسباتی، افتهاي هر یک از چاهها در زمان‌های متناظر پمپاژ، محاسبه شد و با افتهاي مشاهداتي مقایسه گردید.

شکل ۳ مقایسه بین منحنی‌های زمان-افت مشاهداتی^۱ و محاسباتی^۲ حاصل از پارامترهای تخمین زده شده به‌وسیله روش‌های گرافیکی و GA را نشان می‌دهد.

افتهاي محاسبه شده از مدل نیومن به‌وسیله GA و روش گرافیکی، در زمان‌های اولیه پمپاژ بر افتهاي صحرایي منطبق نیست. دلیل آن را این‌گونه می‌توان بیان نمود که مدل ریاضی نیومن بر اساس یکسری فرضیات و با در نظر گرفتن شرایط ایدئال ارائه گردیده است، اما در شرایط عملی تمامی شرایط و مفروضات مدل نیومن نمی‌تواند فراهم باشد. دقت اندازه‌گیری افتهاي صحرایي نیز دلیل دیگری برای این اختلاف است.

¹ Observed Drawdown (O. D.)

² Computed Drawdown (C. D.)

۵- مراجع

- 1- Kruseman, G. P., and De Ridder, N. A. (1983). *Analysis and evaluation of pumping test data*, 1st Ed., ILRI Wageningen, Netherlands.
- 2- Batu, V. (1998). *Aquifer hydraulics a comprehensive guide to hydrogeologic data analysis*, 1st Ed., John Wiley and Sons Inc, New York. USA.
- 3- Cooley, R. L. (1977). "A method of estimating parameters and assessing reliability for models of steady state groundwater flow 1. Theory and numerical properties." *Water Resou. Res.*, 13(2), 318-324.
- 4- Yeh, W. W. (1986). "Review of parameter identification procedures in groundwater hydrology: The inverse problem." *Water Resour. Res.*, 22(2), 95-108.
- 5- Carrera, J., and Neuman, S. P. (1986a). "Estimation of aquifer parameters under transient and

- steady state conditions: 1. Maximum likelihood method incorporating prior information." *Water Resour. Res.*, 22(2), 199-210.
- 6- Carrera, J., and Neuman, S. P. (1986b). "Estimation of aquifer parameters under transient and steady state conditions: 2. Uniqueness, stability and solution algorithms." *Water Resour. Res.*, 22(2), 211-227.
 - 7- Sun, N. Z. (1994). *Inverse problems in groundwater modeling*, 1st Ed., Kluwer Academic Publishers, Dordrecht, Netherlands.
 - 8- Abbaspour, K. C., Van Genuchter, M. T., Schulin, R., and Schlappi, E. (1997), "A sequential uncertainty domain inverse procedure for estimating subsurface flow and transport parameters." *Water Resour. Res.*, 33(8), 1879-1892.
 - 9- Prasad, K. L., and Rastogi, A. K. (2001). "Estimating net aquifer recharge and zonal hydraulic conductivity values for Mahi Right Bank Canal project area, India by genetic algorithm." *J. Hydrol.*, 243, 149-161.
 - 10- Samuel, M. P., and Jha, M. K. (2003). "Estimation of aquifer parameters from pumping test data by genetic algorithm optimization technique." *J. of Irrigate Engineering*, 129(5), 359-359.
 - 11- Davis, L. (1991). *A handbook of genetic algorithms*, 1st Ed., Van Nostrand Reinhold, New York. USA.
 - 12- Samuel, M. P. (2002). "Determination of aquifer and well parameters using genetic algorithm." MSc. Thesis, Indian Institute of Technology, Kharagpur, India.
 - 13- Neuman, S. P. (1972). "Theory of flow in unconfined aquifers considering delay response of the water table." *Water Resour. Res.*, 8, 1031-1045.
 - 14- Neuman, S. P. (1975a). "Analysis of pumping test data from anisotropic unconfined aquifers considering delayed gravity response." *Water Resour. Res.*, 11, 329-342.
 - 15- Goldberg, D. E. (1989). *Genetic algorithms in search, optimization and machine learning*, 1st Ed., Addison-Wesley Publishing Company, New York.
 - 16- Mitsuo, G., and Cheng, R. (1997). *Genetic algorithms and engineering design*, 1st Ed., John Wiley and Sons Inc, New York. USA.
 - 17- Asghari Moghaddam, A. (1991). "The hydrogeology of the Tabriz area, Iran." Ph.D Thesis, University College London. UK.
 - 18- Genetic Algorithm and Direct Search Toolbox User's Guide. (2006). 1st Ed., The Mathworks Inc.
 - 19- Daliakopoulos, I. N., Coulibaly, P., and Tsanis, I. K. (2005). "Ground water level forecasting using artificial neural networks." *J. Hydrol.*, 309, 229-240.